DOI:10.16356/j.1005-2615.2017.05.018

# 采用 ABC 算法的关节机器人动力学参数辨识

陈柏管亚宇吴洪涛谢本华丁亚东 (南京航空航天大学机电学院,南京,210016)

摘要:实验辨识机器人动力学参数是获取基于模型的控制器参数的主要方式。针对一般方法仅能辨识线性动力 学模型从而辨识精度不高的问题,提出采用人工蜂群(Artificial bee colony, ABC)算法辨识机器人动力学模型。 通过 Newton-Euler 法建立关节型机器人的刚体动力学模型,并用低速动态特性更佳的非线性摩擦模型描述关 节间摩擦特性,代替传统的库仑-黏性摩擦模型。优化辨识实验所用的激励轨迹,采集实验数据进行必要的预处 理后,采用 ABC 算法辨识机器人动力学参数。结果表明,ABC 算法能够精确辨识动力学参数,基于辨识结果的 预测力矩抑制了误差峰值的出现。应用辨识结果设计基于模型的前馈控制器,实验结果表明基于模型的控制器 能够提高轨迹跟踪精度。

关键词:参数辨识;基于模型的前馈控制;人工蜂群算法;非线性摩擦模型
 中图分类号:TP242
 文献标志码:A
 文章编号:1005-2615(2017)05-0736-08

## Joint Robot Dynamics Model Identification Based on Artificial Bee Colony Algorithm

CHEN Bai, GUAN Yayu, WU Hongtao, XIE Benhua, DING Yadong

(College of Mechanical and Electrical Engineering, Nanjing University of Aeronautics & Astronautics, Nanjing, 210016, China)

**Abstract**: Dynamics parameter identification of robots via experiment is the main way to obtain parameters of model-based motion controllers. Traditional identification methods can only identify linear dynamics models, therefor their identification accuracies are limited. In order to solve this problem, parameter identification using artificial-bee-colony(ABC) algorithm is proposed. The dynamics model of an industrial robot is established using Newton-Euler method. A non-linear friction model which performs better in low speed dynamic characteristic is used to describe joint friction. Then excitation trajectory is optimized. After necessary pre-process of experimental data is done, dynamics parameters of the robot are obtained using ABC algorithm. As the result, dynamics parameters can be effectively obtained using ABC algorithm. Error peaks on predictive torque curves are also restrained by compensating the model. On this basis, the model-based feed forward controller is designed. The tracing accuracy is remarkably improved with the help of feed forward controller.

Key words: parameter identification; model-based feed forward controller; artificial bee colony algorithm; nonlinear friction model

基金项目:国家自然科学基金(51575256)资助项目。

收稿日期:2017-07-01;修订日期:2017-08-15

作者简介:陈柏,男,教授,博士生导师,中国机械工程学会高级会员,江苏省"333高层次人才培养工程"中青年科学技术带头人。研究方向:微机电系统技术、仿生机器人技术等。主持国家自然科学基金项目2项、江苏省科技计划3项。 通信作者:陈柏, E-mail:chenbye@126.com。

**引用格式**:陈柏,管亚宇,吴洪涛,等.采用 ABC 算法的关节机器人动力学参数辨识[J]. 南京航空航天大学学报,2017, 49(5):736-743. CHEN Bai, GUAN Yayu, WU Hongtao, et al. Joint robot dynamics model identification based on artificial bee colony algorithm[J]. Journal of Nanjing University of Aeronautics & Astronautics,2017,49(5):736-743.

工业机器人在生产生活的各个领域有着越来 越广泛的应用,日益提高的精度需求对机器人运动 控制器的控制性能提出了更高的要求。采用传统 的 PID 控制器控制机器人运动时,为保证较高的 轨迹跟踪精度,通常采用较大的 PID 参数值,但这 也放大了噪声与干扰信号,导致控制器控制性能退 化、系统抗干扰能力下降、出现驱动器超载与振动 等系统失稳现象。为改善机器人运动控制性能,一 般考虑在运动控制中应用基于动力学模型的控制 器。而基于模型的控制器需要以机器人动力学参 数作为先验值,而获取参数最常见的方法即实验辨 识。目前动力学参数辨识的难点主要在于:(1)预 测精度不足,由于辨识算法对模型的限制,辨识方 法所采用的模型精度不足,基于该模型的预测力矩 精度也因之受到限制;(2)预测力矩波动,这是由于 动力学模型在某些节点出现预测值的较大范围不 连续跳动引起的;(3)误差峰值,由于传统摩擦模型 对特殊运动状态下动力学特性的描述不精确,导致 在这些运动状态附近与实际所需力矩值相比产生 较大的偏差。

