Vol. 54 No. 3 Jun. 2022

DOI:10.16356/j.1005-2615.2022.03.010

第54卷第3期

2022年6月

# 机翼-机身柔顺对接装配及接触力分析方法

罗群<sup>1</sup>,王青<sup>2</sup>,刘之珩<sup>2</sup>,刘博峰<sup>1</sup>,张强<sup>2</sup>

(1.中航西安飞机工业集团股份有限公司,西安710089;2.浙江大学浙江省先进制造技术重点实验室,

杭州 310027)

摘要:在机翼机身数字化对接装配中,由于制造误差、定位误差等因素,装配件在对接前不可避免地存在一定偏差,对接过程中连接结构可能出现磕碰、磨损和变形等现象。为了避免翼身对接装配中遇到上述情况,本文设计 了一种五自由度柔顺对接机构,使部件对接过程中遇到干涉时能够柔性适应,根据目标部件的导向顺利完成装 配。在此基础上,本文以叉耳式连接结构为研究对象,通过对翼身柔顺对接过程中连接结构的接触力情况进行 分析,建立了翼身柔顺对接过程中叉耳式连接结构的接触力预测模型。 关键词:飞机装配;翼身对接;叉耳对接;柔顺装配;接触力建模 中图分类号:TP272 文献标志码:A 文章编号:1005-2615(2022)03-0439-11

## Wing-Fuselage Compliant Docking Assembly and Contact Force Analysis Method

LUO Qun<sup>1</sup>, WANG Qing<sup>2</sup>, LIU Zhihang<sup>2</sup>, LIU Bofeng<sup>1</sup>, ZHANG Qiang<sup>2</sup>

(1. AVIC Xi'an Aircraft Industry Group Company Ltd., Xi'an 710089, China; 2. Key Laboratory of Advanced Manufacturing Technology of Zhejiang Province, Zhejiang University, Hangzhou 310027, China)

**Abstract:** In the digital assembly of the wing-fuselage, due to factors such as manufacturing errors and positioning errors, the assembly parts inevitably have a certain deviation before docking. During the docking process, the connecting structure may experience bumps, wear, and deformation. In order to avoid the above-mentioned situation in the wing-fuselage assembly, This paper designs a five-degree-of-freedom compliant docking mechanism. So the components can be flexibly adapted to interference during the docking process. The assembly can be completed smoothly according to the guidance of the target component. On this basis, this paper takes the fork-lug connection structure as the research object, and establishes the contact force prediction model by analyzing the contact force of the connection structure during the wing-body compliant docking process.

Key words: aircraft assembly; wing-fuselage docking; fork-lug docking; compliant assembly; contact force modeling

飞机装配是飞机制造过程中的重要组成部分, 涉及学科领域广泛、难度较大,是一项综合性制造 技术<sup>[1-2]</sup>。其中,机翼装配精度要求高、配合件昂 贵、装配难度大,精度要求在0.05 mm以内。传统 机翼机身对接装配使用专用型架配合人工辅助的 方式进行装配<sup>[34]</sup>,由于人工操作误差、型架制造误差,机翼位姿精度难以保证,而机翼连接结构间隙狭小,装配过程中产品易发生变形、碰撞和磨损。 为了提高装配质量,目前主要有两种方式:(1)使用 由数字测量系统<sup>[5]</sup>、数字定位装置、控制系统组成

基金项目:国家重点研发计划(2019YFB1707504);国家自然科学基金(51975520)。

收稿日期:2022-02-10;修订日期:2022-04-13

通信作者:王青,男,教授,博士生导师,E-mail:wqing@zju.edu.cn。

**引用格式:**罗群,王青,刘之珩,等.机翼-机身柔顺对接装配及接触力分析方法[J].南京航空航天大学学报,2022,54 (3):439-449. LUQ Qun, WANG Qing, LIU Zhihang, et al. Wing-fuselage compliant docking assembly and contact force analysis method[J]. Journal of Nanjing University of Aeronautics & Astronautics,2022,54(3):439-449.

的数字化调姿定位系统来提高调姿定位精度[6-7]; (2)使用柔顺对接技术来平滑对接过程中的接触 力<sup>[8-9]</sup>。但上述方式仍难以保证对接装配的顺利进 行。原因有:(1)连接结构装配精度要求高且要尽 量避免发生碰撞、磨损等现象,目前调姿定位系统 尚难以做到;(2)由于装配部件质量较大,安装到 夹紧设备上时会出现部件与设备在位姿上的偏差, 这种偏差可能会对后续的对接过程产生不利影响: (3)柔顺对接机构虽然一定程度上可以平滑、降低 对接过程中的接触力,但由于没有科学的接触力计 算模型,对接过程中仍存在接触力过大的可能。为 了应对上述问题,本文建立了接触力计算预测模 型,可以根据装配参数,通过测量部件在对接开始 前的位姿偏差,提前计算、预测出装配过程中装配 件受力最大值。如超过阈值则终止对接,避免了对 接过程中因接触力过大而导致装配件的损伤。机 翼常用的连接方式有轴孔式连接结构<sup>[10]</sup>和叉耳式 连接结构<sup>[11]</sup>,本文以叉耳式连接结构为研究对象。

