DOI:10.16356/j.1005-2615.2019.02.012

# 前飞速度和升力偏置量对共轴刚性旋翼气动 特性影响分析

原 昕 招启军 朱 正 王 博 (南京航空航天大学直升机旋翼动力学国家级重点实验室,南京,210016)

摘要:共轴刚性旋翼前飞状态的气动特性主要由工况环境中的来流速度、密度和桨叶的翼型配置、弦长分布和扭转分布等气动布局参数决定。气动布局参数的综合影响决定了共轴刚性旋翼的的升力偏置量。了解前飞速度和升力偏置量对前飞性能的影响规律有利于设计更适合于高速飞行的共轴刚性旋翼。因此,本文通过求解可压雷诺平均N-S(Reynolds-averaged Navier-Stokes, RANS)方程对4m直径的由两副2片矩形桨叶旋翼构成的共轴刚性旋翼模型的前飞流场进行了数值模拟,获得了不同前进比下的气动力并对不同升力偏置量下的旋翼性能进行了对比。数值模拟结果表明,随前进比增大,桨叶展向拉力分布更加趋于合理,拉力中心向桨叶中段移动,可以充分给桨尖卸载;旋翼升力主要由前行侧桨叶提供,升力偏置量过大容易产生激波诱导失速,不利于高速前飞。

关键词:共轴刚性旋翼;前进比;升力偏置;数值模拟;气动性能 中图分类号:V211 文献标志码:A 文章编号:1005-2615(2019)02-0213-07

# Flow-Field Characteristics Measurements of Coaxial Rigid Rotor in Forward Flight

YUAN Xin, ZHAO Qijun, ZHU Zheng, WANG Bo

(National Key Laboratory of Rotorcraft Aerodynamics, Nanjing University of Aeronautics & Astronautics, Nanjing, 210016, China)

**Abstract:** Forward aerodynamic performance of coaxial rigid rotors mainly depends on flow velocity and density in working condition, and airfoil configuration, chord distribution and twist distribution in aerodynamic configuration parameters. Synthesis effects of rotor aerodynamic configuration parameters reflect on the value of lift-offset. It facilitates designing coaxial rigid rotors suited to fly in high speed to investigate influence principles that flow velocity and lift-offset impose on forward performance. Therefore, forward flow-field of a 4 m diameter coaxial rotor composed of two 2-blade rotors are numerically simulated by solving the Reynolds - averaged Navier - Stokes (RANS) equations. Aerodynamic forces at different advance ratios and performance with different lift offset are obtained. The results show that thrust distribution on the blade spanwise is more reasonable, and thrust center moves toward middle blade part which could offload the blade tip. The lift of rotor is mainly provided by the advancing side of each rotor and large lift-offset leads to shock wave stall, which has adverse effect on high-speed forward flight.

Key words: coaxial rigid rotor; advance ratio; lift offset; numerical simulation; aerodynamic characteristics

共轴式刚性旋翼的在高速直升机构型上取得 成功的核心是前行桨叶概念的应用。主旋翼由两

**引用格式:**原昕,招启军,朱正,等.前飞速度和升力偏置量对共轴刚性旋翼气动特性影响分析[J].南京航空航天大学学报,2019,51(2):213-219. YUAN Xin, ZHAO Qijun, ZHU Zheng, et al. Flow-Field Characteristics Measurements of Co-axial Rigid Rotor in Forward Flight[J]. Journal of Nanjing University of Aeronautics & Astronautics, 2019,51(2):213-219.

收稿日期:2018-11-11;修订日期:2019-03-08

通信作者:招启军,男,教授,博士生导师,E-mail:zhaoqijun@nuaa.edu.cn。

副共轴、反向旋转的旋翼构成,高速前飞时前行侧 桨叶贡献了大部分升力,后行侧几乎不产生升力从 而避免或减缓了动态失速,即升力偏置——每副旋 翼上升力的前行侧和后行侧的非对称现象。高速 前飞是共轴刚性旋翼最重要的工作状态,此时前行 侧桨叶出现激波失速,后行侧桨叶大部分处于反流 区,造成阻力的激增。这些现象势必对共轴旋翼气 动性能产生重要影响。因此,研究前飞速度和升力 偏置量对前飞状态下共轴刚性旋翼气动特性的影 响,可以为接下来进行高性能的共轴刚性旋翼气动 外形设计奠定理论基础。