国内外学者提出了各种有效的辨识机器人参 数的方法。Gautier 等提出了串联机器人最小惯性 参数集的推导方法<sup>[1]</sup>。Swevers 等提出了采用基 于有限项傅里叶级数的激励轨迹进行辨识实验[2], 以解析地获得各个关节的关节速度与关节加速度, 这样做可以有效提高关节速度、加速度的计算精 度。Park 采用最小二乘法进行辨识<sup>[3]</sup>,但是该方 法只能辨识线性模型,所用的库仑-黏性摩擦模型 对摩擦特性描述不精确,因而辨识精度不高。 Grotjahn 等提出了一种顺序辨识的方案<sup>[4]</sup>,该方 法中待辨识参数需要以已辨识参数作为先验值,因 此存在较大累积误差。上述方法均基于线性动力 学模型展开研究,对关节间摩擦因素一般近似处理 为库仑-黏性摩擦模型。该模型对关节间低速动态 摩擦特性描述较差,是辨识精度不足与预测力矩误 差峰值产生的主要原因。为改善上述问题,应考虑 采用低速动态特性较好的非线性摩擦模型描述关 节间摩擦。经典的 Stribeck、Dahl、LuGre 模型在 描述机器人关节间摩擦时效果并不理想<sup>[5-6]</sup>。Deami等提出了一种针对关节机器人的基于实验数据 拟合的摩擦模型[7-8],该摩擦模型对关节型机器人 在低速情况下的复杂摩擦特性进行了拟合,因而能 够更好地反映机器人实际的摩擦特性。

以力矩的预测精度为目标函数,动力学参数辨 识问题就转换为典型的多维非线性函数优化问题。 文献[9]中提出了最大似然估计法优化未知参数 集,该算法容易使优化参数陷入局部最优。人工蜂 群(Artificial bee colony,ABC)算法在处理多维非 线性函数优化问题上具有显著优势<sup>[10-11]</sup>,收敛速度 快,搜索能力强,不容易陷入局部最优。Ding 等<sup>[12]</sup>利用 ABC 算法成功辨识出空中机器人的动 力学模型,并证明了该算法比遗传算法辨识精度 高。针对水下机器人动力学参数辨识,高明松 等<sup>[13]</sup>通过 ABC 算法优化出模型中 9 个未知参数。 为此,本文采用 ABC 算法辨识 6-DOF 工业机器人 的动力学参数。

在机器人控制器设计方面,杨钢等在机器人系 统中应用了模糊 PID 控制器<sup>[14-18]</sup>,改善了系统的 动态性能。苏玉鑫等提出了非线性 PID 控制等控 制算法<sup>[19,21]</sup>,提高了系统反应速度。但上述控制 算法得出计算力矩无法反映机器人运动所需要的 实际力矩值。对此,文献[22,23]中提出了基于动 力学模型的前馈控制器,在动力学模型精确已知的 前提下,前馈控制器能够有效提升机器人轨迹跟踪 精度,且实现难度较小。文献[24,25]中提出了计 算力矩控制算法,这一方案需要精确、完整的各项 动力学参数作为先验值,而实际应用中这些参数很 难获得,因此计算力矩控制方案并不实用。文献 [26~28]中提出了基于在线辨识的结果自适应控 制算法,但在实时性要求较高的工业机器人领域并 不实用。

本文首先建立机器人的刚体动力学可辨识模型,并用描述关节型机器人关节间摩擦特性效果更 好的 Deami-Heimann 模型描述关节摩擦,替代了 传统库仑-黏性摩擦模型,得到完整的机器人动力 学模型。设计了辨识实验与激励轨迹,并利用 ABC 算法、基于实验数据辨识机器人动力学参数。 与传统最小二乘法(Least square,LS)得出的辨识 结果进行对比,分别计算总残差均方根并比较,以 验证本文所述方法的先进性。最后,设计基于模型 的前馈控制器,通过比较传统 PID 控制器与前馈 控制器的控制性能,实验验证控制器的优越性。

