DOI:10.16356/j.1005-2615.2016.06.012

基于离散点距离的三维线缆干涉检测算法

鞠传海 郭 宇 王发麟 吴保胜

(南京航空航天大学机电学院,南京,210016)

摘要:针对 CREO 三维线缆具有柔性可随意变形特性而引起难以进行干涉检测的问题,提出基于离散点距离的 三维线缆干涉检测算法。该算法通过线缆中心线动态离散点对三维线缆进行表达,分析结构件的空间位置关 系,利用线缆与线缆、线缆与结构件之间的空间位置关系进行干涉检测,实现了对三维线缆进行快速干涉检测的 目的。最后在 Visual Studio 2010 与 CREO 平台上采用 C++语言和 TOOLKIT 工具对所提算法进行了验证。 结果表明该算法具有较好的快速性与准确性,可以满足工程实际需求。

关键词:三维线缆;CAD 结构模型;几何特征;干涉检测

中图分类号:TP391.9 **文献标志码:**A **文章编号:**1005-2615(2016)06-0856-08

Interference Detection Algorithm for 3D Cables Based on Discrete Point Distance

Ju Chuanhai, Guo Yu, Wang Falin, Wu Baosheng

(College of Mechanical and Electrical Engineering, Nanjing University of Aeronautics & Astronautics, Nanjing, 210016, China)

Abstract: To solve the problem that the virtual 3D cable of CREO can easily cause interference detection difficult because the cable has a flexible optional deformation characteristic, an algorithm that expresses the cable discretely by using dimensional coordinates point is put forward. Firstly, the algorithm expresses the cable entities by using cable centerline discrete spatial coordinates point. Secondly, space position relation of structure is analyzed. Finally, by utilizing the relationship of space position between cables as well as cable and structure, the fast interference detection for 3D cables is realized. The algorithm is validated on the platform Visual Studio 2010 and CREO by using C ++ language and TOOL-KIT tools. The results show that the algorithm is fast and has better accuracy to meet the actual needs of the project.

Key words: three-dimensional cable; CAD model; geometric features; interference detection

在实际工程中,线缆通常用于连接电气设备、 传输各种信号能源,被广泛应用于航空、航天和船 舶等领域,所以在实际工程中线缆的布线、后期维 护等工作成为大型机电产品研发过程中的重要环 节^[1]。在数字化虚拟三维线缆布线过程中,线缆具 有柔性可变形特性,并且可以任意移动,常与周围

基金项目:国防基础科研计划资助项目;国家自然科学基金(51575274)资助项目;江苏省研究生培养创新工程(KY-LX_0311)资助项目。

收稿日期:2015-11-12;修订日期:2016-03-05

通信作者:郭宇,男,教授,博士生导师,E-mail:guoyu@nuaa.edu.cn。

引用格式:鞠传海,郭宇,王发麟,等. 基于离散点距离的三维线缆干涉检测算法[J]. 南京航空航天大学学报,2016,48 (6):856-863. Ju Chuanhai, Guo Yu, Wang Falin, et al. Interference detection algorithm for 3D cables based on discrete point distance[J]. Journal of Nanjing University of Aeronautics & Astronautics, 2016,48(6):856-863.

的物体(刚性结构件、管路和线缆等)发生干涉,所 以常常造成线缆外皮磨损等问题,严重影响了产品 的可靠性^[2],并且为后续的实际线缆布线参考造成 了很大影响。为了保证布线的合理性和正确性,对 线缆进行干涉检测是十分有必要的一项工作。对 虚拟三维线缆进行干涉检测必须满足准确性和实 时性的要求,准确快速的线缆干涉检测算法对于提 升线缆的敷设质量具有重要意义。

