DOI:10.16356/j.1005-2615.2024.04.013

GNPs改性环氧3D编织复合材料导热特性研究

徐 焜¹, 侯 辰 辉¹, 程 云 浦¹, 钱 小 妹¹, 严 刚² (1.电子科技大学航空航天学院, 成都 611731; 2.南京航空航天大学航空学院, 南京 210016)

摘要:石墨烯纳米片(Graphene nanoplatelets, GNPs)改性 3D编织复合材料将GNPs与编织物有机融合,有望协同提高材料导热特性。然而, 3D编织复合材料内胞和表胞呈现出不同的导热特性, 加之GNPs的协同改性作用, 增加了材料导热特性研究难度。本文紧扣GNPs改性 3D编织复合材料细观结构特征, 以GNPs改性树脂等效热导率表征为基础,基于周期性温度边界条件,构建材料的多胞有限元热物理分析模型,详尽研究了GNPs含量、编 织角和纤维体积分数等对各胞元热导率的影响规律。分析表明:随着GNPs含量增加, 3D编织复合材料导热特 性逐步提升。随着编织角增加, GNPs改性 3D编织复合材料横向热导率迅速增加而纵向热导率下降;同时, GNPs改性3D编织复合材料热导率随纤维体积分数增加而提升。上述规律为GNPs改性3D编织复合材料导热

Study on Thermal Conductivity Coefficients of 3D Braided Composites Reinforced with Graphene Nanoplatelets

XU Kun¹, HOU Chenhui¹, CHENG Yunpu¹, QIAN Xiaomei¹, YAN Gang²

(1. School of Aeronautics and Astronautics, University of Electronic Science and Technology of China, Chengdu 611731, China; 2. College of Aerospace Engineering, Nanjing University of Aeronautics & Astronautics, Nanjing 210016, China)

Abstract: 3D braided composites reinforced with graphene nanoplatelets (GNPs) contribute to improving the thermal conductivity coefficients of the composites. However, the microstructures of 3D braided composites are so complicated that the interior and surface unit cells have different thermal conductivity. Meanwhile, the synergistic reaction of GNPs further improves the challenge of predicting the thermal conductivity of the composites. This paper investigates the thermal conductivity of 3D braided composites reinforced with GNPs by finite element modeling based on multi-unit cell models. Firstly, the thermal conductivity of epoxy resin modified by GNPs is analyzed by 2D periodical unit cell models. Then a detailed multi-unit cell model is introduced to establish the finite element model for predicting the thermal conductivity. Meanwhile, the periodical thermal boundary conditions are also applied to the finite element models. Finally, the effectiveness of the multi-unit cell models are analyzed, respectively. The results indicate the thermal conductivity of 3D braided composites is improved obviously with increasing GNPs mass fraction. With the braiding angle increasing, the transverse thermal conductivity of 3D braided composites gradually increases and the longitudinal thermal conductivity decreases almost linearly. Meanwhile, the thermal conductivity of

基金项目:四川省自然科学基金(2022NSFSC0313)。

收稿日期:2024-04-10;修订日期:2024-05-13

通信作者:钱小妹,女,讲师,E-mail:xmqian@uestc.edu.cn。

引用格式:徐焜,侯辰辉,程云浦,等.GNPs改性环氧3D编织复合材料导热特性研究[J].南京航空航天大学学报,2024, 56(4):705-711. XU Kun, HOU Chenhui, CHENG Yunpu, et al. Study on thermal conductivity coefficients of 3D braided composites reinforced with graphene nanoplatelets[J]. Journal of Nanjing University of Aeronautics & Astronautics, 2024, 56(4):705-711.

the composites gradually increases with fiber volume fraction increasing. The results provide important theoretical basis for the design of the thermal conductivity of 3D braided composites reinforced with GNPs.

Key words: 3D braiding; thermal conductivity coefficient; graphene nanoplatelets (GNPs); unit cell analysis; finite element modeling

石墨烯纳米片(Graphene nanoplatelets, GNPs)改性3D编织复合材料,作为一种新颖的纳 米改性纺织复合材料,以3D多向编织物和GNPs 为增强体,有望协同提升材料力-热-电特性。目 前,以3D编织复合材料细观结构研究为基础^[1-2], 学者们重点关注了材料的力学性能研究^[3-5],有关 纳米粒子改性3D编织复合材料的研究工作还较为 有限。然而,评估GNPs改性3D编织复合材料热 物理性能,揭示材料导热性能设计规律,对于拓展 其应用范围具有重要意义。

