DOI:10.16356/j.1005-2615.2018.05.007

旋翼转速变化对直升机需用功率、配平、 振动及噪声的影响分析

池 骋 陈仁良

(南京航空航天大学直升机旋翼动力学国家级重点实验室,南京,210016)

摘要:建立了适用于变转速旋翼直升机的综合分析模型,该模型可用于综合分析直升机稳态飞行时的旋翼需用 功率、全机配平操纵、旋翼桨毂振动水平与旋翼气动噪声。并且使用 UH-60A"黑鹰"直升机的飞行试验数据及 相关研究结果验证综合分析方法的准确性。在此基础上,分析旋翼转速变化对旋翼需用功率、全机配平操纵、旋 翼桨毂振动水平与旋翼气动噪声的影响,从而为转速优化设计提供依据。结果表明,改变旋翼转速会导致上述 4 个特性同时发生明显变化,而在本文算例中适当地降低旋翼转速可最多降低 19.2%的旋翼需用功率与 6.7% 的旋翼气动噪声,但是却会造成旋翼操纵受限和旋翼桨毂振动增加的不良后果。

关键词:直升机;变转速旋翼;综合分析

中图分类号:V212.4 文献标志码:A 文章编号:1005-2615(2018)05-0629-11

Influence of Rotor Speed Variation on Required Power, Trim, Vibration and Noise of Helicopter

CHI Cheng, CHEN Renliang

(National Key Laboratory of Science and Technology on Rotorcraft Aeromechanics, Nanjing University of Aeronautics & Astronautics, Nanjing, 210016, China)

Abstract: A comprehensive analysis model suitable for the helicopter with variable rotor speed is established. The model is able to calculate the rotor required power, trim controls, rotor hub vibration level and rotor noise of a helicopter in steady flight. And the flight data of UH-60A helicopter and related research results are used to validate the accuracy of the model. In order to provide the basis for the optimization design of rotor speed, the study is carried out to analyze the influence of variable rotor speed on rotor required power, trim controls, rotor hub vibration level and rotor noise. The results indicate that the variation of rotor speed have great impacts on the four characteristics above. 19.2% of rotor required power and 6.7% of rotor noise can be reduced by decreasing rotor speed properly, but at the cost of reducing the rotor control margin and increasing the rotor hub vibration.

Key words: helicopter; variable speed rotor; comprehensive analysis

目前,绝大多数直升机的旋翼都以固定转速工作。这主要是出于对振动、系统复杂程度、发动机 及传动技术限制等问题的考虑。但是,固定转速只 能使旋翼在给定重量、高度和速度下处于效能最优 状态。当重量、高度和速度发生变化时,旋翼的工 作状态会偏离其最优位置。现在由于材料技术、发

收稿日期:2017-02-24;修订日期:2017-06-15

基金项目:国家自然科学基金(11672128)资助项目;江苏高校优势学科建设工程资助项目。

通信作者:陈仁良,男,教授,博士生导师,E-mail:crlae@nuaa.edu.cn。

引用格式:池骋,陈仁良. 旋翼转速变化对直升机需用功率、配平、振动及噪声的影响分析[J]. 南京航空航天大学学 报,2018,50(5):629-639. CHI Cheng, CHEN Renliang. Influence of rotor speed variation on required power, trim, vibration and noise of helicopter[J]. Journal of Nanjing University of Aeronautics & Astronautics, 2018, 50(5):629-639.

动机技术与传动技术的发展,旋翼变转速技术已经 可以实现。通过改变旋翼转速可以使直升机在无 地效悬停、最大航时巡航、最大航程巡航和最大速 度前飞这4种飞行状态下发挥更好的性能。因为 该技术可以尽可能地让更多的桨叶段在最大升/阻 比迎角下工作^[1],提高直升机的性能和效率。