共轴旋翼流场模拟在单旋翼方法基础之上进 一步发展起来的,同样大致经历了理论模型、尾迹 方法和CFD数值模拟计算阶段。国内外学者都对 于前飞状态的共轴旋翼气动特性计算做了一系列 研究工作。Leishman等<sup>[1]</sup>和Bagai等<sup>[2]</sup>发展了自由 尾迹方法来研究共轴旋翼的涡尾迹特性和气动性 能。Johnson<sup>[3]</sup>应用动量理论等理论模型对共轴旋 翼的悬停和高速前飞性能进行了分析和优化,着重 计算了升力偏置量对气动性能的影响。Kim 等<sup>[4]</sup>建 立了适合共轴旋翼的涡输运模型的气动特性分析 方法。Wachspress 等<sup>55</sup>基于单旋翼涡丝理论建立 了适合于共轴旋翼悬停和前飞状态的气动特性计 算方法。近年来,学者们尝试通过CFD方法来研 究共轴刚性旋翼的流场和气动特性。Ruzicka等<sup>[6]</sup> 建立了基于RANS方程的共轴旋翼流场求解方 法。Lakshminarayan等<sup>[7]</sup>建立了适合于共轴旋翼流 场分析的CFD程序——Overturns。

国内也在共轴旋翼流场和气动特性计算方面 有所研究,王适存等<sup>[8]</sup>和陈铭等<sup>[9]</sup>分别建立了共轴 旋翼悬停状态和前飞状态下固定尾迹的分析方 法。黄水林等<sup>[10]</sup>建立了适合于共轴旋翼气动特性 分析的自由尾迹方法。童自立等<sup>[11-12]</sup>在CFD方法 中将旋翼对流场的影响用桨叶对流体施加的动量 来代表。Xu等<sup>[13]</sup>基于非结构滑移网格技术、通过 求解Euler方程对前飞状态下的共轴旋翼的气动特 性进行了数值模拟。谭剑锋等<sup>[14]</sup>建立了基于黏性 涡粒子法的共轴刚性旋翼尾迹模型,进行了共轴刚 性旋翼的气动干扰分析。朱正等<sup>[15]</sup>通过CFD方法 对共轴刚性旋翼的悬停状态干扰机理进行了研究。

考虑到分析模型和自由尾迹等方法的精度有 限以及近年来 CFD 方法的发展,本文建立了一套 适用于共轴刚性旋翼前飞气动特性模拟的高效、高 精度 CFD 数值模拟方法,进行了高速前飞状态下 的共轴刚性旋翼气动特性计算和参数分析。分别 对不同前飞速度的共轴刚性旋翼性能进行了计算, 给出了升阻比性能曲线,进而分析了不同前飞速度 时的上、下旋翼之间的气动特性,并研究了升力偏 置量对共轴刚性旋翼气动性能的影响规律。

#### 1 共轴旋翼数值模拟

#### 1.1 运动嵌套网格

共轴旋翼由两副对转旋翼构成,其运动嵌套网 格包含围绕上下旋翼各片桨叶的网格和包围桨叶 网格的背景网格。为保证网格之间流场信息的传 递,需要保证任一时刻上下旋翼桨叶网格外边界出 现交叉问题。计算使用的共轴刚性旋翼桨叶网格 数量为197×36×79,前飞状态计算使用的背景网 格数量为241×101×281。

图1给出了桨叶结构网格及翼型剖面网格示 意图。图2给出了共轴旋翼运动嵌套网格示意图, 这种网格尺寸设置保证了旋转周期内上旋翼桨叶 贴体网格不会穿过下旋翼桨叶、下旋翼桨叶贴体网 格也不会与上旋翼桨叶表面发生接触。







图 2 共轴旋翼运动嵌套网格示意图 Fig.2 Moving-embedded gird system of coaxial rigid rotor

#### 1.2 非定常流场求解

对共轴刚性旋翼的非定常流场,建立以绝对物 理量为参数的守恒积分形式的可压非定常RANS 方程,方程如下

$$\frac{\partial}{\partial t} \iint_{\Omega} \mathbf{W} \mathrm{d}\Omega + \iint_{\partial \Omega} (F_c - F_v) \mathrm{d}S = 0 \qquad (1)$$