3D 编织复合材料导热特性研究,是揭示 GNPs 改性 3D 编织复合材料导热特性的重要基础。早期,Liu等^[6]开展了 3D 四向编织复合材料的 热导特性研究。李典森等^[7]采用有限元方法分析 了五向编织复合材料的导热性能。上述工作对胞 元平行于热导方向平面采用了绝热边界条件。夏 彪等^[8]基于施加周期性非绝热温度边界条件的内 胞,研究了多向编织材料的导热性能和热膨胀特 性。姜黎黎等^[9]采用实验方法,研究了 3D 编织复 合材料的热物理性能。Tian等^[10]采用多尺度方 法,研究了四向编织复合材料热导性能。然而,上 述工作主要以 3D 编织内胞导热性能分析为主,暂 未充分考虑 3D 编织"壳芯"结构特征对材料导热性 能的影响。

GNPs作为典型碳基纳米粒子,具有优异的 热-力特性,其面内热导率可达5300W/(m·K), 面内模量高达1TPa。近年来,有关碳基纳米粒子 改性树脂的热-力-电性能研究工作取得重要进 展^[11-12]。鉴于GNPs改性3D编织复合材料具有复 杂的多尺度特征,有关GNPs改性3D编织复合材 料导热性能研究还鲜有文献报道。刘云龙^[13]基于 内胞细观有限元模型,研究了GNPs/CNTs协同改 性3D编织复合材料力-热等效性能。Abedi等^[14]以 碳基纳米粒子协同改性3D编织杆为对象,研究了 其作为损伤自检智能结构的可行性。

本文拟以GNPs改性环氧3D编织复合材料等 效热导特性研究为目标,基于周期性温度边界条件,构建材料宏细观一体化多胞有限元模型,详尽 分析编织角、纤维体积分数、GNPs体积含量等对 材料热导特性的影响规律,以期揭示GNPs改性 3D编织复合材料导热特征和规律,为进一步促进 GNPs改性3D编织复合材料应用提供重要的理论 依据。

1 GNPs 改性 3D 编织复合材料热导 率建模方法

1.1 GNPs改性环氧热导率预测

为降低 3D 数值建模工作量,基于 GNPs 随机 分布算法和相干检测算法,以空间 GNPs 三维建模 为基础,构建了随机分布 GNPs 的 2D 周期性胞元 模型^[15],如图 1 所示。该模型能考虑 GNPs 各向异 性热导特性,结合周期性热学边界条件,同时,采用 平面三角形壳元,构建 2D 胞元有限元分析模型。 该模型可保证 2D 胞元相对面对应节点温度相等且 输入输出热量平衡。针对典型含量 GNPs 物理特 性,经分析 2D 胞元尺度、GNPs 随机分布样本数等 对材料等效热学性能的影响规律,确定 2D 随机分 布胞元面内尺度为8 000 nm、样本为 60 时,可以满 足保证分析结果的数值收敛性^[15]。





Fig.1 2D periodic cell model of randomly distributed GNPs

1.2 3D 四向编织复合材料胞元模型

3D编织复合材料具有显著的"壳芯"细观结构 特征,其表胞和内胞纱线构型各异,致使材料拥有 不同的导热特性。图2为3D四向矩形编织复合材 料内胞、表胞纱线构型及其等效整体胞元^[3]。图2 (a)为材料表胞及其纱线构型,综合包含了矩形截 面材料的上、下表面胞元纱线;图2(b)为材料整体 胞元;图2(c)为材料内胞及其纱线构型。材料细 观胞元主要设计变量为^[16]

$$\tan \alpha = \frac{\sqrt{2}}{2} \tan \gamma \tag{1}$$

$$W_i = T_i = W_s = 4\sqrt{2} b \tag{2}$$

$$h = \frac{8b}{\tan \gamma} \tag{3}$$

$$\tan \theta = \frac{\tan \gamma}{3} \tag{4}$$

$$T_s = 2\sqrt{2} b + b \tag{5}$$



(b) integral unit cen

图 2 3D 四向编织复合材料胞元模型 Fig.2 Unit cell models of 3D four-directional braided composites

式中:α为编织角,γ为内部纱线编织角,θ为表面编 织角,W_i和T_i分别为内胞宽度和厚度,W_s和T_s分 别为上下表胞宽度和厚度,h为胞元花节高度,b为 八边形纱线内切椭圆半径短半轴长。