# 机翼装配数字化调姿及柔顺对接 机构

机翼结构形式多种多样,如边条翼、后掠机翼、 前掠翼和三角翼等,翼身对接形式也不尽相同,如 叉耳、轴孔和齿垫等形式。为降低制造成本、提高 装配效率,需要设计一种面向机翼对接装配的柔性 工装,通过快速重构满足不同机型、不同连接形式 的对接装配要求。

基于上述需求,浙江大学飞机数字化装配课题 组设计了一种结合数字化调姿定位技术与柔顺对 接技术的机翼数字化调姿对接系统<sup>[10,12]</sup>。该系统 既可以满足机翼在各种小间隙连接形式中的低应 力无损装配,又实现了调姿对接系统与装配部件 "一对多"的模式,不再局限于特定机型、特定对接 形式,充分体现了数字化、柔性化的装配理念。

#### 1.1 机翼数控定位系统

机翼数字化调姿及柔顺对接系统一般由机翼 数控定位系统完成机翼部件的初始定位,将装配件 的相对偏差控制在一定范围内,然后在对接过程 中,通过柔顺对接机构补偿该部分偏差,实现低应 力无损装配。机翼数控定位系统主要由底座和调 姿定位器组成,如图1所示。

### 1.1.1 数控定位系统底座

底座作为安装数控定位器等设备的平台,需要 有较强的承重能力与稳定性。底座主要由整体平 台和支撑脚组成。底座长4200mm,宽2900mm, 高850mm,平台四角布置有4处平台吊点。框架



图 1 机翼数控定位系统 Fig.1 Digital positioning system of wing-fuselage

底部布置有升降支撑脚,升降行程450 mm,在机翼 对接时使平台下降,可降低底座重心,提高设备稳 定性。

1.1.2 机翼调姿数控定位器

机翼调姿数控定位器是一种可以实现X、Y、Z 这3个坐标方向数控移动的模块化单元,且X、Y、Z 轴均采用全闭环控制。每个机翼调姿定位系统含 有4个三坐标数控定位器,共有12个相互独立的 驱动轴。通过对各个定位器的协同控制,可以实现 所支撑产品的六自由度高精度调姿,并确保不会对 产品造成撕裂、挤压等损伤。每台调姿数控定位器 主要由底座、定位轴、各定位轴托板、立柱、定位器 电控柜及球头入位装置等组成,如图2所示。



Fig.2 Numerical localizer

### 1.2 柔顺对接机构

如图 3 所示,柔顺对接机构主要由五自由度柔 顺机构和对接进给机构组成。柔顺对接机构具备 一定误差适应性。

## 1.2.1 柔顺机构

如图 4(a) 所示, 五自由度柔顺机构主要由上 底板、下底板、导向柱、导向套、转动滑轨、直线滑 轨、拉伸弹簧和碟簧等组成。其中, 直线滑轨固定 在底板上, 用于实现下底板的直线运动;转动滑轨 固定在下底板, 用于实现上底板的回转运动; 上底 板通过球铰的方式与托架过渡件进行连接; 竖向拉



图 3 柔顺对接机构 Fig.3 Compliant docking mechanism

伸弹簧连接于固定底板和托架过渡件之间;斜向拉 伸弹簧连接于固定底板和上底板之间;碟簧位于导 向套内,连接于上底板和托架过渡件之间。

图 4(b)是柔顺机构的机构运动简图,图中坐标系以回转中心为原点 O,直线导轨方向为X轴, 纵向为Z轴。图中,R代表旋转副、P代表平移副、 S代表球铰副。其中 P<sub>1</sub>即为直线滑轨,连接固定底 板和下底板;R<sub>1</sub>即为转动滑轨,连接下底板和上底 板;上底板和托架过渡件之间通过4个 RPS运动链 相连。整体机构而言,固定底板通过 P<sub>1</sub>、R<sub>1</sub>、4-RPS 运动链连接到末端平台即托架过渡件。整个运动 机构由 12个构件、5个旋转副、5个平移副、4个球 铰副组成。





4-RPS 机构存在过约束问题,采用修正的 Kutzbach-Grubler<sup>[13]</sup>算法可以计算整个机构的自由度

$$M = 6(n - g - 1) + \sum_{i=0}^{s} f_i + \mu$$
 (1)

式中:n表示构件数,为12;g表示运动副数,为14;  $f_i$ 表示运动副的相对自由度,旋转副和移动副为1, 球铰副为3; $\mu$ 表示过约束数,为1;代入计算后得到 柔顺机构的自由度为M = 5。

柔顺机构在各个自由度上的弹性刚度为

$$K = \begin{bmatrix} K_{X} \\ K_{Z} \\ K_{\alpha} \\ K_{\beta} \\ K_{\gamma} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4K_{2}\sin\theta \\ 4(K_{1} + K_{3}) \\ K_{1}l_{Y}^{2} + 2K_{3}r^{2} \\ K_{1}l_{X}^{2} + 2K_{3}r^{2} \\ 4K_{K}R^{2} \end{bmatrix}$$
(2)

式中: $[K_x, K_z, K_a, K_\beta, K_\gamma]$ 分别为整个机构即托架 过渡件相对于固定底板在X, Z方向上的平移刚度 和  $\alpha$ 、 $\beta$ 、 $\gamma$ 方向上的旋转刚度;  $K_1$ 、 $K_2$ 、 $K_3$ 分别为每 组竖向拉伸弹簧、斜向拉伸弹簧、碟簧的劲度系数;  $l_x$ 、 $l_y$ 分别为两组竖向拉伸弹簧几何中心沿 X、Y方 向上的距离; R、r分别为斜向拉伸弹簧、碟簧距离 上底板回转中心之间的距离;  $\theta$ 为斜向拉伸弹簧与 X轴的夹角, 大小为45°。