## 1 关节型机器人动力学建模

对 n 自由度关节型机器人,已知关节运动,采 用 Newton-Euler 法计算驱动器力矩,得到机器人 刚体动力学方程

 $au_r = M(q)\ddot{q} + C(q,\dot{q}) + G(q)$  (1) 式中: $au_r \in R^n, q \in R^n, \dot{q} \in R^n, \ddot{q} \in R^n$ 分别为仅考 虑刚体动力学时的关节力矩向量、关节转角向量、 关节角速度向量及关节角加速度向量;  $M(q) \in R^{n\times n}$ 为质量矩阵;  $C(q,\dot{q}) \in R^n$  为科氏力与离心力 项;  $G(q) \in R^n$  为重力项。

将刚体动力学方程线性化并消去系数矩阵中

的线性相关项,得出一组最小惯性参数集,进而得 到可辨识模型

$$\boldsymbol{\tau}_{\rm rgd} = \boldsymbol{\Phi}_r \left( \boldsymbol{q}, \dot{\boldsymbol{q}}, \ddot{\boldsymbol{q}} \right) \boldsymbol{\theta}^r \tag{2}$$

式中: $\theta' \in \mathbf{R}^m$ 为最小惯性参数集,其中 m为最小惯性参数集参数个数; $\Phi_r \in \mathbf{R}^{n \times m}$ 为对应的系数矩阵。

为使动力学模型能够正确反映关节型机器人 驱动器力矩与关节运动的关系,需要对关节间摩擦 进行补偿。采用文献[7,8]提出的 Deami-Heimann模型,这一模型具有如下形式

 $\boldsymbol{\tau}_{f} = \boldsymbol{f}_{0} + \boldsymbol{f}_{1}\operatorname{sign}(\dot{\boldsymbol{q}}) + \boldsymbol{f}_{2}\dot{\boldsymbol{q}} + \boldsymbol{f}_{3}\operatorname{arctan}(\boldsymbol{f}_{4}\dot{\boldsymbol{q}})$ (3)

式中: $\tau_f \in \mathbb{R}^n$ 为摩擦力矩向量; $f_0 \in \mathbb{R}^n$ 为摩擦力 矩零移; $f_1 \in \mathbb{R}^n$ 为库仑摩擦系数; $f_2 \in \mathbb{R}^n$ 为黏性 摩擦系数;等式右边第四项是 Deami 等提出的基 于实验数据的补偿项,其中 $f_3 \in \mathbb{R}^n$ 和 $f_4 \in \mathbb{R}^n$ 为 基于实验数据拟合而得出的经验系数, $q \in \mathbb{R}^n$ 为 角速度向量,该模型是未知参数的非线性函数。本 文将采用该模型描述机器人关节间摩擦。由式(2, 3)可知,机器人刚体动力学力矩与机器人关节摩擦 力矩都是关节位置、关节速度、关节加速度与可辨 识参数的函数。因此,在刚体动力学方程基础上添 加摩擦力矩向量,得到如动力学方程

 $\begin{aligned} \boldsymbol{\tau}_{dyn} &= \boldsymbol{\tau}_r + \boldsymbol{\tau}_f = \boldsymbol{\Phi}_r(\boldsymbol{q}, \dot{\boldsymbol{q}}, \ddot{\boldsymbol{q}}) \boldsymbol{\theta}^r + \boldsymbol{f}_0 + \\ \boldsymbol{f}_1 \operatorname{sign}(\dot{\boldsymbol{q}}) + \boldsymbol{f}_2 \dot{\boldsymbol{q}} + \boldsymbol{f}_3 \operatorname{arctan}(\boldsymbol{f}_4 \dot{\boldsymbol{q}}) = \\ \boldsymbol{F}(\boldsymbol{q}, \dot{\boldsymbol{q}}), \ddot{\boldsymbol{q}}, \boldsymbol{\theta}^{dyn}) \end{aligned}$ (4)

