DOI:10.16356/j.1005-2615.2023.01.013

# 基于粒子群优化的多导弹动态武器目标分配算法

刘 攀1,徐胜利2,张 迪2,甄子洋1

(1.南京航空航天大学自动化学院,南京 211106; 2.上海机电工程研究所,上海 201109)

摘要:针对复杂多变的未来战场环境,对空防御系统需要实现对多个目标进行武器分配。由于传统静态武器目标分配(Static weapon target assignment, SWTA)模型受到很多因素的限制,无法适应战场态势的快速变化。为了解决多导弹的动态武器目标分配(Dynamic weapon target assignment, DWTA)问题,将对空防御过程离散为多个阶段,并根据战场实时态势数据构建了DWTA的数学模型,提出了一种改进的粒子群优化算法,引入了武器转火时间窗等约束条件,在算法中考虑拦截概率和导弹耗费等多个指标。最后通过大量仿真实验,验证了粒子群算法进行多导弹目标分配的合理性和有效性。

关键词:粒子群算法;态势评估;空战对抗;武器目标分配;动态分配

**中图分类号:**E91 **文献标志码:**A **文章编号:**1005-2615(2023)01-0108-08

## Multi-missile Dynamic Weapon Target Assignment Algorithm Based on Particle Swarm Optimization

LIU Pan<sup>1</sup>, XU Shengli<sup>2</sup>, ZHANG Di<sup>2</sup>, ZHEN Ziyang<sup>1</sup>

(1. College of Automation Engineering, Nanjing University of Aeronautics & Astronautics, Nanjing 211106, China;2. Shanghai Electro-Mechanical Engineering Institute, Shanghai 201109, China)

**Abstract:** In view of the complex and changeable future battlefield environment, the air defense system needs to realize the assignment of weapons to multiple targets. Because the traditional static weapon target assignment (SWTA) model is restricted by many factors, it cannot adapt to the rapid changes in the battlefield situation. In order to solve the problem of multi-missile dynamic weapon target assignment (DWTA), the air defense process is discretized into multiple stages, and a mathematical model of DWTA is constructed based on the real-time situation data of the battlefield, and an improved particle swarm optimization algorithm is proposed. Constraints such as the time window for the weapon to fire are considered, and multiple indicators such as interception probability and missile cost are considered in the algorithm. Finally, through a large number of simulation experiments, the rationality and effectiveness of particle swarm algorithm for multi-missile target assignment are verified.

Key words: particle swarm algorithm; situation assessment; air combat confrontation; weapon target assignment (WTA); dynamic assignment

多导弹动态分配作为一种动态武器目标分配 (Dynamic weapon target assignment, DWTA)形 式,有广泛的应用需求。武器目标分配(Weapon target assignment, WTA)是根据目标威胁的大小

**基金项目:**国家自然科学基金(61973158);南京航空航天大学前瞻布局科研专项基金(1003-ILA22064);国防基础科研 项目(JCKY2018203C020)。

收稿日期:2022-01-24;修订日期:2022-11-18

通信作者:甄子洋,男,教授,博士生导师,E-mail:zhenziyang@nuaa.edu.cn。

**引用格式**:刘攀,徐胜利,张迪,等. 基于粒子群优化的多导弹动态武器目标分配算法[J]. 南京航空航天大学学报,2023, 55(1):108-115. LIU Pan, XU Shengli, ZHANG Di, et al. Multi-missile dynamic weapon target assignment algorithm based on particle swarm optimization[J]. Journal of Nanjing University of Aeronautics & Astronautics, 2023, 55(1):108-115.

和运动状态,按照期望目标(如最小化对防御资源 毁伤概率或最大化对目标拦截概率)进而确定武器-目标之间的分配关系,形成对目标的分配策略<sup>[1]</sup>。

目前的研究主要集中在与DWTA问题相对应 的静态武器目标分配(Static weapon target assignment, SWTA)问题上<sup>[2-3]</sup>。由于SWTA与时间的 作用无关,因此目标的数量等信息可视为已知信 息。相较于DWTA问题而言,由于SWTA问题考 虑因素较少,因此实现上也较简单,但其模型仍具 有一定的局限性,如无法实现新目标的分配以及确 定何时分配等问题。而DWTA问题在任何时候都 要考虑目标运动情况和武器转火时间等约束,并结 合前期的交战结果进行实时在线决策,对DWTA 问题的研究可为实际空战决策提供积极帮助<sup>[4]</sup>。

