地基雷达测量精度自鉴定技术

张延鑫1赵华1崔凯2

(1.北京跟踪与通信技术研究所,北京,100094;2.南京理工大学,南京,210094)

摘要:精度鉴定是保证雷达有效工作的重要保证,目前我国的雷达精度鉴定方法都是硬比方法,鉴定周期较长、协调工作量大。针对该问题,提出了一种通过跟踪一般低轨卫星实现地基雷达测量精度自鉴定的方法,设计了 采用自鉴定方法校准雷达测元零值的技术方案,明确了数据处理流程,给出了关键数学模型。通过无噪声仿真 验证证明了本文方法的正确性和有效性,通过有噪声仿真验证发现了测元随机误差与估计轨道参数间的相互影 响和耦合效应,为后续工程应用和技术改进积累了经验。

关键词:雷达;测量精度;自鉴定;固定偏差

中图分类号:V19; TN958.8 文献标志码:A 文章编号:1005-2615(2018)S2-0001-05

Self-Calibration Technology of Ground-Based Radar

ZHANG Yanxin¹, ZHAO Hua¹, CUI Kai²

(1. Beijing Institute of Tracking and Telecommunications Technology, Beijing, 100094, China;

2. Nanjing University of Science and Technology, Nanjing, 210094, China)

Abstract: Calibration is an important work to ensure the measuring accuracy of radar. All the methods of calibration in China are to compare the measure data of radar with the more accuracy position data of space target. It is a time-consuming work with a large workload of coordination problems. A self-calibration method is proposed in this paper, in which low orbit satellite is tracked by ground-based radar. The design scheme of self-calibration, which evaluates biases of radar measurements, is given with the data processing and the key algorithms. The correctness and effectiveness of the proposed method is verified by simulation verification, which uses noise-free measuring data. The interaction and coupling effects between the random errors of the measurements and the estimated orbit parameters are found through noise simulation verification, which has accumulated experience for subsequent engineering application and technology improvement.

Key words: radar; measuring accuracy; self-calibration; bias

雷达的测量误差分为系统误差(设备系统误 差、测量误差)、随机误差和过失误差,设备系统误 差包括零值误差、大盘不水平、光机轴偏差、两轴不 正交误差等^[1-2]。其中零值误差需要进行经常性的 动态标定,特别是在雷达进场安装调试后和执行大 型任务前必须进行雷达精度鉴定,验证和标定设备 的随机误差和零值偏差。

当前雷达精度鉴定主要有四种方法^[3]:跟踪搭载全球定位系统(Global positioning system,

GPS)接收机的飞机的校飞方法、跟踪卫星激光测距(Satellite laser ranging,SLR)卫星的方法^[4-5]、基于精密设备测量的方法和基于广播式自动相关监视(Automatic dependent surveillance-broad-cast,ADS-B)数据的方法^[6-7]。这4种方法无一例外都是硬比方法^[8],即把得到雷达探测数据和标准设备给出的数据进行比对,在距离、方位角和俯仰角等的一次差的基础上进行统计、分析,从而得到被试雷达的探测精度。硬比方法难以避免工作周

收稿日期:2018-03-23;修订日期:2018-05-30

通信作者:张延鑫,男,硕士,副研究员,E-mail:zyx_sd@163.com。

引用格式:张延鑫,赵华,崔凯. 地基雷达测量精度自鉴定技术研究[J]. 南京航空航天大学学报,2018,50(S2):1-5. ZHANG Yanxin, ZHAO Hua, CUI Kai. Study of the self-calibration technology of ground-based radar[J]. Journal of Nanjing University of Aeronautics & Astronautics,2018,50(S2):1-5.