1.2.2 柔顺机构进给轴

为了装配能够顺利对接,在柔顺平台中加入了 对接进给轴,用于推动部件完成对接。通过电机驱 动蜗轮蜗杆及滚珠丝杆带动对接进给组件运动,如 图5所示。



为了避免对接过程中装配件因受力过大而损坏,需要对进给力进行监测,规定对接过程中进给 力不能超过设定阈值(与材料特性与装配安全系数 有关,不在本文讨论范围之内)。为了获得进给力, 安装了扭矩传感器。通过扭矩传感器的读数*T*,可 由式(3)算出对接过程中的进给力*F*<sub>z</sub>。

$$F_z = \frac{2\pi\eta \left(T - T_0\right)}{P_h} \tag{3}$$

式中:η为滚珠丝杆传动效率;P<sub>h</sub>为导程,均可由所 选滚珠丝杆型号获得相应参数;T<sub>0</sub>为接触前的扭 矩;T为当前接触状况下的扭矩。

柔顺对接机构虽然可以一定程度上平滑翼身 对接过程中的接触力,但由于缺乏科学的接触力计 算模型,对接过程中仍存在部件因接触力过大而导 致损伤的可能。因此,需要建立一套连接结构在柔 顺对接过程中的接触力模型。通过该模型可以根 据对接开始前的位姿误差计算预测对接过程中的 接触力大小,以接触力大小为指标对位姿误差进行 限定。此外,还可以根据该模型与调姿数控定位系 统的位姿精度,指导柔顺平台的设计。

# 2 叉耳式连接结构柔顺对接过程接 触力建模

在叉耳式连接结构对接中,由于连接结构相互 干涉、挤压、碰撞会产生接触力,接触力主要包括两 类:接触区域的受力、接触区域附近产生的应力。 接触力过大可能导致叉耳式连接结构在对接过程 中出现擦伤、磨损甚至变形,因此接触力水平是衡 量对接质量的重要指标。

### 2.1 对接模型简化

典型的机翼叉耳装配结构如图6所示。机身 位置固定,机翼通过夹紧装置固定在柔顺进给机构 上,通过电机控制柔顺进给机构完成装配。机翼的 叉耳装配需要满足精密的配合要求,同时不能对配 合面造成刮擦。





机翼的装配中共有6组叉耳对接结构。对接 装配过程中以其中一组叉耳为基准进行调姿、匹配 和对接,其他的叉耳结构均为间隙较大的间隙配 合,这样可以避免在对接过程中其余结构先接触, 保证第1组叉耳的顺利对接装配。对接完成后单 双叉耳之间的配合尺寸为33F8/h7(双面配合间隙 为0.025~0.089 mm)。这种装配精度不能简单地 通过数字装配的方式来进行,需要使用柔性装配技 术来完成。同时,应尽可能降低配合面的受力、避 免配合面的损伤。

在翼身对接开始前,叉耳式连接结构的位姿偏 差可以用(X<sub>0</sub>, Y<sub>0</sub>, Z<sub>0</sub>, α<sub>0</sub>, β<sub>0</sub>, γ<sub>0</sub>)表示。其中,X<sub>0</sub>、Y<sub>0</sub> 如图7(a)所示,由于Z方向为对接方向,所以Z方 向的平移误差可以不记入考虑。其中Y方向的平 移误差并不会影响对接过程中关键结构受力,建模 过程中可以忽略。因此,平移误差主要考虑X<sub>0</sub>。

如图 7(b)所示, α<sub>0</sub>由于不会影响对接过程中 关键结构的受力,在建模过程中可以忽略。结合叉 耳式结构对接的结构特点,γ<sub>0</sub>在对接过程中并不会



图7 叉耳式连接结构的位姿偏差 Fig.7 Pose errors of fork-lug connection structure 在柔顺导向的作用下发生变化,暂不考虑γ<sub>0</sub>。因此 转动误差主要考虑β<sub>0</sub>。综上所述,叉耳式结构柔顺 对接过程可以转化为*YOZ*平面内的二维模型。如 图8所示。



图 8 叉耳式连接结构柔顺对接模型

Fig.8 Compliant docking model of fork-lug connection structure

### 2.2 接触力分段建模

为了将机翼叉耳柔顺装配问题简化为数学模型,应当先做出如下假设<sup>[14-16]</sup>:

(1)由于在对接过程中相对偏差较小,对接过 程中不考虑配合件的形变。

(2)柔顺机构的转向刚度 $K_a$ 和侧向刚度 $K_x$ 相 互独立且保持恒定。

(3)由于机翼部件的刚度大于柔顺机构的刚度,同时对接过程中的位移形变很小,所以假设所有的位移形变均发生于柔顺机构的弹性形变。

(4)由于进给速度较为缓慢,整个对接过程可 以假设为准静态状态。

(5)主要关注对接过程中配合件之间的受力情况,并不研究对接过程中对接轴的驱动能力,所以可以忽略重力的影响。

按照上述假设,机翼的叉耳装配过程可以简化 为一个二维模型。如同前文所述,本文假设以托架 为基准进行调姿,因此进给方向偏差几乎为零。偏 差主要出现在机翼与机构的相对位姿:侧向偏差*X* 和角度偏差*θ*。