Lloyd证明了WTA问题是NP(Non-deterministic polynomial)完全问题。20世纪80年代, Hosein提出了SWTA与DWTA的概念,但没有建 立真正意义上的DWTA模型;1989年,Hosein与 Athans较为系统地研究了普遍性的WTA问题。 国内研究人员主要针对地空防御这一特定领域构 建WTA问题的模型,考虑的因素也相对较为简 单,多数是解决一些SWTA问题<sup>[59]</sup>。在对空防御 系统中,态势评估往往是武器目标分配前的关键一 步,目前主要采用非参量法计算态势评估数据,非 参量法是基于空战双方的几何信息进行评估,具有 简单、实用和计算方便等特点,广泛应用于很多实 际案例<sup>[10-11]</sup>。

本文首先对态势评估模型进行改进,选取能够 较为全方位体现战场态势情况的评估因子;然后构 建多导弹的DWTA问题基本模型和求解策略,着 重解决武器平台和目标同时移动时的分配难题,并 设计适应动态-多阶段WTA问题的改进粒子群算 法;最后在典型的对空防御场景下进行仿真分析。

## 1 多导弹目标分配数学模型

#### 1.1 态势评估建模

本文构建了一种直接对抗式的多导弹目标分 配典型战场环境,其中进攻方战机组成战斗编队, 对防御方战机造成实质性威胁;防御方战机作为空 中移动武器发射平台,其每架战机均携带有数量一 定的空空导弹,可以对进攻方战机进行拦截。针对 DWTA问题对实时性要求较高的特点,在目标分 配之前需要对作战双方进行态势评估,通过建立一 套科学合理的评判标准,实时反映双方的威胁和优 势信息。

下文以威胁指数的计算为例进行说明。考虑的动态威胁因子主要包括相对角度、飞行速度、相对高度、相对距离和隐身因素等信息,图1为进攻方战机*R<sub>i</sub>*和防御方战机*B<sub>i</sub>*的态势示意图<sup>[12]</sup>。



图 1 空战态势示意图 Fig.1 Schematic diagram of air combat confrontation

图 1 中  $d_{ji}$  为两机的距离;  $h_{ji}$  表示两机的高度 差;  $q_{ji}$  为战机  $R_{j}$ 的进入角,  $\varphi_{ji}$  为战机  $B_{i}$ 的位置角。

分别用 Ta<sub>ji</sub>、Tv<sub>ji</sub>、Th<sub>ji</sub>、Tr<sub>ji</sub>、Tin<sub>ji</sub>表示战机  $R_j$ 对  $B_i$ 的角度、速度、高度、距离和隐身性能威胁因子, 各威胁因子计算公式如下<sup>[13]</sup>。

(1)角度威胁因子

角度威胁因子指的是空战过程中进攻方战机 机头指向对防御方战机可能造成攻击威胁,角度威 胁值计算方法如下

$$\mathrm{Ta}_{ji} = \begin{cases} 1 & |q_{ji}| \leq |\Theta| \\ 1 - \frac{|q_{ji}| - |\Theta|}{180^{\circ} - |\Theta|} & |q_{ji}| > |\Theta| \end{cases}$$
(1)

式中:q<sub>ji</sub>为进攻方战机速度方向和目标线夹角;Ø 为进攻方机载雷达探测角度范围的一半。

(2)速度威胁因子

$$T\mathbf{v}_{ji} = \begin{cases} 0.1 & V_j \le 0.6V_i \\ -0.5 + V_j / V_i & 0.6V_i \le V_j \le 1.5V_i \\ 1.0 & V_j \ge 1.5V_i \end{cases}$$
(2)

式中:V<sub>i</sub>表示防御方战机速度;V<sub>j</sub>表示进攻方战机速度。

(3)高度威胁因子<sup>[12]</sup>

$$\mathbf{Th}_{ji} = \begin{cases} 1 & h_{ji} < -5 \text{ km} \\ 0.5 - 0.1 h_{ji} & -5 \text{ km} \leqslant h_{ji} < 5 \text{ km} \\ 0.1 & h_{ji} \geqslant 5 \text{ km} \end{cases}$$
(3)