期长、协调难度大等多种问题。

20世纪 60、70年代,美国为分析民兵导弹出 现的问题,花费大量人力物力提升地基雷达的测量 精度,重点分析雷达的各类误差因素,建立雷达误 差模型,研究雷达精度鉴定方法^[9]。前期提出了 基于误差模型的最佳弹道估计(Error modei best estimate trajectory,EMBET)的跟星自鉴定技术, 当时 GPS 卫星系统不够成熟,地球引力场模型、 地球运动模型都不够精准,该技术实现起来难度 较大。后来,美国发射了测地卫星(Geodetic earth orbiting satellite,GEOS)系列服务于雷达精度鉴 定,解决了雷达精度鉴定的难题,满足了当时的 需要。

随着空间卫星数量的增加,地球引力场模型、 地球运动模型越来越准确,笔者认为继续发展雷达 跟星自鉴定技术已经具备了基础条件。目前航天 活动的日益频繁,继续研究地基雷达跟星自鉴定技 术仍然有重大现实意义,该技术可以使雷达精度鉴 定更加快速灵活,更加自主可控。

本文介绍前期研究雷达跟星自鉴定技术的阶段成果,给出了一套雷达跟踪卫星后快速给出雷达 零值的方法。

1 地基雷达跟星自鉴定技术方案

实现雷达跟星自鉴定的前提是卫星自由飞行,跟星期间没有进行轨道调整,而且卫星体积不能太大且属于中低轨卫星。用雷达跟星测量数据实现测元零值误差估计的基本流程如图 1 所示。





首先,进行数据预处理,包括方位角跨零修正、 野值剔除、大气折射修正、时延修正、一般系统误差 修正、随机误差统计。然后,实现循环迭代估计雷 达测元零值误差。

1.1 数据预处理

(1)方位角跨零修正^[10]

当卫星由雷达 I 象限向 IV 象限或者从相反方 向移动时(以测站水平面内的天文北作为零度,顺 时针方向旋转为正),每次雷达所测量的方位角 A 值会出现跨零跳跃,为使测量值连续必须进行修 正,消除跨零跳跃问题。

(2)随机误差统计

统计雷达的随机误差是为了了解和掌握雷达 的测量性能,看其是否满足精度设计指标要求,利 于分析、检查设备各环节的问题和原因,帮助改进 雷达系统设计。另外统计随机误差也是外测数据 处理的依据,对测量数据野值的判断标准就是以随 机误差为依据的。

(3)野值检测与替换

野值又称异常值,雷达测量数据出现野值的 原因很多,包括设备故障或者数据传输和记录过 程出现异常,周围环境的突发性变化和干扰,以 及操作人员的过失等。测量数据含有野值使测 量值严重失真,降低了观测数据的置信度,势必 影响数据处理结果的精度。因此数据处理时,必 须首先对观测数据的异常值进行判别和处理,以 合理、可信的数据替代它,保证外测数据处理结 果的质量。

(4)系统误差修正

测量数据的系统误差主要来自设备、跟踪和参数误差3个方面。对单脉冲雷达而言,设备误差包括测距与测角系统固定偏差、三轴不正交、天线畸变、传感器非线性、基座倾斜、零点漂移、伺服不平衡、天线偏倚、动态滞后等;跟踪误差包括瞄准误差、时统误差、电波折射、传播时延等;参数误差包括光速误差、振荡器频率误差、大地坐标误差等。雷达测元零值误差估计^[11]前需要尽可能地消除已知系统误差的影响。

(5)时间误差修正

时间误差包括来自时统设备的时间误差、时统 设备与雷达设备测量点上时间不同步误差、电波传 播时延误差。不同步误差通常为固定值、电波时延 误差是一个与目标距离相关的变化误差。

(6)大气折射修正

测量空间各处大气成分、密度、湿度和电离程 度不相同,介质特性相当复杂,因此电波和光波通 过大气传播时,其传播速度已不是匀速直线运动, 路径也发生弯曲,这就引起电波(或光波)信号的折 射误差。电波(光波)折射是影响外测数据测量精 度的重要误差源,在雷达数据处理时必须进行修正 处理^[12]。 (7)低仰角数据切除

雷达低仰角测量时受到多径效应、对流层和电 离层折射较为严重且复杂,因此低仰角测量数据在 精确处理时有必要进行切除。

整个数据预处理的流程如图 2 所示。



图 2 数据预处理流程 Fig. 2 Process of data preprocessing

1.2 测元零值误差估计

测元零值误差估计涉及的理论基础主要有三 条:一是二体轨道理论,可以采用某时刻的位置和 速度量表示任意时刻卫星的位置和速度^[13];二是 轨道积分理论,已知某时刻目标在空间的位置和速 度可以唯一确定目标轨道,而这个唯一轨道可以通 过轨道积分理论进行准确预报;三是最小二乘法参 数估计理论。