式中:  $\tau_{dyn} \in \mathbf{R}^n$  为考虑关节间摩擦时的关节力矩 向量;  $\theta^{dyn} \in \mathbf{R}^{m+5n}$  为待辨识参数集;  $F(q, \dot{q}, \ddot{q}, \theta^{dyn}) \in \mathbf{R}^n$ ,其中每个分量都是关节力矩 以动力学参数、关节运动为自变量的非线性函数, 由刚体动力学力矩分量与关节摩擦力矩分量通过 简单叠加得到。要使方程有唯一最优解,应当令未 知量的个数小于方程个数。因此,在 N 个时间节 点采集 N 组关节转角、关节速度、关节加速度及关 节力矩信号(nN > m + 5n),均为( $n \times 1$ )的列向 量。组合这 N 组信号形成如下非线性可辨识方程

$$\boldsymbol{\tau}_{N} = \begin{bmatrix} \tau_{t_{1}} \\ \tau_{t_{2}} \\ \vdots \\ \tau_{t_{N}} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{F}(\boldsymbol{q}_{t_{1}}, \dot{\boldsymbol{q}}_{t_{1}}, \boldsymbol{\theta}^{\text{dyn}}) \\ \boldsymbol{F}(\boldsymbol{q}_{t_{2}}, \dot{\boldsymbol{q}})_{t_{2}}, \ddot{\boldsymbol{q}}_{t_{2}}, \boldsymbol{\theta}^{\text{dyn}}) \\ \vdots \\ \boldsymbol{F}(\boldsymbol{q}_{t_{N}}, \dot{\boldsymbol{q}})_{t_{N}}, \ddot{\boldsymbol{q}}_{t_{N}}, \boldsymbol{\theta}^{\text{dyn}}) \end{bmatrix} = \boldsymbol{F}_{N}(\boldsymbol{q}, \dot{\boldsymbol{q}}, \dot{\boldsymbol{q}}, \boldsymbol{\theta}, \boldsymbol{\theta}^{\text{dyn}})$$
(5)

式中: $\boldsymbol{\tau}_{t_1}, \boldsymbol{\tau}_{t_2}, \dots, \boldsymbol{\tau}_{t_N} \in \boldsymbol{R}^n$ 为各时间节点由伺服电 机电流间接得出的关节力矩; $\boldsymbol{\tau}_N \in \boldsymbol{R}^{Nn \times 1}$ 为 N 个 时 间 点 关 节 力 矩 向 量 的 组 合;  $\boldsymbol{F}(\boldsymbol{q}_{t_i}, \dot{\boldsymbol{q}}_{t_i}, \ddot{\boldsymbol{q}}_{t_i}, \boldsymbol{\theta}^{dyn}) \in \boldsymbol{R}^n, i=1,2,\dots,N$ 为 $t_i$ 时刻关 节力矩以动力学参数、关节运动为因变量的非线性 函数,由式(4)获得;  $q, \dot{q}, \ddot{q} \in \mathbb{R}^n$  分别为关节转角、 速度、加速度向量;  $\theta^{dyn} \in \mathbb{R}^{m+5n}$  为动力学参数向 量,通过求解式(5)就可以得到  $\theta^{dyn}$  的辨识值。

## 2 辨识实验

#### 2.1 实验设计

如图 1 所示是动力学参数辨识实验所用的某型号 6 自由度关节型机器人。本文仅辨识该关节型机器人前三关节的动力学参数。基于文献[29]的结论,在辨识前三关节的动力学参数时可以忽略后三关节的影响,如此辨识更具针对性。实验使用基频为 0.04 Hz 的形如式(6)所示的五项傅里叶级数的激励轨迹,如图 2 所示。图 1,2 令机器人连续跟踪 20 个周期的激励轨迹,分别利用伺服电机编码器和电机电流间接获取关节角位移与力矩信息

$$\boldsymbol{q}_{i}(t) = \boldsymbol{q}_{i,0} + \sum_{k=1}^{5} \left( \boldsymbol{a}_{i,k} \sin(k\boldsymbol{\omega}_{f} t) + \boldsymbol{b}_{i,k} \cos(k\boldsymbol{\omega}_{f} t) \right)$$
$$i = 1, 2, 3 \tag{6}$$

式中: $q_i(t) \in \mathbf{R}^n$  为关节 *i* 在关节空间中的轨迹关 于时间 *t* 的函数; $q_{i,0} \in \mathbf{R}^n$  为各关节在关节空间中 t = 0 时刻的位置; $a_{i,k} \in \mathbf{R}^n$  和 $b_{i,k} \in \mathbf{R}^n$  为关节 *i* 的 *k* 阶傅里叶级数因子; $\omega_f = 0.04$  为离散傅里叶级数 的基频。