式中:*h*<sub>i</sub>为防御方战机高度;*h*<sub>j</sub>为进攻方战机高度。 (4)距离威胁因子

已知两机距离为 $d_{\mu}$ ,防御方和进攻方战机的 攻击范围分别为 $[0, d_{Bm}]$ , $[0, d_{Rm}]$ ,防御方和进攻 方战机雷达的探测范围分别为 $[0, d_{Br}]$ , $[0, d_{Rr}]$ 。 考虑进攻方战机综合性能较强的情况,即  $d_{Rr} \ge d_{Br}, d_{Rm} \ge d_{Bm}$ ,则距离威胁因子的计算如下

$$\mathrm{Tr}_{ji} = \begin{cases} 0 & d_{ji} \ge d_{Rr} \\ 0.4 - 0.4 \frac{d_{ji} - d_{Br}}{d_{Rr} - d_{Br}} & d_{Br} \le d_{ji} \le d_{Rr} \\ 1 - 0.6 \frac{d_{ji} - d_{Rm}}{d_{Br} - d_{Rm}} & d_{Rm} \le d_{ji} \le d_{Br} \\ 0.5 + 0.5 \frac{d_{ji} - d_{Bm}}{d_{Rm} - d_{Bm}} & d_{Bm} \le d_{ji} \le d_{Rm} \\ 0.5 + 0.3 \frac{d_{Bm} - d_{ji}}{d_{Bm}} & d_{ji} \le d_{Bm} \end{cases}$$

(5)隐身性能威胁因子

$$\operatorname{Tin}_{ji} = \begin{cases} 1 & \operatorname{in}_{B} - \operatorname{in}_{R} > \operatorname{in}_{0} \\ 0.5 + \frac{\operatorname{in}_{B} - \operatorname{in}_{R}}{2\operatorname{in}_{0}} & |\operatorname{in}_{B} - \operatorname{in}_{R}| \leq \operatorname{in}_{0} \\ 0.1 & \operatorname{in}_{B} - \operatorname{in}_{B} \leq -\operatorname{in}_{0} \end{cases}$$
(5)

式中: $in_B$ 为防御方战机的雷达散射截面积(Radar cross section, RCS)值; $in_R$ 为进攻方战机的 RCS 值; $in_0$ 为 RCS 门限值。用战机的 RCS 的大小来衡量战机的隐身性能,一般而言,隐性性能越好,其 RCS 值也越小。

各威胁因子在空战综合威胁评估决策中的作 用不尽相同,采用结合了定性和定量两种手段的层 次分析法(Analytic hierarchy process, AHP)对各 威胁因子的作用进行评估。层次分析法中各威胁 因子权重向量满足下式要求

$$\sum_{i=1}^{5} w_i = 1 \quad w_i > 0 \tag{6}$$

式中wi为层次分析法确定的各威胁因子权值。

最终得到的威胁指数 T<sub>ji</sub>为

$$T_{ji} = w_1 \cdot \operatorname{Ta}_{ji} + w_2 \cdot \operatorname{Tv}_{ji} + w_3 \cdot \operatorname{Th}_{ji} + w_4 \cdot \operatorname{Tr}_{ji} + w_5 \cdot \operatorname{Tin}_{ji}$$
(7)

#### 1.2 目标分配建模

在 DWTA 的初始阶段中,防御方战机分配部 分导弹拦截进攻方战机。在第2次分配时,又将上 次分配结果(进攻方生存情况、防御方的武器信息) 作为新阶段的已知参数,防御方再次对当前目标重 新分配。循环往复,每次分配都为了尽可能减少进 攻方战机的总生存期望值。

由于双方的距离时刻变化,必须在满足目标时 间窗的约束条件才能分配,主要有打击时间窗约束 和转火时间窗约束<sup>[14]</sup>。

(1)打击时间窗约束

假设第*j*架进攻方战机在时间*t<sub>ij</sub>被第 i*架防御 方战机拦截,打击时间约束如下

$$\operatorname{time}_{\operatorname{in}} \leqslant t_{ij} \leqslant \operatorname{time}_{\operatorname{out}} \tag{8}$$