(1)二体轨道理论

卫星绕地球运动的轨道是很复杂的,它要受到 地球引力、大气阻力、日月引力、太阳辐射压力等力 的作用。但运动的基本情况还是把卫星看成质点, 它绕一个均匀球形地球的运动,这就是天体力学中 的最基本"二体运动",其它作用力包括地球非球形 部分的引力作用都可以看作"摄动力"。二体问题 在数学上是完全可解的,二体运动可以看成卫星的 近似运动,一般在初始轨道确定、卫星观测预报,在 一定范围内都把卫星轨道看成椭圆。二体运动遵 守开普勒定律。

(2)轨道积分理论

给定任意时刻卫星的状态(位置和速度),可以 得到相应时刻卫星的摄动力,从而确定卫星瞬时的 受力情况,采用常微分方程数值积分方法可以求解 下一时刻卫星的状态。常用的积分方法有 Cowell 法、Encke 法^[14]、Runge-Kutta 法^[15]、Adams 预测 校准法等,本文采用 Runge-Kutta-Fehlberg 法和 Adams 预测校准法。

(3)参数估计理论

参数估计理论和方法是外测数据处理的重要 数学基础,外测数据处理中经常使用的参数估计 方法包括矩估计、最大似然估计和最小二乘估 计。最小二乘估计最早形式是高斯估计,适用于 随机误差为等方差不相关条件,对于随机误差变 化的测量数据序列需要采用马尔科夫估计。本 文采用马尔科夫估计实现测元零值误差的 估计。

2 雷达测元零值估计方法

2.1 即时惯性坐标系

一般在地心惯性坐标系下分析卫星轨道,常用 的坐标系为J2000 坐标系,但是从地心固定坐标系 (Earth-centered fixed coordinates, ECF)转到 J2000 坐标系过程复杂,因此本文提出一种即时惯 性坐标系,即以某时刻 T_0 为起始时刻,对该时刻的 地心固定坐标系,通过极移变换后,转到准地固坐 标系,以该时刻的准地固坐标系为基准,建立瞬时 惯性坐标系,坐标系不再随地球旋转,称该惯性坐 标系为即时惯性坐标系。

2.2 观测方程建立

当 t_j 时刻观测方程数据为距离 R_j、俯仰角 E_j、方位角 A_j 时,得到轨道在测站坐标系中的位 置坐标为

$$\begin{cases} x_j = R_j \cos E_j \cos A_j \\ y_j = R_j \sin E_j \\ z_j = R_j \cos E_j \sin A_j \end{cases}$$

得到对应即时惯性坐标系下的坐标为

$$\boldsymbol{X}_{j} = \boldsymbol{\theta}_{j}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{P}^{\mathrm{T}} (\boldsymbol{R}_{\lambda \varphi} \boldsymbol{x}_{j} + \boldsymbol{X}_{G0})$$

式中, $X_j = \begin{bmatrix} X_j & Y_j & Z_j \end{bmatrix}^T$, $x_j = \begin{bmatrix} x_j & y_j & z_j \end{bmatrix}^T$, θ_j 是即时惯性坐标系向准地固坐标系的旋转 矩阵, P是准地固坐标系向地固坐标系的旋转 矩阵, $R_{x_{\varphi}}$ 是测量系向地心固定坐标系的旋转矩 阵, X_{GO} 是雷达站点在地心固定坐标系下的坐标。

记 $X_0 = \begin{bmatrix} X_0 & Y_0 & Z_0 & \dot{X}_0 & \dot{Y}_0 & \dot{Z}_0 \end{bmatrix}^T$ 为卫 星在 T_0 时刻在即时惯性坐标系下的坐标,根据卫 星二体力学条件,建立任意时刻卫星坐标 X_j 与 X_0 的关系。

 $\boldsymbol{X}_i = \boldsymbol{G}_i \boldsymbol{X}_0$

式中

$$\boldsymbol{G}_{j} = \begin{bmatrix} f_{j} & 0 & 0 & g_{j} & 0 & 0 \\ 0 & f_{j} & 0 & 0 & g_{j} & 0 \\ 0 & 0 & f_{j} & 0 & 0 & g_{j} \end{bmatrix}$$