近年来不断有新的旋翼飞行器通过采用旋翼 变转速技术来提高飞行性能,如A160"蜂鸟"长航 时无人直升机、X2 共轴刚性旋翼高速直升机、V22 倾转旋翼机[2]等。同时也有越来越多的研究人员 从提高飞行性能的角度展开对旋翼变转速技术的 研究。Diottavio 与 Friedmann^[3] 对 A160 的试飞 数据进行了分析,得出旋翼变转速技术更适合用于 小重量、低海拔的飞行状态。Bowen-Davis 和 Chopra^[4]使用马里兰大学直升机分析软件(University of Maryland advanced rotorcraft code, UMARC)分析了铰接式旋翼在不同转速下总功 率、废阻功率、型阻功率、诱导功率、桨盘迎角分布、 航程以及航时等的变化。研究表明,适当地降低转 速可通过减小型阻功率降低总功率,从而显著地增 加航程和航时。韩东^[5]探讨了旋翼转速、起飞重 量、前飞速度和飞行高度对旋翼性能和配平特性的 影响。刘士明等[6]分析了前飞速度、起飞重量和飞 行高度如何影响旋翼转速的优化设计,以及厚翼型 对最优转速下旋翼性能的影响。可是,改变旋翼转 速不仅会带来性能方面的影响,还会在飞行品质、 振动、噪声等多个方面引起相应的变化。徐明 等[7-10]对变转速旋翼的气动特性与操纵稳定性进 行了分析,并且为变转速旋翼直升机的旋翼翼型和 总体参数提出了优化设计方法。Datta 等^[11] 通过 风洞试验分析 UH-60A 的旋翼得出了转速降低引 起操纵量变化的机理。Berry 和 Chopra^[12]则测量 了模型旋翼在不同转速下的振动载荷,测量结果指 出在旋翼转速较低时其振动载荷较大。Karem^[13] 的研究发现通过改变桨叶质量、刚度和弦长的分布 可以避免旋翼在转速变化过程中发生共振。上述 研究结果表明旋翼转速变化确实会提高直升机的 飞行性能,但与此同时还要综合考虑转速变化在其 他方面带来的影响。

因此,本文通过旋翼空气动力学、结构动力学、 气动声学以及飞行动力学建模,建立适用于变转速 旋翼直升机的综合分析模型,用于综合分析直升机 稳态飞行时的旋翼需用功率、全机配平操纵、旋翼 桨毂振动水平与旋翼气动噪声。并且用 UH-60A "黑鹰"直升机的飞行试验数据及相关研究结果对 模型进行验证。以此为基础,进一步综合分析旋翼 转速变化对旋翼需用功率、全机配平操纵、旋翼桨 毂振动水平与旋翼气动噪声的影响,为变转速旋翼 的转速优化设计提供依据。

1 直升机综合建模

综合建模的目的是针对变转速旋翼直升机建立 性能、操纵、振动及噪声的理论模型。为确定稳定飞 行状态下直升机的旋翼需用功率、全机配平操纵、旋 翼桨毂振动水平和旋翼气动噪声提供分析方法。

1.1 旋翼模型

为了满足综合分析的需要,旋翼模型从旋翼的 操纵量、姿态与运动速度出发,通过翼型气动模型、 旋翼入流模型、旋翼动力学模型可以求出桨叶的运 动和气动载荷,进而计算旋翼的需用功率和桨毂振 动水平。再由旋翼气动噪声模型求解噪声,其关系 如图1所示。



- 18. 1 Relations molde forol mit

1.1.1 翼型气动模型

由于变转速旋翼可能在转速较低的状态下工作,且出于配平的需要后行桨叶将以大迎角进行俯仰运动,从而容易导致动态失速的发生。所以,本 文采用 Leishman-Beddoes 非定常/动态失速模型^[14]以更好地体现桨叶微段气动载荷的变化。

模型中的桨叶微段垂向力和俯仰力矩系数包括非定常项 C^f与涡诱导项 C[°]两部分

$$C_{n}(t) = C_{n}^{f}(t) + C_{n}^{v}(t)$$
 (1)

$$C_{m}(t) = C_{m}^{f}(t) + C_{m}^{v}(t)$$
 (2)

式中:非定常项和涡诱导项为迎角 $\alpha(t)$,有效迎角 $\alpha_e(t)$,迎角俯仰角速度q(t),当地马赫数Ma,后缘 分离点f以及前缘涡脱离时间 τ 的函数

$$\alpha_{e}(t) = \alpha_{\frac{3}{4}}(t) - X(t) - Y(t)$$
(3)

$$f = \begin{cases} 1 - 0.3 \exp\left(\frac{(\alpha - \alpha_{0.7})}{S_1}\right) & \alpha \leqslant \alpha_{0.7} \\ 0.04 + 0.66 \exp\left(\frac{(\alpha_{0.7} - \alpha)}{S_2}\right) & \alpha > \alpha_{0.7} \end{cases}$$