式中:time<sub>in</sub>为第*j*架进攻方战机抵达防御方第*i*架 战机射程最远处的时间;time<sub>out</sub>为第*j*架进攻方战 机飞离防御方第*i*架战机最大射程的时间。防御 方战机对进攻方战机拦截时间应满足这一约束 条件。

(2)转火时间窗约束

防御方对一个目标的打击只占据整个空战的 部分时间。而防御方战机在发射一次导弹后需经 过一定的时间以完成武器转火,之后才能参与下一 次分配,定义转火时间窗约束为 $t_{ij}(t)$ ,其中  $t \in (t_s, t_e), t_s$ 表示防御方战机 $B_i$ 开始拦截进攻方战 机 $R_j$ 的时间, $t_e$ 表示防御方战机可以分配给下一个 目标的最早时间,则该战机的武器转火时间为 $t_e - t_{so}$ 

为简化模型,给出DWTA问题的一般假设。

**假设1** 初始时刻,双方位置等空战信息已 知,除双方位置和导弹数量变化外,战机的其他性 能信息不变,且无新的进攻方战机出现。

**假设2** 防御方战机 *B*<sub>i</sub>只能选择其攻击范围内的进攻方战机。

假设3 第*i*架防御方战机带弹L<sub>i</sub>枚,且每架 战机可携带的导弹数至少为1枚,最多为4枚,则防 御方战机携带的导弹总数Z可表示为

$$Z = \sum_{i=1}^{l} L_i \quad 1 \leq L_i \leq 4 \tag{9}$$

**假设4** 防御方战机的武器转火时间均为Δt, 因此除第1次分配外,后续开始分配的时间为上一 次分配时间加上Δt。

假设5 第 k次分配时防御方战机 B<sub>i</sub>对进攻方 战机 R<sub>j</sub>的优势指数 S<sup>k</sup><sub>ij</sub>等同于对进攻方战机 R<sub>j</sub>的 毁伤概率,则第 k次分配到下次分配前,进攻方战 机的生存概率为

$$A_{j}^{k} = \prod_{i=1}^{l^{k}} (1 - S_{ij}^{k}) X_{ij}^{k}$$
(10)

式中: $I^{k}$ 表示第k阶段防御方可参与目标分配的战 机总数, $X_{ij}^{k}$ 为布尔值。当防御方战机 $B_{i}$ 攻击进攻 方战机 $R_{j}$ 时, $X_{ij}^{k} = 1$ ;当防御方战机 $B_{i}$ 不攻击进攻 方战机 $R_{j}$ 时, $X_{ij}^{k} = 0$ 。每次目标分配完成后进行 战场评估,计算进攻方战机的累计生存概率,若大 于生存阈值,则判定该战机被击中;否则仍将其作 为待拦截目标。

综合上述条件,每次都以进攻方战机生存概率 最小的原则进行防御方战机导弹的分配,则第 k次 分配中目标优化函数为

 $E^{k}(\boldsymbol{\pi}) = \sum_{j^{k} \in \mathbb{Z}^{l^{k}}} \int \mathbb{Z}^{l^{k}} \left[ \mathbb{Z}^{l^{k}} \right]^{l^{k}}$ 

$$\arg\min\sum_{j=1}^{j}\sum_{i=1}^{l} \left\{ T_{ji}^{k} \cdot \left[ \prod_{i=1}^{l} (1-S_{ij}^{k}) X_{ij}^{k} \right] \right\}$$
$$\boldsymbol{\pi} \in \boldsymbol{\Omega}^{k} \tag{11}$$

J)

式中:**Ω**<sup>\*</sup>为当前所有满足约束条件的防御方战机-进攻方战机分配方案构成的集合;*T*<sup>\*</sup><sub>a</sub>和*S*<sup>\*</sup><sub>a</sub>分别为 战机 B<sub>i</sub>和 R<sub>j</sub>之间的威胁和优势指数; I<sup>k</sup>和 J<sup>k</sup>分别 为每次分配时防御方和进攻方战机的总数。

当进攻方战机剩余数量为零或防御方战机剩 余导弹数为零时,不再进行武器目标分配决策,空 战结束。

## 2 基于改进 PSO的 DWTA 求解

1995年,Kennedy与Eberhart在模拟鸟群觅食的过程的基础上提出了粒子群优化算法。由于粒子群优化算法的结构简单,容易编程实现,且算法的收敛速度也较快,因此该算法在优化领域得到了 广泛应用,被用于解决非线性优化问题。