目前,在三维模型干涉检测领域国内外学者做 了很多重要的工作,并且提出了很多重要的干涉检 测算法,比如层次包围盒法和空间分割法等干涉检 测算法[3],但这类算法研究更多地是针对刚性结构 件而展开的相关研究。目前在三维柔性物体的干 涉检测方面的研究相对于刚性物体研究较少,目研 究主要体现在二维层面的干涉检测领域[4]和一些 实验仿真验证,对于虚拟三维线缆这样的三维变形 体的干涉检测研究成果不多。Bertail 等^[5]对 Cosserat 模型采用分段螺旋线的方法进行离散化 表示,但由于线缆形变复杂目长度较长,所以处理 线缆时计算量较大。Ritchie 等^[6]使用沉浸式虚拟 现实技术解决线束的设计和敷设问题,但在描述线 缆时,采用空间点间连线构造线缆,线缆逼真度不 够。李蕴奇[7]提出了一种基于可变形物体的检测 算法,算法应用蚁群算法优化蛇形轮廓物体并将蛇 形轮廓模型应用于固定方向凸包包围盒的更新过 程中,提高了干涉检测效率。Hergenrother 等^[8] 将一定长度的线缆模型构建为许多相同长度的圆 柱体,并采用球形结点方式将相邻的圆柱体连接起 来,在结点上设置弹性能量,以能量最低来判断线 缆是否发生形变。黄劲等^[9]提出一种基于大步长 优化框架下的快速接触检测和响应算法,采用该算 法可以以较低的内存开销来进行线缆检测,但需要 采用一系列的数学方法来避免可能的粘连抖动问 题。Shang 等^[10]针对机电复杂产品提出了一种基 于框架的线缆创建和布线模。Zhuo 等^[11]提出了 采用等效电缆束的方式对复杂线缆进行建模表示。 谢世富等[1]建立质点-弹簧模型,提出了线缆分层 精确碰撞检测算法,但其实质仍然是对线缆采用了 包围盒算法。

上述研究虽然对线缆干涉检测取得了一定成 果,但均存在一定程度的不足。为满足工程实际的 需要,针对柔性线缆采用面片方式表达复杂和难以 用传统的包围盒法进行检测的特点,本文基于 CREO 线缆和结构件的几何特征提出了一种基于 CREO 三维柔性线缆干涉检测算法。算法首先根 据已布线完成的三维线缆模型建立线缆中心线动 态离散点模型,并获取结构件模型的空间位置关 系,然后分析线缆动态离散点模型空间的几何特 性;根据线缆动态离散点模型和结构件几何特征信 息,判断线缆、结构件模型之间的空间位置关系,以 实现虚拟三维线缆快速准确的干涉检测。

1 线缆与线缆干涉检测算法

1.1 线缆离散表示

在 CREO 中,三维线缆采用样条曲线方法构 造线缆母线,而后附加曲面片材质形成线缆实体。 由于线缆具有柔软可变形特性,并且线缆形状较不 规则^[12],所以传统的包围盒算法一般不适用于线 缆模型。本文提出将线缆用空间坐标进行离散表 达。线缆在几何上通常可抽象为等截面可变形圆 柱体,且圆柱体的中心线在理论上可以无限延伸, 所以线缆的中心线的变化形式也就是线缆的变化 形式。

对线缆的中心线模型进行动态离散表示,设离 散距离为l,取离散间距l=2r(r为待检测线缆的 半径)。假定线缆长度为s,则离散点个数为n=s/l。离散点为空间坐标,表示为p(x,y,z)。将各 离散点按布线起始点到终止点顺序编号为 p_1,p_2 , $p_3, \dots, p_n(n$ 为整数)。

三维线缆模型可以随意弯曲变形,但由于基于 线缆中心线的离散点也会跟随线缆移动而移动变 化,所以基于线缆中心线的离散模型可以很好地表 示三维线缆的变化。基于线缆中心线动态离散模 型表示如图1所示。图2(a)为三维线缆模型,图2 (b)为线缆中心线模型。



图 1 线缆中心线离散点模型示意图 Fig. 1 Center line of cable model for discrete points

1.2 空间坐标转换

在虚拟装配环境中,线缆作为实体特征占据了 其自身的空间位置,由于线缆具有自身的坐标参考 系,所以需要将线缆自身坐标系转换为虚拟装配坐



标系。

在 CREO 三维模型中,由于模型的坐标系一 般用三维坐标来描述,所以坐标系中的位置坐标一 般用 Double vector^[13]来表达。一般三阶矩阵可以 用来表达坐标系与坐标系之间的转换,但在计算机 图形学中通常会涉及到坐标系之间的平移和缩放, 所以通常用 4 阶矩阵来进行三维模型坐标系的转 换,变换矩阵可表示为

$$\mathbf{X} = \begin{bmatrix} x_{11} & x_{12} & x_{13} & x_{14} \\ x_{21} & x_{22} & x_{23} & x_{24} \\ x_{31} & x_{32} & x_{33} & x_{34} \\ x_{41} & x_{42} & x_{43} & x_{44} \end{bmatrix}$$
(1)