其中,侧向偏差 X 以向左为正,角度偏差θ以 绕夹紧机构逆时针旋转为正。X<sub>0</sub>为初始侧向偏 差,θ<sub>0</sub>为初始角度偏差,这两个量在机翼固定在柔 顺进给机构后可以测量得到。根据不同情况下侧 向偏差 X<sub>0</sub>和角度偏差θ<sub>0</sub>的正负,如图9所示共有4 种情况。



装配过程中的主要参数如图 10。其中,L为耳 片的长度,w为倒角高度,α为倒角角度,h和H分 别为耳片厚度和双叉耳的间距,c为双叉耳厚度,D 为叉耳直径,P为双叉耳长度, $F_x$ 为柔顺进给机构的侧向力, $F_z$ 为进给力,M为弯矩。



图 10 主要参数及其示意图 Fig.10 Main parameters and schematics

如图11所示,整个装配过程分为4个阶段:(1) 接近倒角,(2)通过倒角,(3)单侧面接触,(4)双侧 面接触。由于阶段(1)不发生接触,没有对接力出 现,故从阶段(2)开始进行分析。



2.2.1 通过倒角阶段

在不考虑进给力等其他因素的情况下,装配成 功进行的要求即是:耳片与叉耳初次接触时,耳片 外沿至少应落在倒角外沿之内。这一关系的数学 表达式为

$$\left|X_{0}-L\theta_{0}\right| \leqslant \frac{w}{\tan \alpha} + \frac{1}{2}(H-h)$$
 (4)

如图 12 所示,当 $|X_0 - L\theta_0| < \frac{1}{2}(H-h)$ 时, 整个装配过程不经历"通过倒角"阶段,直接到"单 侧 面 接 触"阶段;当 $\frac{1}{2}(H-h) \leq |X_0 - L\theta_0| \leq \frac{w}{\tan \alpha} + \frac{1}{2}(H-h)$ 时,需要经历"倒角阶段";当  $|X_0 - L\theta_0| \ge \frac{w}{\tan\alpha} + \frac{1}{2}(H - h)$ 初始接触点落在倒角外沿,装配不能进行。本文选取了更加普遍、复杂的情况进行分析, $X_0, \theta_0$ 满足 $\frac{1}{2}(H - h) \leqslant |X_0 - L\theta_0| \leqslant \frac{w}{\tan\alpha} + \frac{1}{2}(H - h),$ 即需要经历"倒角阶段"。



如图 13 所示,此阶段耳片与倒角相接触。本 文假设初始状态下侧向偏差 X<sub>0</sub>和角度偏差 θ<sub>0</sub>均为 正,其余情况类同。同时加入自变量 l,即接触点与 孔截面之间的距离, l<sub>0</sub>即为初次接触时的距离。计 算可得

$$l_0 = w + \tan \alpha \left( \frac{1}{2} H - \frac{1}{2} h - \left| X_0 - L \theta_0 \right| \right)$$
(5)

式中: $F_x$ 为柔顺进给机构的侧向力, $F_z$ 为进给力, M为弯矩。接触点的压力为 $N_1$ ,摩擦因数为 $\mu$ ,摩 擦力为 $\mu N_1$ 。同时,由于角度偏差 $\theta$ 通常小于 $2^\circ$ ,所 以可以进行一定程度上的化简。综上,可以推导出 这一阶段的受力模型。

几何方程

$$X - X_0 = L(\theta - \theta_0) - \frac{l - l_0}{\tan \alpha} \tag{6}$$



受力方程

$$\begin{cases} F_x = \mu N_1 \cos \alpha - N_1 \sin \alpha \\ F_z = N_1 \cos \alpha + \mu N_1 \sin \alpha \\ M + 0.5hF_z = F_x L \end{cases}$$
(7)

最大正应力方程

$$\sigma_1 = \frac{f_1}{S} + \frac{B(P-l)N_1 - 0.5AN_1C}{W_Z} \qquad (8)$$

物理方程

$$\begin{cases} F_{X} = K_{X}(X_{0} - X) \\ M = K_{\theta}(\theta - \theta_{0}) \end{cases}$$
(9)

式中:K<sub>e</sub>和K<sub>x</sub>为整个柔顺进给机构的转向刚度和 侧向刚度。最后联立方程解得

$$\begin{cases}
F_{x} = K_{x} \frac{AK_{\theta} \frac{l - l_{0}}{\tan \alpha}}{BK_{x}L^{2} - AK_{x}L_{t} + BK_{\theta}} \\
N_{1} = \frac{1}{B}F_{x} \\
F_{z} = \frac{A}{B}F_{x}
\end{cases}$$
(10)

式中: $F_x$ 、M、 $F_z$ 、 $N_1$ 均为自变量l的一元函数,且

$$\begin{cases}
A = \cos \alpha + \mu \sin \alpha \\
B = \mu \cos \alpha - \sin \alpha \\
S = DC \\
W_z = \frac{DC^2}{6} \\
L_i = 0.5hL
\end{cases}$$
(11)