为解决多导弹的目标分配问题,基于空战初始 时刻态势评估得到的威胁矩阵 T和优势矩阵 S,对 粒子群算法做出适应性改进:将粒子群中的每个粒 子的位置视为一个导弹-进攻方战机的目标分配方 案;粒子适应度值视为该目标分配方案下进攻方战 机对防御方战机的期望剩余威胁;以某个粒子在目 前迭代中的最小期望值作为局部最优解;所有粒子 的最小值作为全局最优解。经过多次迭代后,适应 度值最小粒子的位置即为粒子群算法优化得到的 目标分配方案。粒子群优化算法实现多导弹目标 分配决策的步骤如下:

**步骤1** 初始化粒子群。设置粒子群的粒子 个数为*m*,粒子的空间维数为*Z*。第*i*个粒子的位 置向量*X*<sub>i</sub>、速度向量*V*<sub>i</sub>可以分别表示为

$$\begin{cases} X_{i} = (x_{i1}, \dots, x_{ir}, \dots, x_{iZ}) \\ V_{i} = (v_{i1}, \dots, v_{ir}, \dots, v_{iZ}) \end{cases}$$
(12)

式中:位置向量 $X_i$ 与多导弹目标分配方案对应,位 置向量中具体数值 $x_i$ ,为1~J的正整数,即为第r枚 导弹分配的进攻方战机编号,Z为导弹总数;  $i \in (1, 2, ..., m), r \in (1, 2, ..., Z)$ 。

步骤2 更新粒子的速度和位置。

根据局部最优解*P*<sub>i</sub>和全局最优解*P*<sub>g</sub>以及每次 迭代的速度向量、位置向量,可以更新得到下一代 的速度值

 $V_{i}(t+1) = \omega V(t) + c_{1} \cdot \operatorname{rand}_{1}() [P_{i}(t) - X_{i}(t)] + c_{2} \cdot \operatorname{rand}_{2}() [P_{g}(t) - X_{i}(t)]$  (13)

式中: $\omega$ 为惯性因子; $c_1 \approx c_2$ 为学习因子;rand<sub>1</sub>()和 rand<sub>2</sub>()为取值为[0,1]的随机数。粒子速度要限 制在一定范围之内,即满足 $V_{\min} < V_i < V_{\max}$ 。

粒子位置可表示为

 $X_i(t+1) = V_i(t+1) + X_i(t)$  (14) 由式(13)可知速度向量  $V_i$ 的值不是正整数, 但位置向量*X<sub>i</sub>*的取值不仅需满足1~*J*整数的条件,还需符合空战中实际约束,即可能出现部分导 弹因攻击范围的限制,无法对某些进攻方战机进行 有效拦截。假设经过态势评估后,防御方战机攻击 范围内的进攻方战机编号为集合 Mat<sup>i</sup>,其最大值为 mat<sup>i</sup>max,最小值为 mat<sup>i</sup>mi;第r枚导弹分配的进攻方 战机编号*x<sub>i</sub>*应限制在集合 Mat<sup>i</sup>内

$$x_{ir}(t+1) = \begin{cases} \max_{ir}^{i} & x_{ir}(t+1) > \max_{ir}^{i} \\ \max_{ir}^{i} & x_{ir}(t+1) < \max_{ir}^{i} (15) \\ \lfloor x_{ir}(t+1) \rfloor & \lfloor x_{ir}(t+1) \rfloor \in \operatorname{Mat}^{i} \end{cases}$$

式中:若更新后的*x<sub>ir</sub>(t*+1)大于mat<sup>i</sup><sub>max</sub>,则取攻击 范围内的进攻方战机编号最大值;若其值小于 mat<sup>i</sup><sub>min</sub>,则取攻击范围内的进攻方战机编号最小值, 若其值向下取整后在集合Mat<sup>i</sup>之中,则保留该值 不变。