在计算机图形表达中,三维齐次坐标(x,y,1) 可以用来表示平面空间点 p(x,y)。同样,在进行 三维空间中,立体空间点 p(x,y,z)可以用四维齐 次坐标(x,y,z,1)来表达。立体空间点的变换表 示为 $p * = p \times T$ 。式中 T 为三维图形变换矩阵。 变换矩阵 T 为 4×4 方阵,即

$$\mathbf{T} = \begin{bmatrix} \mathbf{t}_{11} & \mathbf{t}_{12} & \mathbf{t}_{13} & \mathbf{t}_{14} \\ \mathbf{t}_{21} & \mathbf{t}_{22} & \mathbf{t}_{23} & \mathbf{t}_{24} \\ \mathbf{t}_{31} & \mathbf{t}_{32} & \mathbf{t}_{33} & \mathbf{t}_{34} \\ \mathbf{t}_{41} & \mathbf{t}_{42} & \mathbf{t}_{43} & \mathbf{t}_{44} \end{bmatrix}$$
(2)

如图 3 所示,在虚拟装配坐标系 O_{xyz} 中, Θ 的 坐标为(Θ_x , Θ_y , Θ_z), Θ_u 为单位向量(u_x , u_y , u_z), Θ_v 为单位向量(v_x , v_y , v_z), Θ_w 为单位向量(w_x , w_y , w_z),因为两个坐标系不统一,所以需要进行坐标系 转换,线缆坐标系 Θ_{uxw} 和虚拟装配坐标系 O_{xyz} 之间 的步骤如下:首先平移使 Θ 落于原点 O,变换为 $T(-\Theta_x, -\Theta_y, -\Theta_z)$,之后绕 x 轴旋转角度 α ,使 w 轴落于 xOz 平面,旋转变换为 $R_x(\alpha)$;其次绕 y轴旋转角度 β ,使 w 轴与 z 轴同向且重合,然后旋 转变化为 $R_y(\beta)$;最后绕 z 轴旋转角度 γ , 使 u 轴和 x 轴同向且重合,旋转变换为 $R_z(\gamma)$;则变换矩阵 为[14]

$$M_{uvw \to xyz} = R_{z}(\gamma) \cdot R_{y}(\beta) \cdot R_{x}(\alpha) \cdot T(-\Theta_{x}, -\Theta_{y}, -\Theta_{z})$$
(3)
$$\Leftrightarrow R = R_{z}(\gamma) \cdot R_{y}(\beta) \cdot R_{x}(\alpha), \square$$
$$M_{uvw \to xyz} = R \cdot T(-\Theta_{x}, -\Theta_{y}, -\Theta_{z})$$
(4)

即

$$M_{uow \to xyz} = \begin{bmatrix} u_x & u_y & u_z & 0 \\ v_x & v_y & v_z & 0 \\ w_x & w_y & w_z & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -\Theta_x \\ 0 & 1 & 0 & -\Theta_y \\ 0 & 0 & 1 & -\Theta_z \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$
(5)

式(3~5)可求出从坐标系 Θ_{unv} 到坐标系 O_{xyz} 的变换矩阵,其中(Θ_x , Θ_y , Θ_z)为模型在线缆坐标 系中的坐标,(α , β , γ)为模型在线缆坐标系中的方 位^[15], $M_{unv \to xyz}$ 为线缆坐标系到装配坐标系的变换 矩阵。



图 3 坐标系示意图 Fig. 3 Coordinate system schematic diagram

1.3 基于几何特征的线缆自干涉算法

与三维线缆模型相比,常规几何特征不会产生 形变,模型外观也不会发生大的改变,而在三维线 缆布线过程中,三维线缆往往会根据实际需要不断 改变线缆位置和外观形状。常规几何特征一般仅 有自身的移动和旋转发生的位置变动,而线缆除了 会有线缆本身的移动和旋转,还存在着柔性物体所 特有的扭曲变形、线缆局部弯曲等多种情况。常规 几何特征一般具有规则的几何外观,而三维线缆外 观不规则,不适合传统的干涉检测算法。三维线缆 在 CREO 平台内不能单独打开编辑修改,常规几 何特征则可以进行任意的编辑修改。