### 2.2.2 单侧面接触阶段

单侧面接触的情况下,各个部件参数及受力情 况如图14所示。耳片受到的压力N<sub>1</sub>和摩擦力f<sub>1</sub>分 别垂直和平行于耳片的表面。同时,为了区分各个 阶段,定义新的自变量 $l_1 = l - w$ ,即下端面到倒角 下沿的距离。



Fig.14 Schematic of single side contact stage

同理,几何方程

$$x = \frac{1}{2}(H - h) - (L - l_1)\theta$$
 (12)

受力方程

$$\begin{cases}
F_{x} = N_{1} \\
F_{z} = f_{1} \\
M + 0.5hF_{z} = F_{x}(L - l_{1})
\end{cases}$$
(13)

最大正应力方程

$$\sigma_1 = \frac{f_1}{S} + \frac{(P - w)N_1 - 0.5f_1C}{W_Z} \qquad (14)$$

物理方程

$$\begin{cases} F_{X} = K_{X}(X_{0} - X) \\ M = K_{\theta}(\theta - \theta_{0}) \\ f_{1} = \mu N_{1} \end{cases}$$
(15)

最后联立方程解得

$$\begin{cases} F_{X} = K_{X}K_{\theta} \frac{X_{0} - 0.5(H - h) - \theta_{0}(L - l_{1})}{K_{X}(L - l_{1} - 0.5\mu h)(L - l_{1}) + K_{\theta}} \\ F_{Z} = \mu F_{X} \\ N_{1} = F_{X} \\ \theta = \frac{X - 0.5(H - h)}{L - l_{1}} \\ M = K_{\theta} \left(\frac{X - 0.5(H - h)}{L - l_{1}} - \theta_{0}\right) \end{cases}$$
(16)

式中

$$S = CD$$

$$W_z = \frac{DC^2}{6}$$
(17)

2.2.3 双侧面接触阶段

双侧面接触的情况下,各个部件参数及受力情 况如图15所示。同时,为了区分各个阶段,定义新 的自变量 $l_2 = l - w$ ,可以列出如下方程。

几何方程

$$\begin{cases} H - h = \theta l_2 \\ X = \theta L - 0.5(H - h) \end{cases}$$
(18)

受力方程

$$\begin{cases} F_x = N_1 - N_2 \\ F_z = f_1 + f_2 \\ M + N_1 l_2 + f_1 h = F_x L + 0.5 h F_z \end{cases}$$
(19)

最大正应力方程

$$\begin{cases} \sigma_1 = \frac{f_1}{S} + \frac{(P - w)N_1 - 0.5f_1C}{W_Z} \\ \sigma_2 = \frac{f_2}{S} + \frac{(P - w - l_2)N_1 - 0.5f_2C}{W_Z} \end{cases}$$
(20)

$$\begin{cases} F_{X} = K_{X}(X_{0} - X) \\ M = K_{\theta}(\theta - \theta_{0}) \\ f_{1} = \mu N_{1} \\ f_{2} = \mu N_{2} \end{cases}$$
(21)

最后联立方程解得

 $2\mu$ 

$$\begin{cases} F_{X} = K_{X} (X_{0} - L \frac{H - h}{l_{2}} + 0.5H - 0.5h) \\ M = K_{\theta} \left( \frac{H - h}{l_{2}} - \theta_{0} \right) \\ F_{Z} = \frac{2\mu}{l_{2}} \left[ F_{X} (L - 0.5\mu h - 0.5l_{2}) - M \right] \quad (22) \\ N_{1} = \frac{F_{Z} + \mu F_{X}}{2\mu} \\ N_{2} = \frac{F_{Z} - \mu F_{X}}{2\mu} \end{cases}$$



图 15 双侧面接触阶段示意图 Fig.15 Schematic of double side contact stage

对双侧面接触阶段进行建模时,需要研究单侧 面接触与双侧面接触的临界情况,即临界距离*l*<sub>s</sub>: 由于此时处于单侧面与双侧面接触的极限位置,此 时的支撑力*N*<sub>2</sub>=0,如图16所示。

将上述条件代入,化简得到

$$Gl_{\rm s}^2 + Jl_{\rm s} + I = 0 \tag{23}$$

式中

$$\begin{cases} G = K_{x} (X_{0} + T - t) \\ J = K_{x} (X_{0} + T - t) (\mu t - L) - \\ K_{x} (T - t) L - K_{\theta} \theta_{0} \\ I = (H - h) [K_{\theta} - K_{x} L (\mu t - L)] \\ T = 0.5H \\ t = 0.5h \end{cases}$$
(24)

根据韦达定理求解式,再结合实际情况,可得







至此,得到了叉耳式连接结构柔顺对接全过程 的接触力模型。选取模型结构参数h=32.95 mm, H=33 mm,D=70 mm,c=15 mm,L=60 mm, $K_{\theta}=2.08\times10^8$  N·mm/rad, $K_x=560$  N/mm,w=2 mm,  $\alpha=45^\circ$ 初始偏差 $\theta_0=0.05^\circ, X_0=0.5$  mm。绘制出 对接装配过程中 $N_1$ 、 $N_2$ 、 $\sigma_1$ 、 $\sigma_2$ 与进给深度l曲线, 如图 17 所示。