图 1 参数辨识实验平台 Fig. 1 Experiment platform of parameter identification



Fig. 2 Excitation trajectories of first three joints

#### 2.2 数据预处理

N

为降低噪声信号对辨识精度的影响,需要对测 量信号作预处理。对采集得到的 20 个周期的信号 进行平均化滤波处理,得到关节角位移与关节力矩 在一个周期内的采样平均值<sup>[30]</sup>。为进一步降低测 量噪声的影响,将关节角位移信号重新拟合为有限 项傅里叶级数,并采用式(7,8)解析地计算关节速 度与关节加速度

$$\dot{\boldsymbol{q}}_{i}(t) = \sum_{k=1}^{\infty} \left( \boldsymbol{a}_{i,k} k \boldsymbol{\omega}_{f} \cos(k \boldsymbol{\omega}_{f} t) - \boldsymbol{b}_{i,k} k \boldsymbol{\omega}_{f} \sin(k \boldsymbol{\omega}_{f} t) \right)$$

$$i = 1, 2, \cdots, n \qquad (7)$$

$$\ddot{\boldsymbol{q}}_{i}(t) =$$

$$-\sum_{k=1}^{N} (\boldsymbol{a}_{i,k}k^{2}\omega_{f}^{2}\sin(k\omega_{f}t) + \boldsymbol{b}_{i,k}k^{2}\omega_{f}^{2}\cos(k\omega_{f}t))$$
  
$$i = 1, 2, \dots, n$$
(8)

式中: $\dot{q}_i(t) \in \mathbf{R}^n$  和 $\ddot{q}_i(t) \in \mathbf{R}^n$  为关节i 在关节空间中的速度、加速度关于时间t的函数。关节力矩来源于电机电流,其测量噪声较大,简单的平均化滤波过滤高频分量的效果较差,而低通滤波又将引入相位失真。为此,本文采用五点三次平滑法处理关节力矩信号。取平滑次数为100,对关节力矩采样信号进行平滑,三个关节的力矩数据处理前后对比结果分别如图 3~5 所示。

由图 3~5 可以看出,处理后信号相当完整地 保留了处理前信号的特征信息,信号平滑,且未出 现相位失真现象。预处理对信号中高频分量的抑 制效果显著。









图 5 第三关节力矩预处理结果 Fig. 5 The third joint torque preprocessing results

#### 2.3 ABC 算法

ABC 算法是对蜂群觅食行为的模拟,将机器 人待辨识的动力学参数作为食物源,根据优胜劣汰 原则,通过采集输入的激励轨迹与输出的关节力 矩、角位移等数据作为实验样本,进行优化计算得 到最优参数。算法的具体流程如图 6 所示<sup>[11]</sup>。

图 6 中,NP 表示蜂群中引领蜂与跟随蜂的总 数,limit 为侦察蜂搜索的阈值,G 为算法执行的最 大循环次数。这些参数的取值具有一定的经验性, 需要基于特定对象进行调整。具体算法执行流程 参考文献[9,10]。简而言之,辨识以预测力矩与测 量力矩的总残差均方根为目标函数,经种群初始化 获得初始种群并进行迭代,每次迭代都进行引领蜂 搜索、跟随蜂搜索,如有必要,还要进行侦查蜂搜 索,每次迭代都记录本次迭代中适应度值。迭代结 束时,当前迭代循环中的最优个体就是算法的全局 最优解。

#### 2.4 实验结果与分析

在 Matlab 环境下,采用 ABC 算法辨识该工业





图 6 ABC 算法执行流程 Fig. 6 ABC algorithm implementation process

机器人的动力学参数。令 NP = 20, limit = 15, G=200,以预测力矩与测量力矩的总残差均方根 为目标函数,经过约 60 次迭代,算法逐步向全局最 优收敛,总残差均方根最终收敛于全局最优值 28.112 9 N•m。算法主要指标如表 1 所示,总残 差均方根迭代曲线如图 7 所示。

表 1 人工蜂群算法辨识主要指标 Tab. 1 Main parameters of ABC identification

收敛迭代次数	总残差均方根/ (N・m)	最优适应度值
≈60	28.112 9	0.034 3

由图 7 可以看出,采用人工蜂群算法辨识基于 Deami-Heimann 摩擦模型的关节型机器人动力学 参数时,算法能够以较快的速度定位全局最优所在 的区间,且不易陷入局部最优。