在实际布线过程中,线缆自身干涉并不常见, 本文提出一种线缆自干涉检测方法。为了检测线 缆的自身干涉,首先将线缆自身按照前文所述的线 缆中心线动态离散方法进行表示,为了保证线缆干 涉检测的准确性和可操作性,将离散间距 *l* 设置为 线缆直径即 *l*=2*r*,这样可保证在没有干涉产生的 情况下,所有离散点之间的距离均不小于线缆直径,从而避免了误判干涉发生的情况,然后对线缆 自身的离散点进行遍历。自线缆起点至终点进行 逐一遍历,获取离散点的空间位置信息。计算各个 离散点之间的空间距离,因为相邻离散点之间的距 离初始化设置为检测线缆直径,所以不存在两个相 邻离散点之间的距离小于检测线缆直径的情况。 不同离散点之间的距离为

 $d = \sqrt{(x - x_b)^2 + (y - y_b)^2 + (z - z_b)^2}$ (6) 空间坐标(x_b, y_b, z_b)为相邻离散点的空间位 置坐标,若检测完所有离散点后发现存在 d小于 检测线缆直径的情况,则可以直接确定线缆发生自 干涉,如图 4 所示。



图 4 线缆自干涉第 1 种示意图 Fig. 4 The first schematic diagram of cable self-interference

若均未发现干涉情况(因为可能存在进行判断 的两个离散点的连线不垂直于该离散点所在线缆 切线方向的情况,在此种情况下虽然检测的 *d* 大 于检测线缆直径的情况,但仍有可能发生线缆干涉 (如图 5 所示)。进行下一步检测,提取相邻离散点 之间的中点坐标为

$$\left(\frac{x_m + x_n}{2}, \frac{y_m + y_n}{2}, \frac{z_m + z_n}{2}\right) \tag{7}$$

式中空间坐标(x_m , y_m , z_m)和(x_n , y_n , z_n)分别为除 待判断离散点之外的两个相邻离散点。



$$x_{c} = \frac{x_{m} + x_{n}}{2}, y_{c} = \frac{y_{m} + y_{n}}{2}, z_{c} = \frac{z_{m} + z_{n}}{2}$$
(8)
计算待判断离散点与中点坐标距离

今

$$d = \sqrt{(x - x_c)^2 + (y - y_c)^2 + (z - z_c)^2} \quad (9)$$

依次计算出全部距离, 若 d 小于检测线缆直 径则说明线缆发生自干涉, 否则说明线缆没有发生 自干涉。虽然待检测的离散点与两个相邻离散点 中点之间的连线并不一定垂直于两个相邻离散点 的连线, 但因为离散间距和线缆直径均较小, 故误 差可忽略不计, 如图 6 所示。线缆自干涉算法基本 算法流程如图 7 所示。



图 6 线缆自干涉第 2 种示意图

Fig. 6 The second schematic diagram of cable self-interference



图 7 线缆自干涉算法流程图 Fig. 7 Flow chart of cable self-interference

1.4 基于几何特征的非自身线缆干涉算法

在实际工程布线过程中,线缆之间非常容易发 生干涉,其中最容易出现线缆与线缆之间交叉走线 的情况,特别是在敷设线缆较密集的地方,相互干 涉的线缆往往很难通过肉眼检查出来,只能一根根 排查。对于线缆与线缆之间的干涉检测,可采用的 比较精确的检测方法是对构成线缆的面片体进行 干涉判断,但由于一条完整线缆由许多面片体组 成,且面片体之间干涉检测需要相关面片体的矢量 信息,计算组成线缆面片体的矢量较复杂,所以一 般不采用此类方法^[16]。本文根据三维线缆模型的 几何特征,提出了一种基于三维线缆几何特征的检 测方法。