守恒变量 W, 对流通量  $F_c$ 和黏性通量  $F_v$ 分 别为

$$W = \begin{bmatrix} \rho \\ \rho u \\ \rho v \\ \rho w \\ \rho E \end{bmatrix} F_{c} = \begin{bmatrix} \rho V \\ \rho u V + n_{x} p \\ \rho v V + n_{y} p \\ \rho w V + n_{z} p \\ \rho W V + n_{z} p \\ \rho H V + V' p \end{bmatrix}$$

$$F_{v} = \begin{bmatrix} 0 \\ n_{x} \tau_{xx} + n_{y} \tau_{xy} + n_{z} \tau_{xz} \\ n_{x} \tau_{yx} + n_{y} \tau_{yy} + n_{z} \tau_{yz} \\ n_{x} \tau_{zx} + n_{y} \tau_{zy} + n_{z} \tau_{zz} \\ n_{x} \Theta_{x} + n_{y} \Theta_{y} + n_{z} \Theta_{z} \end{bmatrix}$$
(2)

式中: $V = (V - V_{\omega}) \cdot n = (u - u_e)n_x + (v - v_e)n_y + (w - w_e)n_z; \Omega$ 为控制体体积;S为控制体表面积;  $V_{\omega} = (u_e, v_e, w_e)$ 为牵连速度;V = (u, v, w)为气流速度; $n = (n_x, n_y, n_z)$ 为单元表面法矢量; $\rho, p, E$ 和 H分别为密度,压力,总能和总焓; $\tau_{(.)}$ 和 $\Theta_{(.)}$ 为黏性应力张量项和热通量项,其中各分量定义为

$$\begin{cases} \tau_{xx} = 2\mu u_x - \frac{2}{3}\mu\nabla \cdot V & \tau_{xy} = \tau_{yx} = \mu(u_y + v_x) \\ \tau_{yy} = 2\mu u_y - \frac{2}{3}\mu\nabla \cdot V & \tau_{zy} = \tau_{yz} = \mu(v_z + w_y) \end{cases}$$
(3)

$$\left[\tau_{zz}=2\mu u_z-\frac{2}{3}\,\mu\nabla \cdot V \quad \tau_{xz}=\tau_{zx}=\mu(u_z+w_x)\right]$$

$$\begin{cases} \Theta_{x} = u\tau_{xx} + v\tau_{xy} + w\tau_{xz} + \kappa \frac{\partial T}{\partial x} \\ \Theta_{y} = u\tau_{yx} + v\tau_{yy} + w\tau_{yz} + \kappa \frac{\partial T}{\partial y} \\ \Theta_{z} = u\tau_{zx} + v\tau_{zy} + w\tau_{zz} + \kappa \frac{\partial T}{\partial z} \end{cases}$$
(4)

式中:μ,κ,T分别为黏性系数、热传导系数和绝对 温度;u<sub>(·)</sub>,v<sub>(·)</sub>,w<sub>(·)</sub>下标表示对该方向的偏导数。

空间离散上采用精度高、耗散低的 Roe-MUS-CL 格式,时间推进采用高效隐式 LU-SGS 算法,湍 流模型为 Spalart-Allmara 模型。共轴旋翼系统中 操纵量配平采用 Newton-Rhapson 迭代法。

#### 1.3 数值方法验证

选取有试验结果可供对比的 Harrington-2 旋 翼<sup>[16]</sup>进行了气动特性计算验证。图 3 给出了悬停 状态 Harrington-2 共轴旋翼拉力系数随扭矩系数 的变化曲线。从图中可见,总体来看计算值与试验 值吻合较好,表明了本文建立的共轴旋翼流场模拟 方法能够有效地用于共轴刚性旋翼的气动性能 计算。



- 图 3 Harrington-2 共轴旋翼气动性能计算值与试验值 的比较
- Fig.3 Comparison of calculated results and experimental data of aerodynamic characteristics of Harrington-2

#### 2 旋翼模型

#### 2.1 共轴旋翼参数定义

共轴旋翼当量升阻比L/D定义为

$$L/D = \frac{C_L}{C_D + C_Q/\mu} \tag{5}$$

式中: $C_L = C_L^{\text{up}} + C_L^{\text{low}}$ 表示升力系数, $C_D = C_D^{\text{up}} + C_D^{\text{low}}$ 表示阻力系数, $C_Q = |C_Q^{\text{up}}| + |C_Q^{\text{up}}|$ 表示扭矩 系数, $\mu$ 表示前进比。