(4)

式中: $\alpha_{\frac{3}{4}}^{\frac{3}{4}}(t)为\frac{3}{4}$ 弦线处的迎角;X(t)和Y(t)为缺 损函数; $\alpha_{0.7}$ 为后缘分离点在 0.7 弦线处时的迎角; S_1 和 S_2 为经验系数。

桨叶微段弦向力系数由 Kirchoff 理论给出

$$C_{c}(t) = \eta C_{a}(Ma) \alpha_{e}(t) \sin \alpha_{e}(t) f''(t)^{k}$$
(5)
$$k = \begin{cases} 0.5 & C'_{n}(t) \leqslant C_{nc} \\ 0.5D_{f}(t) (C'_{n}(t) - C_{nc}) & C'_{n}(t) > C_{nc} \end{cases}$$
(6)

式中: η 为效率系数; C_a (Ma) 为翼型的升力线斜 率;f''(t) 为修正后的后缘分离点; $D_f(t)$ 为升力延 迟项; $C'_n(t)$ 为延迟后的垂向力系数; C_{nc} 为临界垂 向力系数。

最后桨叶微段升力和阻力系数可表示为

$$C_{L}(t) = C_{n}(t) \cos_{\alpha_{e}}(t) + C_{c}(t) \sin_{\alpha_{e}}(t) \quad (7)$$

$$C_{D}(t) = C_{n}(t) \sin_{\alpha_{e}}(t) - C_{c}(t) \cos_{\alpha_{e}}(t) + C_{D0} \quad (8)$$

式中:CD0为零升阻力系数。

1.1.2 旋翼入流模型

为了获得桨叶载荷的高阶项以计算出更准确 的桨毂振动水平,本文引入 Peters-He 广义动态入 流模型^[15]计算桨盘的诱导速度分布。桨盘的量纲 一诱导速度分布与动态入流方程如下所示

$$v_{i}(\bar{r}, \psi) = \sum_{m=0}^{\infty} \sum_{n=m+1, m+3}^{\infty} \frac{P_{n}^{m}(\bar{x})}{\bar{x}} \cdot \left[\alpha_{n}^{m}\cos(m\psi) + \beta_{n}^{m}\sin(m\psi)\right]$$
(9)

$$\left\{\dot{\boldsymbol{\alpha}}_{n}^{m}\right\} + \boldsymbol{L}^{-1}\left\{\boldsymbol{\alpha}_{n}^{m}\right\} = \frac{1}{2}\left\{\boldsymbol{\tau}_{n}^{m}\right\}$$
(10)

式中: v_i 为量纲一诱导速度; \bar{r} 为量纲一径向位置; ϕ 为方位角;m,n为非负整数; $\bar{x} = \sqrt{1-\bar{r}^2}$ 为椭圆 坐标系坐标; $P_n^m(\bar{x})$ 为归一化的第一类连带勒让德 函数; a_n^m, β_n^m 为诱导入流状态量; $L^{-1} = \tilde{L}^{-1} \cdot V, V$ 为质量入流参数矩阵; a_n^m 为诱导入流状态变量的 时间一阶导数; τ_n^m 为桨盘压力系数^[16]。

1.1.3 旋翼动力学模型

本文根据 Hamilton 原理^[17],采用中等变形梁 理论结合有限元方法建立了考虑桨叶挥舞、摆振、 扭转和拉伸耦合关系的桨叶动力学方程。用 Newmark 方法^[18]求解桨叶各个离散节点的位移、速 度和加速度。

为了得到桨叶应变能、动能和外力虚功,需要 定义桨叶的变形坐标系。如图2所示,桨叶未变形 坐标系上的一点 P 经过弹性变形至 P'时所产生的 位移量与弹性扭转角为 u,v,w, φ。然后经过欧拉 角变换完成变形坐标系到未变形坐标系的转换。