式中

$$f_j = 1 - \frac{a}{r_0} (1 - \cos\Delta E_j)$$
$$g_j = \Delta t_j - \frac{1}{n} (\Delta E_j - \sin\Delta E_j)$$

式中 a 是轨道长半轴, r_0 是 T_0 时刻目标的地心 距, $\Delta t_j = t_j - T_0$, $\Delta E_j = E_j - E_0$ 。各轨道参数的解 算方法参考二体轨道理论部分。

令 $F_j = R_{\lambda \varphi}^{\mathrm{T}} P \theta_j$,可以建立任意时刻测量量 x_j 与 X_0 的关系。

 $\boldsymbol{x}_{j} + \boldsymbol{R}_{\lambda\varphi}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{X}_{G0} = \boldsymbol{F}_{j} \boldsymbol{G}_{j} \boldsymbol{X}_{0}$

2.3 误差关系式建立

记雷达零值误差量为 R₀、E₀、A₀,则在测量坐 标系中观测数据的误差为

$$\Delta \boldsymbol{X}_{j} = \boldsymbol{L}_{j} \boldsymbol{\cdot} \boldsymbol{C}$$

其中

$$\boldsymbol{L}_{j} = \begin{bmatrix} \cos A_{j} \cos E_{j} - R_{j} \cos A_{j} \sin E_{j} - R_{j} \sin A_{j} \cos E_{j} \\ \sin E_{j} & R_{j} \cos E_{j} & 0 \\ \sin A_{j} \cos E_{j} - R_{j} \sin A_{j} \sin E_{j} & R_{j} \cos A_{j} \sin E_{j} \end{bmatrix}$$
$$\boldsymbol{C} = \begin{bmatrix} R_{0} & E_{0} & A_{0} \end{bmatrix}^{\mathrm{T}}$$

考虑到随机误差(记为 η_j),则测站坐标系下的误差向量为

$$\Delta X_j = L_j \cdot (C + \eta_j)$$

从而得到

$$\boldsymbol{x}_{j} + \boldsymbol{R}_{\lambda\varphi}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{X}_{G0} = \boldsymbol{F}_{j} \boldsymbol{G}_{j} \boldsymbol{X}_{0} + \boldsymbol{L}_{j} \boldsymbol{C} + \boldsymbol{L}_{j} \boldsymbol{\eta}_{j}$$

2.4 测元零值误差估计

进一步转换成高斯-马尔科夫估计所需形式 为

$$egin{aligned} m{x}_{j} + m{R}_{\lambda\delta}^{ ext{T}}m{X}_{G0} &= egin{bmatrix} m{F}_{j}m{G}_{j}\end{bmatrix}m{X}_{0}\ m{C}\end{bmatrix} + m{L}_{j}m{\eta}_{j} \ ec{m{D}} &= egin{bmatrix} m{K}_{0}\ m{C}\end{bmatrix}, m{F} &= egin{bmatrix} m{F}_{j}m{G}_{j}&m{L}_{j}\end{bmatrix}, m{y} = m{x}_{j} + m{R}_{\lambda\varphi}^{ ext{T}}m{X}_{G0}, m{\eta} = m{L}_{j}m{\eta}_{j}, m{M}$$
上式可以写为 $m{y} = m{F}_{j}m{V}_{j} + m{y} = m{x}_{j} + m{y}_{j} \end{aligned}$

则

$$\hat{\boldsymbol{Y}} = (\boldsymbol{F}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{P}^{-1} \boldsymbol{F})^{-1} \boldsymbol{F}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{P}^{-1} \boldsymbol{y}$$

利用分块矩阵求逆的方法,可以将 (**F**^T**P**⁻¹**F**)表示成

$$oldsymbol{F}^{ op}oldsymbol{P}^{-1}oldsymbol{F} = egin{bmatrix} oldsymbol{M}_{11} & oldsymbol{M}_{12} \ oldsymbol{M}_{21} & oldsymbol{M}_{22} \end{bmatrix}$$