为了验证基于本文提出的算法计算得出的动 力学参数能够更加有效地描述机器人动力学特性, 采用传统最小二乘法结合库仑-黏性摩擦模型,利 用相同的测量数据辨识动力学参数,其力矩预测总 残差均方根为 31.248 0 N · m。而基于本文提出 的辨 识算 法,力矩 预测 总参差 均方 根降低至 28.112 9 N · m。可见,基于本文所述方法,力矩 预测精度提高了约 10.03%。因此,本文所述方法 相比传统最小二乘法,其辨识精度得到了提升。

为了更形象地展示该辨识摩擦模型的优越性, 将两种方法得到的力矩预测结果绘制在同一张图 中。以关节2为例,两种摩擦模型的力矩预测对比 如图8所示。观察局部放大图,可以发现基于本文 所述方法得出的预测力矩相比传统最小二乘法,其 拟合程度较高,且关节预测力矩不存在跳变等现 象。这同时也是基于库仑-黏性摩擦模型进行动力 学参数辨识的一大缺陷。当关节速度的符号发生 变化时,基于简单的库仑-黏性摩擦模型和最小二 乘法得出的预测力矩将发生跳变,这对控制器的控 制性能有较大损害。由图8可知,使用基于 Deami-Heimann 摩擦模型和人工蜂群算法辨识得出 的关节型机器人动力学模型进行力矩预测时,力矩



图 8 关节 2 两种摩擦模型力矩预测对比 Fig. 8 Predictive torque of two dynamics models

预测误差较小,能够更好地拟合测量数据。并且, 相比库仑-黏性摩擦模型,基于 Deami-Heimann 模 型的参数辨识还有效地抑制了误差峰值。

## 3 基于模型的前馈控制

参数辨识的目的是为基于模型的控制器提供 参数。动力学前馈控制器在关节机器人控制中已 有广泛应用,图9所示是前馈控制器的控制策略。



图 9 前馈控制器控制策略 Fig. 9 Control strategy of feedforward controller

该方案就是在原有的 PID 环节之前增加了一 个力矩前馈环节,根据辨识得出的动力学模型与期 望轨迹,可以计算得出各机器周期驱动器的输出力 矩预测值,并存储于控制器 ROM 中。在机器人开 始运动后,每个机器周期驱动器输出当前力矩预测 值,与误差信号一起构成控制信号。如果期望轨迹 是先验已知的(这在实际生产活动中是很常见的), 那么力矩预测值将可以离线计算并存储在控制器 的存储器中,而不需要实时计算。本文利用辨识得 到的动力学参数设计了基于模型的控制器,并应用 于机器人的位置控制,通过实验验证基于辨识结果 设计的前馈控制器能够有效改善机器人的动力学 特性与轨迹跟踪精度。

首先,为3个关节各指定一个周期的激励轨 迹,这一个周期的激励轨迹应当在各个关节的关节 空间范围内,且关节速度、加速度存在跳变,以验证 控制器的性能;使用传统的 PID 控制器(PID 参数 在使得驱动器不出现超载现象的前提下经过了优 化),令机器人跟踪如图 10 所示的激励轨迹,同时 从伺服电机编码器获得各关节的实际位置。持续 跟踪 50 个周期,对得到的实际位置取平均值,结合 图 10 所示的期望位置,得到跟踪误差如图 11 所 示;同样地,基于辨识实验得出的机器人动力学参 数与期望轨迹计算得出机器人跟踪既定期望轨迹 的预测力矩,使用图 9 所示的控制器,令研究对象 跟踪图 10 所示的期望轨迹,同时从伺服电机编码 器获得各关节的实际位置,结合图 10 所示的期望 位置,得到跟踪误差如图 12 所示;最后将采用传统 PID 控制器得出的跟踪误差曲线与使用了前馈控







图 11 未添加力矩前馈时的跟踪误差

Fig. 11 Torque tracking error with non-feedforward controller





制器时的跟踪误差曲线进行了对比。

对比图 11 及图 12 可以看出,相比未添加力矩 前馈时的情形,添加了力矩前馈环节的运动控制其 跟踪精度得到了显著提升。以关节 1 为例,未添加 力矩前馈时其最大跟踪误差绝对值约为 0.05 rad, 而添加了力矩前馈环节后的最大跟踪误差绝对值 减小到约 0.01 rad。这证明了:(1)基于机器人动 力学模型的前馈控制器能够有效改善机器人轨迹 跟踪精度;(2)本文提出的动力学参数辨识算法是 有效的,基于辨识结果的模型正确地反映了各关节 执行期望轨迹时所需的力矩,基于辨识结果的前馈 控制器改善了机器人动力学特性与轨迹跟踪精度。