Fig. 2 Blade deformation coordinate

对桨叶进行有限元离散,每片桨叶离散为n段 两节点梁单元。每个节点包含拉伸位移、摆振位移、 摆振挠度、挥舞位移、挥舞挠度、扭转角6个自由度

$$\boldsymbol{q}^{\mathrm{T}} = \{\boldsymbol{u}, \boldsymbol{v}, \boldsymbol{v}', \boldsymbol{w}, \boldsymbol{w}', \boldsymbol{\varphi}\}$$
(11)

然后通过 Hermite 插值多项式表达的形函数 和节点位移表示单元内任一点的位移,即可得到质 量矩阵 *M*,阻尼矩阵 *C*,刚度矩阵 *K*,载荷向量 *F* 和 桨叶运动方程,即

$$\boldsymbol{M}\ddot{\boldsymbol{q}} + \boldsymbol{C}\dot{\boldsymbol{q}} + \boldsymbol{K}\boldsymbol{q} = \boldsymbol{F} \tag{12}$$

最后使用 Newmark 方法求解方程获得桨叶 运动状态后即可计算桨毂振动水平。桨根力与力 矩通过力积分法获得^[19]

$$S_z = \int_{l_\beta}^{R} F_\beta - mz \, \mathrm{d}r \tag{13}$$

$$S_r = \int_0^R F_r + m\Omega^2 r - 2\Omega \dot{x} m \, dr \qquad (14)$$

$$S_x = \int_{l_{\zeta}}^{R} F_{\zeta} - m\ddot{x} + m\Omega^2 x dr \qquad (15)$$

$$M_{\beta} = \begin{cases} \int_{0}^{\kappa} r(F_{\beta} - m\ddot{z} - m\Omega^{2}z) \, dr & \mathcal{I}$$
 ốt $S_{z}l_{\beta}$

(16)

(17)

式中: F_{β} , F_{ξ} , F_{r} 为桨叶微段的气动力;x,x,x为摆 振的位移、速度与加速度;z,z为挥舞的位移与加 速度; l_{β} , l_{ξ} 为挥舞偏置量与摆振偏置量;m为桨叶 线密度; Ω 为旋翼转速;R为旋翼半径。

各片桨叶的桨根力与力矩以傅里叶级数形式 展开并转换到非旋转坐标系中求和即可得到桨毂 力与力矩的第 N 次谐波分量

$$F_{x}^{NP} = \sum_{i=1}^{N} S_{n}^{NP} \cos\left[\psi + (i-1)\frac{2\pi}{N}\right] + \sum_{i=1}^{N} S_{xi}^{NP} \sin\left[\psi + (i-1)\frac{2\pi}{N}\right]$$
(18)
$$F_{y}^{NP} = \sum_{i=1}^{N} S_{n}^{NP} \sin\left[\psi + (i-1)\frac{2\pi}{N}\right] -$$

$$\sum_{i=1}^{N} S_{xi}^{NP} \cos\left[\psi + (i-1)\frac{2\pi}{N}\right]$$
(19)
$$F_{z}^{NP} = \sum_{i=1}^{N} S_{zi}^{NP}$$
(20)

$$M_{x}^{NP} = \sum_{i=1}^{N} M_{\beta i}^{NP} \sin\left[\psi + (i-1)\frac{2\pi}{N}\right] \quad (21)$$

$$M_{y}^{NP} = -\sum_{i=1}^{N} M_{\beta i}^{NP} \cos\left[\psi + (i-1)\frac{2\pi}{N}\right] \quad (22)$$

$$M_z^{NP} = \sum_{i=1}^N M_{\zeta i}^{NP} \tag{23}$$

式中:N 为桨叶片数; ϕ 为方位角; 上标 NP 表示该量的第 N 次谐波成分。

在上述结果的基础上,引入文献[20]中采用的 旋翼桨毂振动水平指标计算公式,如式(24)所示。 该指标用于表示旋翼桨毂振动水平大小,指标越大 说明旋翼桨毂振动水平越大。

$$J = 10^{4} \sqrt{\frac{\sum (F_{x,y,z}^{NP})^{2}}{(m\Omega^{2}R^{2})^{2}} + \frac{\sum (M_{x,y,z}^{NP})^{2}}{(m\Omega^{2}R^{3})^{2}}}$$
(24)