升力偏置量(Lift offset, LOS)的定义为

$$LOS = \frac{C_M}{C_L \cdot R} \tag{6}$$

式中: $C_M = |C_M^{up}| + |C_M^{low}|$ 表示滚转力矩。

#### 2.2 桨叶模型参数及计算状态

计算采用的共轴刚性旋翼模型由两副同轴、反转的旋翼构成,每副旋翼由两片外形完全相同的桨 叶组成。设置上旋翼为右旋,下旋翼为左旋。上旋 翼两片桨叶初始方位角设置为90°,270°;下旋翼两 片桨叶初始方位角设置为0°,180°。

模型桨叶的半径(R)为2.0 m,基准弦长0.2 m。 上下旋翼的轴间距定为0.15R。桨叶扭转分布设 置为线性-10°扭转(从旋转中心到桨尖),采用单 -NACA0012翼型。桨叶平面形状为矩形,无下 反。图4给出了初始时刻共轴刚性旋翼位置示 意图。

本文拟针对共轴旋翼不同前进比和不同升力 偏置量下的流场模拟和气动特性开展分析计算。 前飞时设定桨尖旋转马赫数桨尖旋转马赫数为 0.528,即桨尖旋转速度为179.55 m/s。由于本文 计算的共轴刚性旋翼前飞状态均为水平前飞,且旋 翼轴倾角为0°,因此拉力系数*C*<sub>T</sub>和升力系数*C*<sub>L</sub>在 数值上相同。



## 3 前飞速度影响分析

本文计算了前进比为0.4,0.5,0.6和0.7状态 下的气动力。图5给出了4种状态下的共轴旋翼升 阻比和力矩系数的变化曲线。可见,共轴旋翼前飞 升阻比随前进比的增大先增大后减小,这与单旋翼 的前飞气动特性相类似。在当前的计算状态中,升 阻比最大的状态是前进比0.6。扭矩系数随前飞速 度先减小后缓慢增大,在前进比0.5左右达到 最小。

选取前进比 0.6 状态进行不同方位角处的展向拉力输出,图 6 给出了该状态下上下旋翼前行侧不同方位角处桨叶展向拉力分布。图中的 C<sub>T</sub>表示





Fig.5 Variations of lift/drag ratio and torque coefficient with advance ratio



- 图 6 前进比为 0.6 时前行侧不同方位角处桨叶展向拉 力分布
- Fig.6 Rational thrust distribution in advancing side with advance ratio 0.6

瞬态拉力系数。上旋翼和下旋翼的主要升力均产 生在前行侧,尤其是90°方位角桨叶产生升力最大。 由于前飞来流速度较大,上旋翼下洗流和桨尖涡对 下旋翼桨叶的影响较小,因此上桨叶和下桨叶在前 行侧的气动力曲线几乎完全一致。从展向拉力图 中可看出,对升力贡献最大的区域是前行侧桨叶 0.7R至0.8R段。

桨叶前行侧 90°方位角处产生的拉力较大,可 以较好地反映不同前进比时旋翼气动力特性。图 7给出了不同前进比下 90°方位角处上下旋翼桨叶 展向拉力分布。随着前进比的增大,从展向看,桨 叶负压区域从桨叶尖部向桨叶中段移动。在前进 比较小时,负压区域比较集中,且靠近桨尖前缘,这 使得桨叶拉力集中于桨尖前缘,不利于桨尖卸载和 旋翼操纵。从展向拉力分布图中可看出,在大前进 比时,桨叶展向拉力分布更加趋于合理,拉力中心 趋于桨叶中段,可以充分给桨尖卸载。前进比较小 时,上旋翼桨叶和下旋翼桨叶在 90°的展向拉力分 布差别较大,这说明前进比较小时上、下旋翼桨叶 所受气动干扰较大,导致气动特性产生明显差异。



图 7 不同前进比下上下旋翼桨叶 90°方位角处展向拉力 分布

Fig.7 Rotational thrust distribution at position  $\psi = 90^{\circ}$  with different advance ratios