步骤3 由式(11)计算出导弹-进攻方战机的 目标分配方案的期望剩余威胁,即粒子的适应度 值,并以此更新局部最优解和全局最优解。

步骤4 若当前迭代次数大于最大迭代次数,则输出优化后的导弹-进攻方战机的分配方案,否则转至步骤2。

图 2 为利用粒子群算法求解多导弹目标分配 问题的整体流程。







在每次分配完成后更新进攻方战机数量J<sup>e</sup>和 防御方导弹数量Z<sup>e</sup>,每次分配都需要基于战场实 时环境计算态势评估矩阵T和S,再由改进粒子群 优化算法求解出优化后的目标分配方案,最后,当 J<sup>e</sup>和Z<sup>e</sup>为零时,不再进行武器目标分配决策,空战 结束。

## 3 仿真验证与分析

#### 3.1 实验参数设置

为了验证粒子群算法求解DWTA问题的寻优 能力,以问题描述中的空战环境为背景,分别设置 防御方优势、进攻方优势和双方均势等空战情景。 假设双方为同一类型的战机,即双方战机的战技性 能相同。表1为简化后的战机性能和导弹性能参 数。表2为双方战机数目及防御方战机携带的导 弹数量。

表1 战机空战技能数据 Table 1 Air combat skill data of a certain type of fighter

	a of a contain type of fighter
性能参数	数值
飞行速度/( $m \cdot s^{-1}$ )	536
雷达探测距离/km	96
雷达探测范围/(°)	$\pm 60$
最小雷达反射面积/m <sup>2</sup>	0.01
导弹射程/km	72

表 2 实验测试分组 Table 2 Experimental test group

测试分组	战机数量 B~R	导弹数量Z
防御方优势	20~10	48
进攻方优势	6~20	24
双方均势	20~20	48

实验参数设置如下:战场大小设置为50 km × 70 km 的矩形区域,双方战机在各自初始区域分别 按表1中设定的数量随机生成,并朝对方的方向按 平均飞行速度匀速移动。进攻方战机*R<sub>i</sub>*对防御方 战机*B<sub>i</sub>*的威胁指数*T<sub>ji</sub>*以及防御方战机*B<sub>i</sub>*对进攻 方战机*R<sub>j</sub>*的优势指数*S<sub>ij</sub>*将基于双方初始位置、移 动速度及方向,通过态势评估模型实时计算得到。 设置进攻方对防御方的威胁阈值大小为0.9;隐身 性能指数为0.01;进攻方战机受导弹攻击后的生存 概率阈值大小为0.2;防御方的武器转火时间为 5 s。

粒子群算法相关参数设置如表3所示。将进 攻方对防御方的平均威胁值作为评判指标,计算公

	表 3	粒子群算法相关参数
Table 3	Particle s	warm algorithm related parameters

算法参数	数值
学习因子 c1, c2	2
迭代次数 n <sub>max</sub>	100
粒子个数 m	50
粒子维数	导弹数量2枚
权重系数w	0.375

式如下

$$\overline{T} = \left(\sum_{i=1}^{I} \sum_{j=1}^{J} T_{ji}\right) / (J \times I)$$
(16)

式中:T表示防御方战机受到进攻方战机威胁的平均值;I和J为空战中双方战机总数。

#### 3.2 实验结果分析

下面以防御方优势、进攻方优势和双方均势3 种情况对实验结果进行分析。

(1)防御方优势

图 3 为目标分配示意图和算法收敛曲线,图中 蓝色为防御方战机,红色为进攻方战机,图 4 为多 导弹分配策略,图中包含防御方的导弹分配策略、 剩余导弹和目标数量信息。



图 3 防御方优势时的分配示意图及算法收敛曲线

Fig.3 Distribution diagram and algorithm convergence curve (Defensive advance)



advantage)

结合图 3 和图 4 可知,由于此时是防御方 20架 战机拦截进攻方 10架战机,算法只进行了一次目 标分配即可完成对进攻方所有目标的拦截,分配完 成后期望剩余威胁值为 0.079,最终防御方还有导 弹剩余。

#### (2)进攻方优势

图 5 为目标分配示意图,图 6 为当前测试分组 下的多导弹分配策略。当防御方仅有 6 架战机拦 截进攻方的20架战机时,算法一共进行4次目标 分配,最终以防御方导弹耗尽,而进攻方仍有战机 存活,存活的进攻方战机编号为[4,5,6,8,9, 10,11,14,16,17]。