图 17 中, 虚线 A 表示叉耳式连接结构对接过 程进入倒角接触阶段, 虚线 B 表示进入了单侧面接



触阶段,虚线C表示进入了双侧面接触阶段。根据 图 17 中的压力和应力曲线可以看出:当叉耳式连 接结构对接过程处于倒角接触阶段、单侧面接触阶 段时,不管是接触力还是应力都相对较小;进入双 侧面接触阶段后,接触力和应力快速增大,后来随 着叉耳式结构相对位姿的不断修正,接触力、应力 呈先增后降的趋势。 2.2.4 最大接触力预测

基于上述模型,分析在初始偏差 $X_0$ 、 $\theta_0$ 确定 后,对接过程中接触力 $N_1$ 、 $N_2$ 的最大值,与关键结 构应力水平 $\sigma_1$ 、 $\sigma_2$ 的最大值。由于 $N_1$ 、 $N_2$ 、 $\sigma_1$ 、 $\sigma_2$ 的 最大值均发生在双侧面接触阶段。故针对这个阶 段的 $N_1$ 、 $N_2$ 、 $\sigma_1$ 、 $\sigma_2$ 求导,得到

$$N_{1}^{\prime} = \frac{-\left[K_{x}\left(X_{0}+T-t\right)\left(L-\mu t\right)+K_{\theta}\theta_{0}\right]l_{2}+2(H-h)\left[K_{x}L\left(L-\mu t\right)+K_{\theta}\right]}{l_{2}^{2}} = \frac{-Ml_{2}+N}{l_{2}^{3}}$$

$$l_{2} \leq l_{2} < l_{2}$$

因为 $H > h_{\lambda}L > \mu t$ 所以 $M_{\lambda}N_{\lambda}l_{2}$ 均大于零,则 当 $l_{2} = \frac{N}{M}$ 时, $N_{1}$ 取得最大值,即

$$N_1(l_2, X_0, \theta_0)_{\max} = N_1\left(\frac{N}{M}, X_0, \theta_0\right) \qquad (27)$$

同理

$$N_{2}^{\prime} = \frac{-\left[M + K_{X}(H-h)L\right]l_{2} + N}{l_{2}^{3}}$$

$$w \leqslant l_{2} \leqslant L \qquad (28)$$

当 
$$l_2 = \frac{N}{M + K_X(H-h)L}$$
 时,  $N_2$  取得最大

值,即

$$N_{2}(l_{2})_{\max} = N_{2}\left(\frac{N}{M + K_{X}(H - h)L}\right) \quad (29)$$

同理

$$\sigma_1(l)_{\max} = \sigma_1 \left(\frac{N}{M} + w\right) \tag{30}$$

σ<sub>2</sub>相对复杂,可以通过遗传算法求解对接过程 中的最大值。

$$\sigma_2(l)_{\max} = \sigma_2(l)_{\text{soga}}^{\max}, \ l_s \leq l \leq L - w \quad (31)$$

因此,在机翼部件对接进行之前,可以根据装 配工装的工艺参数,通过初始偏差 X<sub>0</sub>、 $\theta_0$ 直接对装 配 过 程 中 关 键 结 构 的 最 大 受 力、应 力 N<sub>1max</sub>、 N<sub>2max</sub>、 $\sigma_{1max}$ 、 $\sigma_{2max}$ 进行预测,如果预测值超过设定阈 值则继续调整姿态。即通过上述公式,可以根据装 配工装、工艺要求对初始偏差 X<sub>0</sub>、 $\theta_0$ 进行更科学的 限制,避免了对接装配过程因接触力过大而造成连 接结构表面损伤、应力过大的情况。

### 2.3 有限元分析验证

本节对五自由度柔顺机构叉耳式结构对接过 程进行有限元建模分析,并对该数学模型的进行 验证。 2.3.1 材料设置

(26)

根据实际项目的需求,作为接触力分析的主要 研究对象,叉耳式连接结构的材料为 OCr13Ni8Mo2Al钢。这种钢材使用双真空冶炼工 艺,是一种高强度的沉淀硬化不锈钢。这种钢材的 性能优良,除了具有较高强度外,还有良好的断裂 韧性、横向力学性能。鉴于这种钢材良好的综合性 能,在宇航、航空航天和核反应堆等领域广泛应 用。根据《不锈钢实用手册》,材料密度为7.76× 10<sup>-9</sup>t/mm<sup>3</sup>,杨氏模量为195000 MPa, 泊松比为 0.278。其余部件由于不是本次分析的主要研究对 象,近似选取45号钢作为材料。

2.3.2 有限元模型构建

考虑到本章主要研究对象为柔顺对接过程中 叉耳结构的受力情况,主要与五自由度柔顺对接 机构在对接过程中各自由度方向的运动位移、相 应弹簧的刚度相关。且柔顺机构在设计时已经进 行过校核,对接过程中各部件(除弹簧等柔性部 件)几乎不发生形变。考虑上述几点,本章基于模 型运算能够收敛的条件下,以提高接触力分析精 度、最大程度还原五自由度柔顺机构特性为目的, 对五自由度柔顺机构有限元模型进行了如下简 化:(1)机构运动学特性直接影响着对接过程中叉 耳式连接结构的接触力大小,因此必须还原:保留 了4-RPS运动机构。同时由于直线导轨与转动导 轨结构复杂且辅助设施繁多,引入模型后会导致 运算不收敛,但直线导轨与转动导轨的运动学特 性简单,因此在模型中删去相关部分,采用 Abaqus软件中的 connector 功能实现。(2)为了使 整个模型运算得以收敛,必须要删去部分与接触 力无关的部件:如螺栓、螺柱等大量为连接、支撑、 固定而安装的部件。(3)原机构考虑到承载能力、 稳定性、自重和便于安装等因素,为部件设计了许 多复杂特征,如加强肋、孔和倒角等,这些特征不