# 4 升力偏置量影响分析

根据不同前进比的气动力结果,以升阻比较大的0.6前进比为典型状态,计算0.30,0.35,0.40三 个升力偏置量下的升阻比,结果如表1所示。可见 升力偏置量过大时升阻比反而会降低。图8给出 了不同升力偏置量时上旋翼前行侧桨叶表面流线 分布。升力偏置量较大时,前行侧桨叶存在着明显 的气流分离,激波与附面层流动的干扰诱导了桨叶 表面气流的分离,将会进一步导致激波失速的出 现。升力偏置量较小时,气流分离范围在展向和弦 向的范围均明显减小,有效缓解前行侧桨叶表面气 流分离,降低了前飞功耗,从而提高了旋翼效率。

图 9 和图 10 分别给出了前进比为 0.6 时不同 升力偏置量下旋翼瞬态拉力系数和滚转力矩系数

表1 0.6前进比下不同升力偏置量下的升阻比

Tab.1 Lift/drag ratio of different lift offset conditions at advance ratio 0.6

LOS	Lift/drag ratio
0.30	9.11
035	8.52
0.40	8.00





比较。图 11 和图 12 分别给出了前进比为 0.6 时不同升力偏置量下前行侧和后行侧桨叶表面压强系数云图。在当前较大的前进比状态下,上下旋翼之间气动特性差别较小,因此只给出上旋翼桨叶的结果。从拉力系数曲线可看出,升力偏置量较大时,旋翼桨叶前行侧承受更大的拉力载荷,而后行侧的拉力载荷明显较小。这点也可从桨叶压强分布图中看出,升力偏置量较大时桨叶前行侧上表面负压区域较大、且靠近桨叶外侧,而升力偏置量较小时前行侧桨叶上表面负压区域范围较小、且靠近桨叶内侧。对于滚转力矩而言,在总拉力相同的情况



图9 不同升力偏置量时旋翼瞬态拉力系数(µ=0.6)

Fig.9 Instantaneous thrust coefficient of coaxial rotor with different  $LOS(\mu=0.6)$ 







- 图 11 不同升力偏置量时前行侧桨叶表面压强系数云图 (μ=0.6)
- Fig.11 Blade surface pressure coefficient contour in advancing side with different  $LOS(\mu=0.6)$

C <sub>2</sub> 2.55 2.57 2.59 2.61	2.63 2.65
LOS-0.40	
LOS=0.35	
LOS=0.30	

- 图 12 不同升力偏置量时后行侧桨叶表面压强系数云图 (μ=0.6)
- Fig. 12 Blade surface pressure coefficient contour in retreating side with different  $LOS(\mu=0.6)$

下,滚转力矩系数和升力偏置量成反比。从滚转力 矩系数图中可看出,由于前行侧拉力较大,因此滚 转力矩之间的差异也主要体现在前行侧。

### 5 结 论

通过本文建立的共轴刚性旋翼流场CFD求解 方法对不同状态参数下的共轴旋翼进行了数值模 拟,得到以下结论:

(1)由于前行桨叶概念的应用,共轴刚性旋翼 桨叶的升力大部分由前行侧桨叶提供,后行侧几乎 不产生拉力。与单旋翼类似,随前进比增加,共轴 刚性旋翼的升阻比先增大后减小,力矩系数先增大 后减小。

(2)前飞速度对提供主要升力的前行侧桨叶展向拉力分布有比较明显的影响,特别是对桨叶根部和中部段的影响尤为明显。随着前进比增大,前行侧桨叶的展向拉力分布而向桨叶中部段移动,对桨尖卸载,更有利于高速飞行。

(3)适当的升力偏置量能最佳地发挥前行桨叶的升力潜能,但是升力偏置量过大会使得前行侧桨 叶更容易发生激波失速,对前飞性能有所降低,因 此共轴刚性旋翼的设计时需要限制升力偏置量。

#### 参考文献:

[1] LEISHMAN J G, ANANTHAN S. Aerodynamic

optimization of a coaxial proprotor [C]//Proceedings of the 62th Annual Forum of the American Helicopter Society. Phoenix: American Helicopter Society, 2006: 64-85.