对线缆进行中心线动态离散表示时,为了控制 线缆干涉检测精度,将离散间距设置为两线缆半径 之和。线缆与线缆干涉检测方法如下。首先对两 根待检测线缆进行线缆中心线动态离散表达,离散 点分别表示为 $p_{1i} = \{p_{11}, p_{12}, p_{13}, \dots, p_{1n}\}(i, n)$ 整数)和 $p_{2j} = \{p_{21}, p_{22}, p_{23}, \dots, p_{2n}\}(j, n)$ 为整数), 提取两根待检测线缆的半径分别为 r_1 和 r_2 ;计算 两根线缆中心线之间的距离,取第1根线缆的第1 个线缆中心线离散点 $p_{11}(x_1, y_1, z_1)$ 作为被检测 点,再取第2 根线缆的第1个线缆中心线离散点 $p_{21}(x_2, y_2, z_2)$ 作为检测点,计算两个离散点之间 的距离。设 p_{11} 和 p_{21} 之间距离为 d_1 ,则

$$d_1 = \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2 + (z_1 - z_2)^2}$$
(10)

下面依次计算 p_{11} 和 p_{22} , p_{23} , p_{24} , ..., p_{2j} 之间 的距离 d_2 , d_3 , d_4 , ..., d_j , 记 $D_1 = \{d_1, d_2, d_3, ..., d_n\}$ (n=j)。同理分别计算 p_{12} 和 p_{21} , p_{22} , p_{23} , ..., p_{2j} , p_{13} 和 p_{21} , p_{22} , p_{23} , ..., p_{2j} 之间的距离, 直至 p_{1i} 和 p_{21} , p_{22} , p_{23} , ..., p_{2j} 之间的距离全部计算完毕, 且分别记为

$$D_{2} = \{d_{1}, d_{2}, d_{3}, \cdots, d_{n}\}$$

$$D_{3} = \{d_{1}, d_{2}, d_{3}, \cdots, d_{n}\}$$

$$\vdots$$

$$D_{i} = \{d_{1}, d_{2}, d_{3}, \cdots, d_{n}\}$$
(11)

求出所有距离中最短距离 *d_i*,取 *d_i* 作为判断依据,如果 *d_i*≥*r*₁+*r*₂,则未发生干涉(见图 8);否则,两根线缆发生干涉(见图 9)。重复此过程直至检测 完所有线缆。图 10 为线缆与线缆干涉判断流程图。



图 8 线缆与线缆未发生干涉示意图 $(d_i > r_1 + r_2)$ Fig. 8 Schematic diagram of no interference between cables $(d_i > r_1 + r_2)$



- 图 9 线缆与线缆发生干涉示意图(d_i < r₁+r₂)
- Fig. 9 Schematic diagram of interference between cables $(d_i < r_1 + r_2)$



图 10 线缆与线缆干涉判断流程图 Fig. 10 Flow chart of interference judgment between cables

2 线缆与刚性结构件干涉检测算法

在三维模型中刚性结构件一般可以采用包围 盒算法进行处理,但无论是典型包围盒算法中的轴 向层次包围盒算法(Aligned axis bounding box, AABB)、方向层次包围盒算法(Oriented bounding box, OBB),还是固定方向凸包算法(Fixed directions hulls, FHD),都存在简单性与紧密性之间的 矛盾^[3]。尤其是在实体结构件造型比较复杂时,包 围盒的紧密性会大大下降,从而影响干涉检测的精 度。本文根据刚性结构件三维模型在计算机中表 达的特性,针对线缆和刚性结构件干涉检测提出了 针对线缆和结构件几何特征的检测算法。

因为电气结构件绝大多数都是由规则的几何 体构成,故在对结构件进行检测时主要以规则结构 件为主,对于结构件中出现的曲面,则采用 CREO/ TOOLKIT 提供的计算空间位置与 CREO 内核中 的曲面距离的函数计算空间位置与曲面之间的最 小距离,若计算出的最小距离小于线缆直径,则线 缆与该结构件发生干涉;否则,线缆与该结构件没 有发生干涉。

三维线缆与结构件干涉检测方法如下。该方 法首先获取结构零件,对结构零件进行几何属性分 析,获取结构件的空间位置数据和实体面数据。如 图 11(a)所示,设模型的面组合 $L = \{M_i | i = 1, 2, \dots, n\}$,获取模型构成面的单位法向量组合 $F = \{N_j = (x, y, z) | j = 1, 2, \dots, n\}$ 。图 11(b)中模型 包含 6 个面,其中 A 面包含一个轮廓和 4 条边:边 E1 为面 A 和面 B 的交线,也是轮廓 C1 和 C2 的公 共部分。



图 11 结构件模型构成面示意图

Fig. 11 Schematic diagram of plane in structure model

其次将线缆中心线以空间坐标点的形式离散 表示

 $P = \{ p_k = (x, y, z) \mid k = 1, 2, \cdots, n \}$ (12)