1.3 胞元纤维束等效热导率

图 2 所示内胞和表胞,由各方向纱线束和 GNPs改性树脂组成。基于GNPs改性树脂等效导 热特性,采用细观解析模型,预测GNPs改性环氧 碳纤维纱线束的等效导热特性。纱线束主方向热 导率由混合定律求解,而横向热导率通过Hashin 公式求解^[17],表达式为

$$\begin{cases} k_{11} = k_{11}^{f} \phi + k^{m} (1 - \phi) \\ k_{22} = k_{33} = k^{m} + \frac{\phi}{\frac{1 - \phi}{2k^{m}} + \frac{1}{\frac{1}{k_{22}^{f} - k^{m}}}} \quad (6) \end{cases}$$

式中: k_{11} 、 k_{22} 、 k_{33} 分别为纱线束主轴1、2和3方向的 等效热导率; k'_{11} 、 k'_{22} 分别为纤维纵向和横向热导 率,k'''为GNPs改性树脂等效热导率; ϕ 为纱线束 的纤维体积分数。

1.4 基于周期性温度边界的胞元热导率预测

考虑到胞元材料纱线构型复杂,模型网格离散时,拟基于ABAQUS软件平台,采用四面体实体单元离散内胞和表胞,分别如图3(a,b)和图3(c,d)所示;整体胞元由内胞和表胞等效性能表征,采用六面体单元建模,如图3(e)所示。

为获得合理的胞元材料导热特性,胞元热传导 建模时,应施加周期性温度边界条件,并分别在胞 元*x*、y、z三个方向施加温差载荷,以确保胞元热学 边界条件的合理性^[13]。胞元*i*方向平均热流密 度*q*,为

$$\bar{q}_{i} = \frac{S_{ik} \times \sum_{k=y,m} \bar{q}_{ik}}{\sum_{k=y,m} S_{ik}} \quad i = 1, 2, 3$$
(7)

式中:k代表组分材料,y代表 GNPs改性环氧纤维 束,m代表 GNPs改性环氧树脂, S_{it} 为i方向胞元表 面对应组分的热流输出面积, \bar{q}_{it} 为i方向胞元对应 表面相应组分的平均热流密度。

根据周期性温度边界条件可知,胞元在i方向





图 3 内胞、表胞与整体胞元有限元网格

Fig.3 Finite element meshing of interior, surface and integral unit cells

平均温度梯度 $\partial T/\partial x_i$ 为确定值,用 $\nabla \overline{T}_i$ 代替,即

$$\nabla \bar{T}_i = \frac{T_{i1} - T_{i0}}{L_i} \tag{8}$$

式中:*T_{i1}-T_{i0}为i*方向上载荷加载面温差,*L_i*为胞元*i*方向长度。

由此,胞元i方向平均热导率可表示为

$$k_i = -\frac{\bar{q}_i}{\nabla \bar{T}_i} \tag{9}$$

本文将基于上述胞元热分析策略,构建x、y、 z 三个方向GNPs改性3D编织复材等效热导率有 限元模型。首先,建立内胞热导率分析模型;然后, 建立表胞热导率分析模型;最后,将上述胞元等效 热导率赋给整胞,进而建立整体胞元等效热导率有 限元分析模型,如图3(e)所示。

2 分析与讨论

为验证本文模型的合理有效性,设计了典型 GNPs改性环氧3D四向编织复合材料热导特性分 析案例。矩形截面 3D 编织复合材料(横向携纱器 m=5),采用 T300 12K 碳纤维束织物与 TDE-85 环氧树脂复合成型,其热学参数为:碳纤维纵向热 导率为9 W/(m•K),横向热导率为1.2 W/(m•K); 树脂热导率为0.18 W/(m•K)。

首先,以典型不含GNPs改性3D编织复合材 料为例,对比分析本文模型、文献内胞模型[18]及其 实验结果,对比案例纱线束规格均为12K。案例1 编织角 α 为42°,纤维体积分数 V_i 为0.54,案例2编 织角 α 为42°,纤维体积分数 $V_{\rm f}$ 为0.53。表1给出 了本文基于内胞、表胞和整体胞元的横向热导率k。 预测结果,以及文献基于内胞的预测结果和实验 值。由表1可知,3D编织复合材料壳芯结构内部 胞元的导热系数较大,表胞最小,整胞居中,且整体 胞元与文献内胞模型预测数据基本一致。分析其 原因,内胞占据材料主体,且GNPs改性碳纤维束 完全贯穿至内胞表面,具有较高导热效应;表胞因 其表面附有一层低热导率的树脂,导致其总体热导 率较小:整胞则能综合反映材料总体导热特性。可 见,本文能详尽表征 3D 编织复合材料各胞元导热 特性,证明了模型的有效性。