- BAGAI A, LEISHMAN J G. Free-wake analysis of tandem, tilt-rotor and coaxial rotor configurations [J].
   Journal of the American Helicopter Society, 1996, 41 (3): 196-207.
- [3] JOHNSON W. Influence of lift offset on rotorcraft performance[R]. NASA TP 2009-215404, 2009.
- [4] KIM H W, BROWN R E. Coaxial rotor performance and wake dynamics in steady and manoeuvring flight [C]//Proceedings of the 62nd Annual Forum of the American Helicopter Society. Phoenix: American Helicopter Society, 2006: 20-40.
- [5] WACHSPRESS D A, QUACKENBUSH T R. Impact of rotor design on coaxial rotor performance, wake geometry and noise [C]//Proceedings of the 62nd Annual Forum of the American Helicopter Soc-iety. Phoenix: American Helicopter Society, 2006: 41-63.
- [6] RUZICKA G C, STRAWN R C. Computational fluid dynamics analysis of a coaxial rotor using overset grids [C]//AHS Specialists' Conference on Aeromechanics 2008. San Francisco, CA: American Helicopter Society, 2008: 378-396.
- [7] LAKSHMINARAYAN V K, BAEDER J D. Highresolution computational investigation of trimmed coaxial rotor aerodynamics in hover[J]. Journal of the American Helicopter Society, 2009, 54(4): 42008.
- [8] 王平,王适存,郭才根.共轴式双旋翼气动特性的固定尾迹分析[J].南京航空航天大学学报,1997,29
  (6):114-117.
  WANG Ping, WANG Shicun, GUO Caigen. Rigidwake analysis of coaxial rotor in hover aerodynamics
  [J]. Journal of Nanjing University of Aeronautics & Aeronautics, 2009, 54(4): 114-117.
- [9] 陈铭,胡继忠,曹义华.共轴双旋翼前飞气动特性固定尾迹分析[J].北京航空航天大学学报,2004,30 (1):74-78.

CHEN Ming, HU Jizhong, CAO Yihua. Rigid-wake analysis of coaxial rotor aerodynamics in forward flight [J]. Journal of Beijing University of Aeronautics & Aeronautics, 2004, 30(1): 74-78.

[10] 黄水林,徐国华,李春华. 基于自由尾迹方法的共轴 式双旋翼流场分析 [J]. 南京航空航天大学学报, 2009,40(6):721-726.
HUANG Shuilin, XU Guohua, LI Chunhua. Flow field analysis of coaxial twin rotors based on free wake
[J]. Journal of Nanjing University of Aeronautics & Aeronautics, 2009, 40(6):721-726.

[11] 童自力, 孙茂. 共轴式双旋翼流动的 N-S 方程模拟

[J].航空学报, 1998, 19(1): 1-5.

TONG Zili, SUN Mao. Navier-Stokes calculation of coaxial rotor aerodynamics [J]. Acta Aeronautica et Astronautica Sinica, 1998, 19(1): 1-5.

- [12] 童自力,孙茂.共轴式双旋翼气动力特性的计算研究
  [J]. 航空学报, 1999, 20(4): 348-350.
  TONG Zili, SUN Mao. Navier-Stokes analysis of the aerodynamic of coaxial rotors [J]. Acta Aeronautica et Astronautica Sinica, 1999, 20(4): 348-350.
- [13] XU H Y, YE Z Y. Numerical simulation of unsteady flow around forward flight helicopter with coaxial rotors [J]. Chinese Journal of Aeronautics, 2011, 24 (1): 1-7.
- [14] 谭剑锋,孙义鸣,王浩文,等.共轴刚性双旋翼非定 常气动干扰载荷分析[J].北京航空航天大学学报,

2018, 44(1): 50-62.

TAN Jianfeng, SUN Yiming, WANG Haowen. Analysis of rigid coaxial rotor unsteady interactional aerodynamic loads[J]. Journal of Beijing University of Aeronautics & Aeronautics, 2018, 11(1): 50-62.

- [15] 朱正,招启军,李鹏.悬停状态共轴刚性双旋翼非定常 流动干扰机理[J].航空学报,2016,37(2):568-578.
  ZHU Zheng, ZHAO Qijun, LI Peng. Unsteady flow interaction mechanism of coaxial rigid rotors in hover
  [J]. Acta Aeronautica et Astronautica Sinica, 2016, 37(2):568-578
- [16] HARRINGTON R D. Full-scale-tunnel investigation of the static-thrust performance of a coaxial helicopter rotor[R]. NACA TN-2318, 1951.

(编辑:孙静)