会影响连接结构的接触力大小,但会导致网格划 分质量降低、大大提高模型的运算难度,因此在建 模时删掉了这些特征,合理地将部分部件转化为 形状规则的部件。

根据上述原则,本章最后保留了固定底板、上 底板、4组 RPS运动机构、托架过渡件、机翼部件和 对接组件等主要运动部件,省略了下底板、导轨等 辅助部件,将部分不发生相对运动的部件进行合 并,删除了螺栓螺柱等部件,并适当调整柔顺机构 外形。如图 18所示。



图 18 五自由度柔顺对接机构有限元模型构建 Fig.18 Finite element model construction of five degrees of freedom compliant docking mechanism

设计模型的运动学关系时,采用连接器与弹簧 元件来实现五自由度柔顺机构的运动学特性:连接 器还原各部分之间的相对运动关系、弹簧元件还原 各组件之间的柔性。弹簧参数方面:(1)固定底板 与托架过渡件之间的竖向拉伸弹簧,共4组,每组4 根,每根劲度系数为10 N/mm。(2)固定底板与上 底板之间的斜向拉伸弹簧,共4组,每组6根,每根 劲度系数为10 N/mm。(3)位于导向套内,连接导 向套与导向柱之间的碟簧,共4组,每组1根,每根 劲度系数为100 N/mm。设置弹簧单元时,将每组 弹簧合并为一根,因此在有限元模型中共包括 12个弹簧单元:位于固定底板与托架过渡件之间 的4个劲度系数K1=40 N/mm的弹簧、位于固定 底板与上底板之间的4个劲度系数K2=40 N/mm 的弹簧、位于导向套内部的4个劲度系数K<sub>3</sub>= 100 N/mm的弹簧。根据公式(2),可以计算出各 个自由度方向上的等效刚度。

$$\begin{cases} K_{X} = 160 \text{ N/mm} \\ K_{Z} = 560 \text{ N/mm} \\ K_{a} = 2.082 24 \times 10^{8} \text{ N·mm/rad} \\ K_{\beta} = 1.786 56 \times 10^{8} \text{ N·mm/rad} \\ K_{\gamma} = 8.294 \times 10^{8} \text{ N·mm/rad} \end{cases}$$
(32)

2.3.3 其余参数设置

结合本模型的运动学特性:对接过程中在弹簧、弹性连接器的作用下柔顺对接,所以对接过程 中分析步选用动力隐式分析步。 由于该模型运动特性复杂,仿真过程不易收 敛。为了更容易收敛,在动力隐式分析步之前加入 一个静力通用分析步,在静力通用分析步中沿对接 方向加入一个小的位移,让对接部件先有一个较小 的接触。此外,由于研究对象为叉耳式连接结构在 对接过程中的接触力大小,为了仿真过程更加容易 收敛,设置边界条件时:将固定底板完全固定,机身 沿对接方向与机翼进行对接。此外,将对接过程中 不会发生运动的运动方向完全固定,避免出现无法 收敛的情况。

相互作用方面,选用 surface-to-surface 接触。 根据经验,设置对接件之间的摩擦系数 $\mu = 0.1$ 。

网格划分的质量关系到模型储存空间、运算速 度和模拟精度。因为本次研究对象为叉耳式连接 结构对接过程中关键结构的力学特性,同时整个机 构运动特性复杂,所以对固定底板、上底板、托架过 渡件和4-RPS运动机构采用四面体网格,并指派 C3D10类型单元。叉耳式连接结构作为主要分析 对象,采取六面体网格,指派C3D8R类型单元,并 进行更精细的网格划分。

2.3.4 有限元结果分析

此次分析的初始偏差为 $\theta_0$ =0.04°, $X_0$ =1 mm, 部件结构的主要参数为:h=32.95 mm,H=33 mm, D=70 mm,c=15 mm,L=60 mm。本次分析结果 如图 19 所示。



图 19 有限元分析结果 Fig.19 Finite element analysis result

由图 17 可知,对接过程中σ<sub>1</sub>的数值一直大于 σ<sub>2</sub>,因此决定对σ<sub>1</sub>的结果进行分析验证。获取叉耳 式结构根部危险截面应力最大值σ<sub>1</sub>的仿真结果 时,主要选取根部中央的点(6个),对边缘区域的 结点采取抽样的选取形式(4个),共选取 10 个节 点。如图 20 所示。

上述结点在柔顺对接过程中的应力变化情况 与理论值如图 21 所示。

根据上述结果,可以得出下列结论:

(1)建模过程中σ<sub>1</sub>为危险截面最大应力值,从



Fig.20 Node selection





Fig.21 Theoretical value of  $\sigma_1$  and finite element analysis results

图 21 中可以看出,进给过程中截面单元应力最大 值约为 25 MPa,与理论分析一致。

(2)仿真应力结果与理论值并不完全一致且 呈现反复波动的情况,这主要是由于对接装配过程 中接触面之间存在着一定卡塞现象。

## 3 结 论

通过研究柔顺对接机构运动原理、等效刚度和 结合叉耳式连接结构的特点,建立了叉耳式连接结 构在柔顺对接过程中的接触力模型。该模型可以 依据柔顺机构等效刚度、连接结构尺寸参数、对接 前位姿偏差,对柔顺对接过程中的接触力大小进行 预测。最后,通过有限元分析对该模型的正确性进 行了验证。分析结果表明,叉耳式结构根部存在最 大应力。在装配过程中,应根据接触力模型分析调 整机翼位姿,避免连接结构在对接过程中出现磨损 和变形。

本研究首次提出将装配过程划分为4个阶段 并建立分段接触力模型,预测出最大接触应力大 小和位置,实现在机翼调姿定位结束后、对接开 始之前的"接触力计算校验",优化了翼身数字化 柔性对接装配过程。此外,该模型还可以根据调 姿数控定位系统的位姿精度,指导柔顺平台的 设计。

### 参考文献:

- [1] JAYAWEERA N, WEBB P. Automated assembly of fuselage skin panels[J]. Assembly Automation, 2007, 27(4): 343-355.
- [2] 冯子明.飞机数字化装配技术[M].北京:航空工业 出版社,2015.

FENG Ziming. Aircraft digital assembly technology [M]. Beijing: Aviation Industry Press, 2015.

[3] 邹冀华,刘志存,范玉青.大型飞机部件数字化对接装配技术研究[J].计算机集成制造系统,2007,12
(7):1367-1373.

ZOU Jihua, LIU Zhicun, FAN Yuqing. Large-size airplane parts digital assembly technology[J]. Computer Integrate Manufacturing Systems, 2007, 12 (7) : 1367-1373.

[4] 李山.论飞机数字化装配技术发展与应用[J].科学与信息化,2017,12(30):61.

LI Shan. Development and application of aircraft digital assembly technology[J]. Science and Informatization, 2017,12(30): 61.

- [5] 朱绪胜,陈雪梅,谢颖.高精度数字化测量技术在飞机制造业中的应用及发展趋势[J].制造技术与机床,2019,683(5):57-63.
  ZHU Xusheng, CHEN Xuemei, XIE Ying. Application and development trend of high-precision digital measurement technology in aviation industry[J]. Manufacturing Technology & Machine Tool, 2019,683 (5):57-63.
- [6] 邱宝贵,蒋君侠,毕运波,等.大型飞机机身调姿与对接试验系统[J].航空学报,2011,32(5):908-919.
  QIU Baogui, JIANG Junxia, BI Yunbo, et al. Posture alignment and joining test system for large aircraft fuselages[J]. Acta Aeronautica et Astronautica Sinica, 2011, 32(5): 908-919.
- [7] 梅中义,范玉青.基于激光跟踪定位的部件对接柔性装配技术[J].北京航空航天大学学报,2009,429(1):
   65-69.

MEI Zhongyi, FAN Yuqing. Flexible assembly technique for aircraft parts joining based on laser tracking and positioning[J]. Journal of Beijing University of Aeronautics and Astronautics, 2009, 429(1): 65-69.

- [8] WHITNEY D E, ROURKE J M. Mechanical behavior and design equations for elastomer shear pad remote center compliance[J]. Journal of Dynamic Systems, Measurement and Control, 1986, 108(3): 223-232.
- [9] 刘靖,陶学恒,李玉光.RCC柔顺手腕的应用概述
  [J]. 机电产品开发与创新,2011,12(2):74-76.
  LIU Jing, TAO Xueheng, LI Yuguang. Application summary of remote center compliance wrist[J]. Development & Innovation of Machinery & Electrical Products, 2011,12(2):74-76.
- [10] 李裕超.飞机部件轴孔柔顺装配系统设计研究[D]. 杭州:浙江大学,2016.

LI Yuchao. Design and research on the compliant assembly system for the shaft hole of aircraft components [D]. Hangzhou: Zhejiang University, 2016.

[11] 徐源.飞机翼身调姿装配仿真技术研究[D].南京:南 京航空航天大学,2017.

XU Yuan. Research on simulation technology about wing-fuselage posture alignment of aircraft assembly [D]. Nanjing: Nanjing University of Aeronautics and Astronautics, 2017.

- [12] JIANG J X, BIAN C, KE Y L. A new method for automatic shaft-hole assembly of aircraft components[J]. Assembly Automation, 2017, 3(1): 64-70.
- [13] 黄真,赵永生,赵铁石.高等空间机构学[M].北京: 高等教育出版社,2006.
  HUANG Zhen, ZHAO Yongsheng, ZHAO Tieshi.
  Advanced spatical mechanismg[M]. Beijing: Higher Education Press, 2006
- [14] WHITNEY D E. Quasi-static assembly of compliantly supported rigid parts[J]. Journal of Dynamic Systems, Measurement and Control, 1982(104): 65-77.
- [15] SOUTHERN W. The study of a passive accommodation device in robotic insertion processes [J]. Journal of Materials Processing Technology, 2002, 124(3): 261-266.
- [16] SU J H, QIAO H, OU Z C, et al. Sensor-less insertion strategy for an eccentric peg in a hole of the crankshaft and bearing assembly[J]. Assembly Automation, 2012, 32(1): 86-99.

(编辑:陈珺)