## 4 结束语

传统关节机器人辨识通常基于线性摩擦模型, 本文采用精度更高、低速动态性能更好的摩擦模型 描述关节摩擦,建立动力学模型,并辨识相关参数。 辨识过程中,采用有限项傅里叶级数轨迹作为激励 轨迹,通过将关节位置输出信号重新拟合为傅里叶 级数,有效降低了测量噪声对关节位置数据的影 响。提出采用五点三次滤波处理关节力矩信号,噪 声抑制效果好。由于最小二乘法只能辨识线性模 型,因此为辨识非线性模型中的动力学参数,本文 提出采用人工蜂群算法辨识关节型机器人的动力 学参数集,并为之设计了实验与激励轨迹。基于实 验结果计算得出的预测力矩较之以往的经典模型, 其精度得到了提高,误差峰值得以有效抑制,这将 显著改善机器人在关节换向附近的动力学特性,特 别是抑制大振幅振动现象。基于辨识结果设计基 于模型的前馈控制器,并进行运动控制实验,实验 结果表明基于模型的控制器相比传统的 PID 控制 显著提高了轨迹跟踪精度,避免了驱动器过载等现 象,同时关节换向附近的大振幅振动得到了有效 抑制。

#### 参考文献:

- [1] GAUTIER M, KHALIL W. Identification of the minimum inertial parameters of robots [C]// Proceedings of the IEEE International Conference on Robotics and Automation. Scottsdale: IEEE, 1989: 1529-1534.
- [2] SWEVERS J, GANSEMAN C, SCHUTTER J D, et al. Experimental robot identification using optimized periodic trajectories[J]. Mechanical Systems and Signal Processing, 1996, 10(5): 561-577.
- [3] PARK K J. Fourier-based optimal excitation trajectories for the dynamic identification of robots[J]. Robotica,2006,24(5):625-633.
- GROTJAHN M, DAEMI M, HEIMANN B. Friction and rigid body identification of robot dynamics
   [J]. International Journal of Solids and Structures, 2001, 38(10/11/12/13): 1889-1902.
- [5] BLIMAN P A. Mathematical study of the Dahl's friction model [J]. European Journal of Mechanics—A/Solids, 1992, 11(6): 835-848.
- [6] DEWIT C C, OLSSON H, ASTROM K J, et al. A new model for control of systems with friction[J]. IEEE Transactions on Automatic Control, 1995, 40

(3): 419-425.

- [7] DEAMI M, HEIMANN B. Identification and compensation of gear friction for modeling of robots[M]. Vienna: Springer, 1997.
- [8] DEAMI M, HEIMANN B. Separation of friction and rigid body identification for an industrial robot[C]// Proceeding of the 12th CISM-IFToMM Symposium on the Theory and Practice of Robots and Manipulators. Paris, France:[s. n.], 1998: 35-42.
- [9] KARABOGA D. An idea based on honey bee swarm for numerical optimization [R]. Technical Report-TR06. [S. l.]: Erciyes University, Engineering Faculty, 2005.
- [10] KARABOGA D, BASTURK B. On the performance of artificial bee colony (ABC) algorithm [J]. Applied Soft Computing, 2008,8(1):687-697.
- [11] SWEVERS J, GANSEMAN C, TUKEL D B, et al. Optimal robot excitation and identification[J]. IEEE Transactions on Robotics and Automation, 1997, 13 (5): 730-740.
- [12] DING L, WU H, YAO Y. Chaotic artificial bee colony algorithm for system identification of a smallscale unmanned helicopter[J]. International Journal of Aerospace Engineering, 2015(1956):1-11.
- [13] 高明松,李素明,周卫东.应用人工蜂群算法辨识潜 器参数[J].哈尔滨工业大学学报,2013(8):1023-1027.

GAO Mingsong, LI Suming, ZHOU Weidong. Identification on hydrodynamic coefficients of underwater vehicle with the ABC algorithm[J]. Journal of Harbin Engineering University, 2013(8):1023-1027.