图 7 为算法收敛曲线。结合图 6 可知,第 1 次 目标分配之后,并未对进攻方战机造成实质性损 伤,即防御方在处于劣势情况下,一次目标分配无 法有效降低进攻方对己方的威胁值,但随着分配次 数积累,如进攻方战机[1,2,3,19,20]在连续两 次被防御方的导弹攻击后,由于其生存概率低于设 定的阈值,因而被判断为被击毁。因此,第 3 次分 配算法收敛曲线的适应度值(威胁值)相比于前两 次分配有了明显下降,但由于有大量的进攻方战机 未被成功拦截,最终的期望剩余威胁值为 0.465,防 御方仍然处于较高威胁状态。





#### (3) 双方均势

图 8 为多导弹分配策略。图 9 为目标分配示意 图。当防御方和进攻方的战机同为 20 架时,算法 共进行了 3 次目标分配,最终所有进攻方战机均被 拦截,防御方无剩余导弹。





双方均势时的算法收敛曲线如图 10 所示。第 1次分配仅完成了对进攻方 18 号战机的拦截,因此 前两次算法收敛时的适应度值差别不大,均在 0.240 左右,第 3 次分配实现对进攻方 10 和 15 号战 机的拦截后,算法收敛的适应度值降为了 0.008。

针对上述3种情况,分别计算每次目标分配时 粒子群算法的平均寻优时间及分配方案中双方最 大距离,如表4所示。在迭代次数设置为100次时, 该算法的平均迭代时间主要由参与分配的防御方



Fig.9 Distribution diagram (Balance of power)



Fig.10 Algorithm convergence curve (Balance of power)

战机数量决定。

表4中防御方优势下的第1次分配和双方均势 下的第1、2次分配的算法迭代时间在1s左右,此 时参与分配的战机达到了20架;双方均势下的第3 次分配,有8架战机进行目标分配,其算法迭代时 间大致为0.41s;而在进攻方优势下每次只有6架 战机可以参与分配,问题规模减小的同时其算法迭

表 4	算法半均迭代时间及分配最大距离

 Table 4
 Average iteration time and maximum distance of algorithm

测试 分组	算法平均迭代时间/s				分配最大
	Phase 1	Phase 2	Phase 3	Phase 4	距离/km
防御方优势	0.98	—	_	_	51.12
进攻方优势	0.29	0.30	0.30	0.28	49.46
双方均势	1.01	0.99	0.41	_	51.26

代时间也减小到0.29 s左右。实际的空战过程中, 防御方战机对敌打击的间隔时间必须要大于其武 器转火时间,因此,只要在武器转火时间内完成目 标分配都不会影响下一次对敌打击任务,而仿真中 涉及到的3种情况,算法平均迭代时间均小于战机 的武器转火时间,因此该算法在这种规模的空战对 抗下是能够满足动态分配的要求。粒子群算法得 到的分配方案中双方战机的最大距离也符合导弹 射程约束,说明提出的适用于多导弹目标分配的粒 子群算法分配策略合理,具有一定有效性。

### 4 结 论

为了实现动态武器目标分配,本文针对空战中 的多导弹目标分配问题。首先对战场环境进行了 实时态势评估建模,接着考虑交战双方空间位置变 化及武器转火时间等因素,将整个空战过程分成和 武器转火时间相匹配的几个阶段,在每个阶段均采 用粒子群算法求解最佳分配策略。最后通过3组 对比实验,测试了粒子群算法求解动态武器目标分 配问题的性能,实验结果说明了在不同态势情况 下,算法均能快速得到合理的分配策略。因此,以 粒子群算法为代表的智能优化算法用于解决多导 弹动态目标分配问题具有很大的发展潜力。但本 文未考虑防御方战机被进攻方战机击毁的情况,因 此,在后续的研究中,可以对算法进行改进,以解决 攻防对抗下的动态武器目标分配问题。

#### 参考文献:

 [1] 张青,曾庆华,张宗宇,等.基于海洋捕食者算法的 武器-目标分配问题研究[J]. 兵器装备工程学报, 2022,43(8):158-163.