表1 典型试件横向热导率k,对比

Table 1Comparison of transverse thermal conductivity
coefficient k_y of 3D braided specimens without m_{k_y} $m_{k_$

GNPs			W/(m•K)				
案例	本文	本文	本文	文献	示心[18]		
	内胞	表胞	整胞	内胞[18]	头短		
1	1.946	0.671	1.025	0.942	0.75		
2	1.910	0.665	1.010	0.875	0.75		

为展示本文周期性胞元分析结果,图4给出了 材料编织角 α 为 30°、纤维体积分数 V_t为 50%、 GNPs 质量分数为2% 时, z 向施加1℃温度差时的 热流密度分布。图4(a)为表胞的热流密度分布情 况。可见,纤维束热流密度明显高于GNPs改性基 体,且热流密度分布保持了周期性特征;图4(b)为 内胞热流密度分布情况,其纤维束热流密度也明显 高于改性树脂;图4(c)为嵌入上述等效热学本构 的整胞热流分布图。

现基于下述设计案例,详尽研究 GNPs 质量分数 m_i 、编织角 α 、纤维体积分数 V_i 对 3D 编织复合材料等效热导率的影响规律。GNPs 面内平均尺度为3000 nm、厚度为8 nm,其面内和厚度方向热导率分别为3000 和6 W/(m•K)。表2给出了不同质量分数 GNPs 改性环氧树脂的等效热导率,胞元纤维束等效热导率由式(6)计算。图 5~7给出了当 V_i =50%时,编织角 α 和 GNPs 质量分数 m_i 对材料各胞元热导率的影响规律。

图 5 详尽给出了 V_f为 50% 时,编织角 α 和





 Table 2
 Equivalent thermal conductivity coefficients of typical GNPs reinforced epoxy

体动力已安	GNPs质量分数/%					
寺双然寺平	0	1	2	3	4	
$k/(W \cdot m^{-1} \cdot K^{-1})$	0.18	0.32	0.47	0.60	0.73	
增幅/%	0	80.2	160.2	234.1	305.7	

GNPs 质量分数 m_f 对基于内胞表征的 3D 编织复 合材料热导率影响规律。图 5(a)为内胞横向热 导率($k_x = k_y$)随编织角 α 和 GNPs 质量分数 m_f 的变 化规律。可见,随着 α 增加, k_x/k_y 迅速近似线性增 加;同时,当 α 一定时,随着 m_f 增加, k_x/k_y 也逐步增 加,但增幅逐步减弱。图 5(b)给出了内胞纵向热 导率 k_b 随编织角 α 和 GNPs 质量分数 m_f 的变化情 况。可见,随着编织角α增加,&近似线性减小,且 幅度较大,表明α对&影响较大;同时,当α一定 时,随着 m_f增加, k₂也逐步增加,但增幅逐步 减弱。





Fig.5 Effects of braiding angle α and GNPs mass fraction m_t on thermal conductivity coefficients of interior unit cell

图 6 给出了 V_t为 50% 时,编织角 α 和 GNPs 质 量分数 m_t对基于表胞表征的 3D 编织复合材料热 导率影响规律。图 6(a)为表胞横向热导率 k_a随编 织角 α 和 GNPs 质量分数 m_t的变化情况。可见,随 着 α 增加, k_a逐步增加,且增幅较为明显;同时,当α 一定时,随着 m_t增加, k_a也逐步增加,但增幅逐步减 弱。图 6(b)给出了表胞横向热导率 k_y随编织角 α 和 GNPs 质量分数 m_t的变化情况。可见,随着 α 增 加, k_y逐步增加,且幅度较为明显;同时,对于确定 编织角胞元,随着 m_t增加, k_a也逐步增加,但增幅逐 步减弱。图 6(c)给出了表胞纵向热导率 k_a随编织 角 α 和 GNPs 质量分数 m_t的变化情况。可见,随着 α的增加, k_a迅速降低;同时,当α一定时,随着 m_t的 增加, k_a也逐步增加,但增加幅度逐步减弱。