首先判断线缆中心线离散点是否被包含于结构件中,即计算离散点的空间坐标是否包含于结构 件所占的空间内。如果离散点被包含于结构件内, 则该线缆一定和结构件发生干涉。如果离散点不 被包含于结构件内(见图 12(a)),则任意获取被测 面内一点 B(x_b,y_b,z_b),构建空间向量

$$\boldsymbol{BP}_{k} = (x - x_{b}, y - y_{b}, z - z_{b})$$
(13)

计算离散点与结构件被测面之间的距离

$$\boldsymbol{d} = |\boldsymbol{B}\boldsymbol{P}_k \cdot \boldsymbol{N}_j| \tag{14}$$

如果距离 d 小于线缆半径 r,则线缆和结构件 在该位置处发生部分嵌入,可以判断线缆和结构件 在此处发生干涉(见图 12(b))。







(b) Interference occurring between cable and structure $(d_j < r)$

图 12 线缆与结构件干涉



3 实例验证

算法的验证硬件平台为配备有 Core7 Elite 8380 3.40 GHz 处理器,4 GB 内存的惠普台式主 机。在硬件平台上应用 Visual Studio 2010 编译工 具和 CREO 软件,采用 C++语言和 TOOLKIT 工具^[13]进行三维线缆干涉检测试验。在试验中, 首先在 CREO 软件中导入已完成布线的 CAD 模 型,对 CAD 模型进行干涉检测验证,发生干涉的 线缆和结构件加亮显示。实例验证表明,本文所提 出的线缆干涉检测算法可以很好满足线缆干涉检 测的准确性和快速性要求。图 13 为线缆干涉验证 实例。表 1 为实例验证测试结果,其中复杂程度为 简单的线缆数量为百根以下,复杂程度为复杂的线 缆数量为百根以上,结构件数量为两百以上。







(b) Interference between a large number of cables and structures (white highlight)

图 13 线缆干涉检测实例 Fig. 13 Cable interference detection example

算例	复杂 程度	线缆与线缆 计算时间/s	线缆与结构 件计算时间/s	准确 率/%
(a)	简单	0.008		100
(b)	简单	0.008		100
(c)	简单	0.010	0.238	100
(d)	简单	0.082	0.682	100
(e)	复杂	0.120	6.117	100
(f)	复杂	0.141	9.579	100
(g)	复杂	1.266	10.232	100
(h)	复杂	6.321	12.423	100

表1 测试结果 Tab 1 Test results

通过实例验证可以得知,在线缆和结构件模型 均简单的情况下,计算时间很短,运行速度较快,如 表1中算例(a~d)所示。在线缆和结构件较复杂 的情况下,因要处理大量的运算和模型分析,计算 时间变长。在结构件模型组成相似的情况下,线缆 数量的差异对线缆与线缆之间的干涉检查所花费 的时间影响不大,如表1中算例(e~h)所示。在进 行线缆与结构件干涉检测时,结构件组成较复杂 时,干涉检测时间明显增加,如表1中算例(e~h) 所示。线缆与结构件干涉检测所花费时间的增加 主要是由于结构件较多时,系统需要花费大量时间 进行模型的分析处理。在实际应用时,干涉检测所 花费时间可以满足工程实际的需要。

4 结束语

本文针对三维线缆干涉检测算法,分别对线缆 自干涉,线缆与线缆干涉,线缆与刚性结构件干涉 提出了不同的解决方法。利用线缆在计算机中表 达的几何特征,对线缆进行中心线动态离散表示, 根据结构件实体在计算机中的表示特性,提取实体 的几何特征信息进行分析判断,实现三维线缆的全 局干涉检测,解决了虚拟布线过程中线缆全局干涉 检测的问题。实验表明,算法准确率高,适合于线 缆虚拟布线中的线缆干涉检测。

参考文献:

 [1] 谢世富,马立元,刘鹏远,等.虚拟环境下运动线缆碰 撞检测算法研究与实现[J].系统仿真学报,2013,25
 (8):1865-1870.

Xie Shifu, Ma Liyuan, Liu Pengyuan, et al. Research and realization of collision detection algorithm for dynamic cable in virtual environment[J]. Journal of System Simulation, 2013,25(8):1865-1870.