ZHANG Qing, ZENG Qinghua, ZHANG Zongyu, et al. Research on weapon target assignment problem based on marine predator algorithm[J]. Journal of Weapon Equipment Engineering, 2022, 43(8): 158-163.

[2] ALEXANDER G K, DARRYL K A, BRIAN J L. A heuristic and metaheuristic approach to the static weapon target assignment problem [J]. Journal of Global Optimization, 2020(78): 791-812.

- [3] LI Y, KOU Y X, LI Z W, et al. A modified pareto ant colony optimization approach to solve biobjective weapon-target assignment problem[J]. International Journal of Aerospace Engineering, 2017(1): 1-14.
- [4] KONG L R, WANG J Z, ZHAO P. Solving the dynamic weapon target assignment problem by an improved multiobjective particle swarm optimization algorithm[J]. Applied Sciences, 2021, 11(19): 9254-9260.
- [5] XU W Q, CHEN C, DING S X, et al. A bi-objective dynamic collaborative task assignment under uncertainty using modified MOEA/D with heuristic initialization
   [J]. Expert Systems with Applications, 2020, 140: 112844.1-112844.24.
- [6] 邱少明,冯江惠,杜秀丽,等.基于改进多目标HQP-SOGA求解武器目标分配问题[J].计算机应用与软件,2021,38(11):255-262.

QIU Shaoming, FENG Jianghui, DU Xiuli, et al. Solving weapon target assignment problem based on improved multi-objective HQPSOGA[J]. Computer Application and Software, 2021, 38 (11): 255-262.

- [7] LI J, XIN B, PARDALOS P M, et al. Solving bi-objective uncertain stochastic resource allocation problems by the CVaR-based risk measure and decomposition-based multi-objective evolutionary algorithms [J]. Annals of Operations Research, 2021, 296(1/2): 639-666.
- [8] 孙海文,谢晓方,孙涛,等.改进型布谷鸟搜索算法的防空火力优化分配模型求解[J].兵工学报,2019, 40(1):189-197.

SUN Haiwen, XIE Xiaofang, SUN Tao, et al. Improved cuckoo search algorithm for solving antiaircraft weapon-target optimal assignment model[J]. Acta Armamentarii, 2019, 40(1): 189-197.

[9] 邱少明,刘良成,张学翠,等.基于改进鲸鱼优化算 法的武器目标分配[J].火力与指挥控制,2021,46 (7):27-31.

QIU Shaoming, LIU Liangcheng, ZHANG Xuecui, et al. Research on weapon target assignment based on improved whale optimization algorithm [J]. Fire Control and Command Control, 2021, 46(7): 27-31.

- [10] 吴傲,杨任农,梁晓龙,等.基于模糊推理的无人战 斗机视距空战机动决策[J].南京航空航天大学学 报,2021,53(6):898-908.
  WU Ao, YANG Rennong, LIANG Xiaolong, et al. UAV visual range air combat maneuver decision based on fuzzy inference[J]. Journal of Nanjing University of Aeronautics & Astronautics, 2021, 53(6): 898-908.
- [11] 黄岩毅,陈国栋.电子对抗条件下空战综合优势评估 模型[J].火力与指挥控制,2021,46(11):118-123,129.
   HUANG Yanyi, CHEN Guodong. Evaluation model

of air combat comprehensive advantage under electronic countermeasures [J]. Firepower and Command and Control, 2021, 46(11): 118-123,129.

- [12] ZHANG P, JIANG J, XU H Y, et al. Coordinated air combat target assignment with risk decision-making based on genetic algorithm[J]. Communications in Information Science and Management Engineering, 2012, 2(10): 1-5.
- [13] 宋遐淦,江驹,徐海燕.改进模拟退火遗传算法在协 同空战中的应用[J].哈尔滨工程大学学报,2017,38 (11):1762-1768.
  SONG Xiagan, JIANG Ju, XU Haiyan. Application of improved simulated annealing genetic algorithm in cooperative air combat[J]. Journal of Harbin Engineering University, 2017, 38(11): 1762-1768.
- [14] 邵诗佳.基于智能算法的武器目标分配问题研究
  [D].哈尔滨:哈尔滨工程大学,2019.
  SHAO Shijia. Research on weapon target assignment based on intelligent algorithm[D]. Harbin: Harbin Engineering University, 2019.

(编辑:刘彦东)