可以将 $F^{T}P^{-1}y$ 表示成

$$oldsymbol{F}^{\mathrm{T}}oldsymbol{P}^{-1}oldsymbol{y} = egin{bmatrix} oldsymbol{M}_{X} \ oldsymbol{M}_{C} \end{bmatrix}$$

从而求的 X₀ 和 C

$$\begin{bmatrix} \hat{\boldsymbol{X}}_{0} \\ \hat{\boldsymbol{C}} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{P}_{\hat{X}_{0}} & \boldsymbol{P}_{\hat{X}_{0}} \boldsymbol{C} \\ \boldsymbol{P}_{\hat{C}\hat{X}_{0}} & \boldsymbol{P}_{\hat{C}} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \boldsymbol{M}_{X} \\ \boldsymbol{M}_{C} \end{bmatrix}$$

式中

$$P_{\hat{c}} = [M_{22} - M_{21}M_{11}^{-1}M_{12}]^{-1}$$

$$P_{\hat{X}_0} = M_{11}^{-1} + M_{11}^{-1}M_{12}P_{\hat{c}}M_{21}M_{11}^{-1}$$

$$P_{\hat{X}_0\hat{c}} = -M_{11}^{-1}M_{12}P_{\hat{c}}$$

$$P_{CX_0} = P_{X_0\hat{c}}^{-T}$$

则

$$\hat{\boldsymbol{C}} = \boldsymbol{P}_{C} \left[\boldsymbol{M}_{C} - \boldsymbol{M}_{21} \boldsymbol{M}_{11}^{-1} \boldsymbol{M}_{X} \right]$$
$$\hat{\boldsymbol{X}}_{0} = \boldsymbol{P}_{\boldsymbol{X}_{0}} \cdot \boldsymbol{M}_{X} + \boldsymbol{P}_{\boldsymbol{X}_{0}C} \cdot \boldsymbol{M}_{C}$$

3 方法验证

3.1 验证流程

根据前面的方法开发了软件,采用设定参数 模拟测量数据,然后采用本文方法估计设定的参 数进行验证。首先将卫星精轨数据转换到给定 雷达测量球坐标系,然后对三个测元叠加零值偏 差,最后叠加随机误差。采用模拟的测量数据输 入软件系统,估计指定雷达的测元零值,把估计 结果与预设3个测元零值比较。方法验证流程 如图3所示。





Fig. 3 Process of method validation

3.2 验证结果

(1)无噪声仿真验证结果

以单雷达跟踪卫星一个弧段的数据进行验证, 三次验证情况见表1。

表1 无噪声情况下的处理结果

Tab. 1 Processing results with noise-free measure data

实验	参数	测元零值 设定值	测元零值 估计值	估计误差
1	$R_{ m o}/{ m m}$	210	210.105	0.105
	E_0/mrad	-21	-20.999 5	5E - 4
	$A_{\rm 0}/{ m mrad}$	11	10.983 8	1.62E-2
2	R_{0}/m	810	809.849	0.15
	E_0/mrad	-21	-21.00008	8E-5
	A_0/mrad	11	10.999 92	8E-5
3	R_0/m	500	499.965	0.035
	E_0/mrad	21	20.999 96	4E - 5
	A_0/mrad	14	14.000 8	8E-4

可以看出估计误差最大的是第1次验证实验, 距离零值估计误差约0.1 m,俯仰角零值估计误差 约5E-4 mrad,方位角估计误差约1.62E-2 mrad。经分析零值误差估计残差是由精轨自身精 度、轨道积分方法、以及计算机截断误差等因素带 来。验证结果表明本文提出的准实时精度验证方 法正确有效。

(2)有噪声仿真验证结果

雷达测量过程中存在随机误差,在测量数据模 拟时为三个测元分别叠加了方差为5m、0.14 mrad、0.14 mrad的随机误差。验证结果表明俯仰 角零值估计误差<0.01 mrad,精度较高;而在距离 零值和方位零值方面估计误差较大,其中距离零值 估计误差<50m、方位角零值估计误差<0.5 mrad。

经过深入分析多次仿真结果,得出如下结论:

(1) 俯仰角零值估计最准。因为俯仰角偏差 受轨道高度和周期的约束,因此估计精度最高。

(2)距离零值估计较方位角零值估计准确。 距离零值受轨道形状的约束,比如轨道偏心率,因此估计精度较俯仰角零值估计精度差,而较方位角零值估计精度好。

(3)方位角零值估计效果最差。因为方位角 偏差主要表现为轨道的平移,对轨道形状影响 较小。

(4)随机误差与估计轨道参数的耦合效应,造成单雷达单弧段精度验证效果差。

4 结束语

为了克服随机误差对估计精度的影响,提高误 差估计精度,提出了3种新的估计模式:单雷达单 星双弧段模式、单雷达多星多弧段模式和多雷达联 合跟星模式,取得了较好的效果,将在后续研究中 深入探讨。

参考文献:

- [1] 王德纯,丁家会,程望东. 精密跟踪测量雷达技术[M].北京:电子工业出版社,2007:93-126.
- [2] 刘丙申,刘春魁,杜海涛. 靶场外测设备精度鉴定[M],北京:国防工业出版社,2008:40-43.
- 【3】 张政超,李文臣. 雷达动态精度试验误差分析[J]. 中国电子科学研究院学报, 2012,7(3):289-293.
 ZHANG Zhengchao, LI Wenchen. Error analysis on dynamic radar precision test[J]. Journal of CAEIT, 2012,7(3):289-293.
- [4] 杨萍,郭军海,孙刚. 航天测控系统卫星鉴定技术研究[J]. 航天控制,2008:26(1):65-69.
 YANG Ping, GUO Junhai, SUN Gang. The re-

search of accuracy evaluation by satellite technology for space tracking telemetry and command system [J]. Aerospace Control, 2008,26(1): 65-69. [5] 张延鑫,武红霞.使用 SLR 卫星实现雷达坐标测量的标定和精度鉴定[C]//中国宇航学会航天测控技术研讨会.西宁:[s.n.],2006.
 ZHANG Yanxin, WU Hongxia. Calibration and ac-

curacy identification of radar coordinate measurements by tracking SLR satellites[C]//Space TT & C Technology Symposium of China Aerospace Society. Xining: [s. n.],2006.

[6] 何彬兵,汪在华. 基于 ADS-B 的雷达数据采集评估 系统设计[J]. 雷达科学与技术,2017,15(4):427-432.

HE Binbing, WANG Zaihua. Design of a radar data acquisition and evaluation system based on ADS-B [J]. Radar Science and Technology, 2017, 15(4): 427-432.

[7] 苑文亮,唐小明,朱洪伟,等.基于 ADS-B 数据的雷达 标校新方法[J]. 舰船电子工程,2010,30(3):147-150.

YUAN Wenliang, TANG Xiaoming, ZHU Hongwei, et al. A new method for radar calibration based on ADS-B data [J]. Ship Electronic Engineering, 2010, 30(3):147-150.

- [8] 黄学祥. 航天测控设备外测精度的轨道约束 EMBET 自鉴定方法研究[D]. 南京:南京大学,2002.
 HUANG Xuexiang. Study on self-calibration method of space tracking and control equipment tracking accuracy of the orbit constraint EMBET[D]. Nanjing: Nanjing University,2002.
- [9] GAROUTTE S K, BRYAN J P. New radar calibration and performance monitoring techniques for enhanced flight test data [EB/OL]. (2017-12-18)/ [2018-2-15]. http://libyc. nudt. edu. cn: 8000/doi/ pdf/10.2514/6
- [10] 刘利生. 外弹道测量数据处理[M]. 北京:国防工业 出版社,2002:303-305.
- [11] 胡绍林 许爱华 郭小红. 脉冲雷达跟踪测量数据处理 技术[M]. 北京:国防工业出版社,2007:22-27.
- [12] 郭军海. 弹道测量数据融合技术[M]. 北京:国防工 业出版社,2012:82-100.
- [13] 刘利生,吴斌,杨萍. 航天器精确定轨与自校准技术 [M].北京:国防工业出版社,2005:96-98.
- [14] 郗晓宁, 王威. 近地航天器轨道基础[M]. 长沙:国防 科技大学出版社,2003:124-126.
- [15] RICHARD H B. An introduction to the mathematic and methods of astrodynamics[M]. U. S. A: American Institute of Aeronautics and Astronautics Inc. 2001.

(编辑:张蓓)