- [14] 杨钢,刘迎雨,杜经民,等. 基于模糊 PID 控制器的电液负载模拟系统[J]. 华中科技大学学报:自然科学版,2012,40(4):59-62.
  YANG Gang, LIU Yingyu, DU Jingmin, et al. Electro-hydraulic load systems based on fuzzy PID controller[J]. Journal of Huazhong University of Science and Technology: Nature Science, 2012,40(4):59-62.
- [15] 姜杉, 冯文浩, 杨志永, 等. 基于模糊 PID 调节的核磁 兼容机器人气动控制技术[J]. 机器人, 2012, 34(5): 531-538.

JIANG Shan, FENG Wenhao, YANG Zhiyong, et al. Pneumatic control technology based on fuzzy PID for MRI compatible robots[J]. Robot, 2012,34(5): 531-538.

[16] 叶建雄,张华. 机器人焊缝跟踪的 FUZZY-PID 控制
[J]. 焊接学报,2005,26(11): 97-101.
YE Jianxiong, ZHANG Hua. Application of FUZZY-PID control on seam tracking for welding-robot
[J]. Transactions of the China Welding Institution, 2005,26(11): 97-101.

[17] 孙立宁,崔晶,曲东升,等. 高速高精度平面并联机器 人模糊自调整 PID 控制方法的研究[J]. 机器人,2003 (6):512-515.
SUN Lining, CUI Jing, QU Dongsheng, et al. Fuzzy self-tuning pid control of a planar high speed/high precision parallel robot[J]. Robot,2003,25(6):512-515.

[18] 糜玉林.高精度甚低速系统的模糊控制[J].机器人, 2001,23(S1):619-622.

MI Yulin. Fuzzy control for high-precision and extremely-low-speed system[J]. Robot, 2001, 23(S1): 619-622.

- [19] SU Y X, SUN D, DUAN B Y. Design of an enhanced nonlinear PID controller [J]. Mechatronics, 2005,15(8): 1005-1024.
- [20] SUN D, HU S Y, SHAO X Y, et al. Global stability of a saturated nonlinear PID controller for robot manipulators[J]. IEEE Transactions on Control Systems Technology, 2009, 17(4): 892-899.
- [21] 苏玉鑫,段宝岩,张永芳,等.并联机器人的非线性 PID 控制[J].控制与决策,2003,18(4):490-493.
  SU Yuxin, DUAN Baoyan, ZHANG Yongfang, et al. Nonlinear PID control of a parallel manipulator [J]. Control and Decision, 2003, 18(4):490-493.
- [22] SANTIBANEZ V, KELLY R. PD control with feedforward compensation for robot manipulators: Analysis and experimentation[J]. Robotica, 2001,19(1): 11-19.
- [23] GROTJAHN M, HEIMANN B. Model-based feedforward control in industrial robotics [J]. International Journal of Robotics Research, 2002,21(1): 45-60.
- [24] FARDANESH B, RASTEGAR J. A new model-

based tracking controller for robot manipulators using trajectory pattern inverse dynamics[J]. IEEE Transactions on Robotics and Automation, 1992, 8 (2): 279-285.

- [25] CODOUREY A. Dynamic modeling of parallel robots for computed-torque control implementation[J]. The International Journal of Robotics Research, 1998,17(12): 1325-1336.
- [26] SLOTINE J J E.LI W P. Adaptive manipulator control: A case study[J]. IEEE Transactions on Automatic Control, 1988,33(11): 995-1003.
- [27] CRAIG J J, HSU P, SASTRY S S. Adaptive control of mechanical manipulators[J]. International Journal of Robotics Research, 1987,6(2): 16-28.
- [28] DELIBASI A, ZERGEROGLU E, KUCUKDEMIR-AL I B, et al. Adaptive self-tuning control of robot manipulators with periodic disturbance estimation [J]. International Journal of Robotics & Automation,2010,25(1): 48-56.
- [29] 丁亚东,陈柏,吴洪涛,等. 一种工业机器人动力学参数的辨识方法[J]. 华南理工大学学报:自然科学版,2015(3):49-56.
  DING Yadong, CHEN Bai, WU Hongtao, et al. An identification method of industrial robot's dynamic parameters[J]. Journal of South China University of Technology; Natural Science Edition, 2015(3):49-56.
- [30] 吴文祥,朱世强,靳兴来.基于改进傅里叶级数的机器人动力学参数辨识[J].浙江大学学报:工学版,2013(2):231-237.
  WU Wenxiang, ZHU Shiqiang, JIN Xinglai. Dynamic identification for robot manipulators based on modified Fourier series[J]. Journal of Zhejiang University:Engineering Science, 2013(2):231-237.