[2] 刘检华,赵涛,王春生,等.虚拟环境下的活动线缆物 理特性建模与运动仿真技术[J].机械工程学报, 2011,47(9):117-124.

Liu Jianhua, Zhao Tao, Wang Chunsheng, et al. Motional cable harness physical characteristic oriented modeling and kinetic simulation technology in virtual environment[J]. Journal of Mechanical Engineering, 2011,47(9):117-124.

- [3] 马登武,叶文,李瑛. 基于包围盒的碰撞检测算法综述[J]. 系统仿真学报,2006,18(4):1058-1061.
 Ma Dengwu, Ye Wen, Li Ying. Survey of box-based algorithms for collision detection[J]. Journal of System Simulation, 2006,18(4):1058-1061.
- [4] 邹益胜,丁国富,周晓莉,等. 一种基于图像空间的碰 撞检测算法[J]. 系统仿真学报,2011,23(5):944-949.

Zou Yisheng, Ding Guofu, Zhou Xiaoli, et al. Colli-

sion detection algorithm based on image space[J]. Journal of System Simulation, 2011,23(5):944-949.

- [5] Bertails F, Audoly B, Cani M P, et al. Super-Helices for predicting the dynamics of natural hair[J].
 ACM Transactions on Graphics, 2006,25(3):1180-1187.
- [6] Ritchie J M, Robinson G, Day P N, et al. Cable harness design, assembly and installation planning using immersive virtual reality[J]. Virtual Reality, 2007, 11(4):261-273.
- [7] 李蕴奇.基于可变形物体的碰撞检测算法[J].吉林大 学学报(信息科学版), 2012,30(3):321-326.
 Li Yunqi. Collision detection algorithm for deformable objects[J]. Journal of Jilin University (Information Science Edition),2012,30(3):321-326.
- [8] Hergenrother E, Dahne P. Real-time virtual cablesbased on kinematic simulation[C] // Conference Proceedings of the WSCG. Plzen: Czech Republic University West Bohemia, 2000;402-409.
- [9] 黄劲,沈钟伟,王青,等. 基于优化的大步长准静态线 缆模拟[J]. 计算机辅助设计与图形学学报,2011,23 (1):1-10.

Huang Jin, Shen Zhongwei, Wang Qing, et al. Optimization based large step quasi-static rod simulation [J]. Journal of Computer Aided Design & Computer Graphics, 2011, 23(1):1-10.

- [10] Shang W, Liu J H, Ning R X, et al. A computational framework for cable layout design in complex products[J]. Physics Procedia, 2012,33:1879-1885.
- [11] Zhuo Li, Zhi Jiang Shao, Ji Ding, et al. Extension of

the "equivalent cable bundle method" for modeling crosstalk of complex cable bundles[J]. IEEE Transactions on Electromagnetic Compatibility, 2011, 53 (53):1040-1049.

- [12] Sawata K, Konyo M, Saga S, et al. Sliding motion control of active flexible cable using simple shape information[C] // Proceedings of the 2009 IEEE International Conference on Robotics and Automation. [S. l.]: IEEE, 2009:4128-4134.
- [13] Parametric Technology Corporation. CREO parametric TOOLKIT 2. 0 user's guide [M]. USA: PTC, 2010.
- [14] 李庆华,李湖珍. 虚拟装配中基于相对于位置的碰撞 干涉检测[J]. 计算机应用,2006,26(1):103-105.
 Li Qinghua, Li Huzhen. Collision interference detection based on relative position in virtual assembly[J].
 Computer Applications,2006,26(1):103-105.
- [15] 伏玉琛,周洞汝. 计算机图形学——原理、方法与应用
 [M]. 武汉:华中科技大学出版社,2003:114-206.
 Fu Yuchen,Zhou Dongru. Computer graphics—Principles, methods and applications[M]. Wuhan: Huazhong University of Science and Technology Press, 2003:114-206.
- [16] 刘检华,姚珺,宁汝新. 基于虚拟装配的碰撞检测算 法研究与实现[J]. 系统仿真学报,2004,16(8): 1775-1778.

Liu Jianhua, Yao Jun, Ning Ruxin. Research and realization of collision detection algorithm in virtual assembly environment[J]. Journal of System Simulation, 2004,16(8): 1775-1778.