图 7 给出了 V_f 为 50% 时,编织角 α 和 GNPs 质量分数 m_f 对基于整胞表征的 3D 编织复合材料热导率影响规律。图 7(a)给出了整胞横向热导率 k_a 随编织角 α 和 GNPs 质量分数 m_f 的变化情况。首先, k_a 各数值位于内胞和表胞之间;同时,随着 α 增





Fig.6 Effects of braiding angle α and GNPs mass fraction $m_{\rm f}$ on thermal conductivity coefficients of surface unit cell

加, k_x 迅速增加,且幅度较为明显;同时,当编织角一 定时,随着 m_t 增加, k_x 也逐步增加,其中,当 m_t 小于 2%时,增幅较大,当 m_t 大于2%时,增幅开始减弱。 图 7(b)给出了整胞横向热导率 k_y 随编织角 α 和 GNPs质量分数 m_t 的变化情况。由图可知, k_y 各数 值位于内胞和表胞之间;随着 α 增加,整胞 k_y 逐步增 加,近似呈线性且增幅较为明显;同时,当 α 一定时, 随着 m_t 的增加,整胞 k_y 也逐步增加,而且,对于 α 大 于 30°左右时,总体增幅加大。图 7(c)给出了整胞 纵向热导率 k_b 随编织角 α 和GNPs质量分数 m_t 的变 化情况。 k_s 各数值位于内胞和表胞之间;当 α 增加 时,整胞 k_b 迅速降低;同时,当 α 一定时,随着 m_t 的增 加,整胞 k_b 也逐步增加,但增加幅度逐步减弱。





由图 5~7可知,编织角 α和 GNPs 质量分数 m_f对材料等效热导率具有显著影响,对z轴方向 影响最为显著,x方向次之,y轴方向相对较弱; 同时,本案例横向编织纱携纱器数 m=5,整体胞 元因此包含上、下表胞和 1.5个内胞情况。因材 料厚度y方向内胞有限,表胞对材料总体热导性 能的影响也较为显著,若对于厚度较小壁板结 构,直接以内胞作为分析对象,将产生较大误差。

为进一步展示纤维体积分数 V_f对材料热导率 的影响规律,图 8 给出了 GNPs 质量分数分别为 0% 和 2% 时,材料整胞各向异性热导率随纤维体 积分数 V_f和编织角α的变化规律。如图 8(a)所示, 材料整胞横向热导率 k_c随 V_f增大而迅速增大,且



图 8 纤维体积分数 V_i与 GNPs 质量分数 m_i 对整胞热导率 影响

Fig.8 Effects of fiber volume fraction $V_{\rm f}$ and GNPs mass fraction $m_{\rm f}$ on thermal conductivity coefficients of integral unit cell

GNPs也有显著影响;图8(b)展示了整胞 k_y 随 V_f 和 m_f 逐步增大的变化情况;图8(c)给出了整胞 k_e 随 V_f 和 m_f 的变化情况。编织角 α 一定时,当 V_f 和 m_f 增 大时, k_e 均增加且增幅逐步减小。

3 结 论

以 GNPs 改性环氧 3D 编织复合材料为对象, 基于周期性温度边界条件,构建了材料的多胞导热 率有限元分析模型,详细研究了具有壳芯结构特征 的 3D 编织复合材料热导率。经对比分析,验证了 本文模型的合理有效性。

(1)3D编织复合材料表胞和内胞具有明显不

同的热导特性,内胞横向热导率明显大于表胞横向 热导率,两者纵向热导率相似;同时,整体胞元因包 含了材料所有纱线构型特征,能更为合理地表征材 料的等效热导率。

(2)GNPs能提高3D编织复合材料的热导率。 随着GNPs质量分数增加,GNPs改性环氧3D编织 复合材料等效热导率均逐步增大,但增幅逐步 降低。

(3) 编织角和纤维体积分数对 3D 编织复合材 料热导率影响显著。总体上,随着编织角增加,无 论内胞、表胞,还是整胞,其横向热导率均逐步增 大,但各胞元纵向热导率却快速下降。同时,随着 纤维体积分数增加,3D 编织复合材料各胞元热导 率均逐步增大。

参考文献:

- [1] LIAO X, JIAO Y N, XIE J B, et al. Fiber-level modeling of 3D braided preforms using virtual braiding method[J]. Composite Structures, 2024, 334: 117988.
- [2] LIU X D, ZHANG D T, SUN J, et al. Refine reconstruction and verification of meso-scale modeling of three-dimensional five-directional braided composites from X-ray computed tomography data[J]. Composite Structures, 2020, 245: 112347.
- [3] XU K, QIAN X M, DUAN D H, et al. A novel macro-meso finite element method for the mechanical analysis of 3D braided composites[J]. Mechanics of Materials, 2018, 126: 163-175.
- [4] LIU X D, GE J R, WANG X X, et al. Multiscale image-based modeling of progressive damage in 3D5D braided composites with yarn-reduction[J]. International Journal of Solids and Structures, 2023, 270: 112236.
- [5] GONG J J, YANG Z Q, HUANG R Z, et al. An effective multiscale analysis for the mechanical properties of 3D braided composites considering pore defects [J]. Acta Mechanica, 2023, 234: 6629-6647.
- [6] LIU Z G, ZHANG H G, LU Z X, et al. Investigation on the thermal conductivity of 3-dimensional and 4-directional braided composites[J]. Chinese Journal of Aeronautics, 2007, 20(4): 327-331.
- [7] 李典森, 卢子兴, 刘振国, 等. 三维五向编织复合材料导热性能的有限元分析[J]. 航空动力学报, 2008, 23(8): 1455-1460.
 LI Diansen, LU Zixing, LIU Zhenguo, et al. Finite element analyis of thermal conductivity of three-dimensional and five-directional braided composites[J]. Journal of Aero-Space Power, 2008, 23(8): 1455-1460.
- [8] 夏彪, 卢子兴. 三维编织复合材料热物理性能的有限 元分析[J]. 航空学报, 2011, 32(6): 1040-1049.
 XIA Biao, LU Zixing. Finite element analysis on thermo-physical properties of 3D braided composites[J].
 Acta Aeronautica et Astronautica Sinica, 2011, 32

(6): 1040-1049.

- [9] 姜黎黎,徐美玲,李振国,等.三维编织复合材料热 物理性能实验[J].复合材料学报,2017,34(12): 2734-2740.
 JIANG Lili, XU Meiling, LI Zhenguo, et al. Experimental investigation on thermo-phyiscal properties of 3D braided composites[J]. Acta Materiae Compositae Sinica, 2017, 34(12): 2734-2740.
- [10] TIAN W L, QI L H, FU M W. Multi-scale and multi-step modeling of thermal conductivities of 3D braided composites[J]. International Journal of Mechanical Sciences, 2022, 228: 107466.
- [11] LI Y L, WANG Q, WANG S J. A review on enhancement of mechanical and tribological properties of polymer composites reinforced by carbon nanotubes and graphene sheet: Molecular dynamics simulations
 [J]. Composites Part B: Engineering, 2019, 160: 348-361.
- [12] ZHANG X Q, ZHENG G H, SHEN L, et al. Highperformance epoxy nanocomposites via constructing rigid structured interphase with epoxy-rich graphene oxide[J]. Journal of Applied Polymer Science, 2020, 137(45): 49402.
- [13] 刘云龙.石墨烯/碳纳米管强化树脂基3D编织复合 材料力-热性能研究[D].成都:电子科技大学,2021.
 LIU Yunlong. Study on the mechanical and thermal properties of 3D braided composites with graphene nanoplatelets/carbon nanotubes reinforced resin matrix
 [D]. Chengdu: University Electronic Sciences and Technology of China, 2021.
- [14] ABEDI M, HASSANSHAHI O, BARRS J A O, et al. Three-dimensional braided composites as innovative smart structural reinforcements[J]. Composite Structures, 2022, 297: 115912.
- [15] 程云浦.石墨烯改性 3D 编织复材力-热-电性能智能 分析与设计[D].成都:电子科技大学,2023.
 CHENG Yunpu. Intelligent analysis and design of mechanical, thermal and electrical properties of graphenemodified 3D braided composite[D]. Chengdu:University Electronic Sciences and Technology of China, 2023.
- [16] XU K, QIAN X M. Microstructure analysis and multi-unit cell model of three dimensionally four-directional braided composites[J]. Applied Composite Materials, 2015, 22(1): 29-50.
- [17] HASHIN Z. Analysis of composite materials—A survey[J]. Journal of Applied Mechanics, 1983, 50: 481-505.
- [18] 程伟,赵寿根,刘振国,等.三维四向编织复合材料 等效热特性数值分析和试验研究[J].航空学报, 2002,23(2):102-105.

CHENG Wei, ZHAO Shougen, LIU Zhenguo, et al. Thermal property of 3-D braided fiber composites experimental and numerical results[J]. Acta Aeronautica et Astronautica Sinica, 2002, 23(2): 102-105.