1.1.4 旋翼气动噪声模型

为了快速求解旋翼气动噪声,本文采用了 Farassat发展的求解 FW-H 方程的时域积分方 法^[21-23],即Farassat 1A 公式。该方法的优点是只 需得到旋翼桨叶运动及气动载荷分布即可通过一 套统一的计算公式得出旋翼气动噪声,并且方便用 于数值计算。Farassat 1A 公式为

载荷噪声

$$4\pi p_{L}(x,t) = \frac{1}{c} \int_{f=0} \left[\frac{\dot{l}_{i} \hat{r}_{i}}{r(1 - Ma_{r})^{2}} \right]_{ret} ds +$$

$$\int_{f=0} \left[\frac{l_r - l_i M a_i}{r^2 (1 - M a_r)^2} \right]_{ret} ds + \frac{1}{c} \int_{f=0} \left[\frac{l_r (r \dot{M} a_i \dot{r}_i + c M a_r - c M a^2)}{r^2 (1 - M a_r)^3} \right]_{ret} ds$$
(25)

厚度噪声

$$4\pi p_{T}(x,t) = \int_{f=0}^{} \left[\frac{\rho_{0} \dot{V}_{n}}{r(1-Ma_{r})^{2}} \right]_{ret} ds + \int_{f=0}^{} \left[\frac{\rho_{0} V_{n} (r \dot{M}a_{i} \hat{r}_{i} + cMa_{r} - cMa^{2})}{r^{2} (1-Ma_{r})^{3}} \right]_{ret} ds$$
(26)

总噪声

$$p(x,t) = p_L(x,t) + p_T(x,t)$$
 (27)

式中:被积函数 \dot{l}_i , l_r , l_i , \hat{r}_i ,r, Ma_r , Ma_i , $\dot{M}a_i$,Ma, V_n 和 \dot{V}_n 都是声波发射时间和位置的函数;x为接 收点位置;t为噪声接收时间;c为声速。

而声波发射时间和位置通过求解延迟时间方 程得到

$$g = \tau - t + \frac{|\mathbf{r}|}{c} = 0 \tag{28}$$

式中: 7 为噪声发射时间; | r | 为发射点到接收点的 距离。

对于整个旋翼模型,其综合计算流程如图3所 示。首先由翼型气动模型、旋翼入流模型与旋翼动 力学模型迭代求解旋翼气动力与桨叶运动。由于 同时计算旋翼气动力与桨叶运动会使计算量巨大 并且难以收敛。本文采取一种松弛耦合的迭代计 算方法^[24]。在计算旋翼气动力时保持诱导速度与



图 3 旋翼模型计算流程图

Fig. 3 Calculation flow of rotor mode

桨叶运动不变。将得出的旋翼气动力与桨叶气动 载荷分布作为输入计算旋翼诱导速度和桨叶运动, 此时保持旋翼气动力与桨叶气动载荷不变。当桨 叶气动载荷、诱导速度和桨叶运动达到动态平衡时 结束迭代计算。由此获得当前旋翼操作量、姿态及 运动速度下的旋翼气动力和桨叶运动。为了更好 地体现桨叶气动载荷与桨叶运动对旋翼气动噪声 的影响,旋翼气动模型与旋翼动力学模型都会在收 敛后记录下每片桨叶各个方位角、半径处的气动载 荷、运动速度与加速度。然后使用旋翼气动噪声模 型计算给定接收时间和接收点位置的噪声声压。

1.2 其他部件模型

尾桨的气动力模型与旋翼相似,采用叶素法计 算气动力。直升机飞行速度、角速度、旋翼尾迹和 机身尾迹的干扰都对尾桨处的相对来流速度有影 响,如式(29)所示

$$\begin{cases} u_{TR} = u_{b}k_{QTR} - q_{b}z_{TR} + r_{b}y_{TR} + u_{iTR} \\ v_{TR} = v_{b}k_{QTR} + p_{b}z_{TR} - r_{b}x_{TR} + v_{iTR} \\ w_{TR} = w_{b}k_{QTR} - p_{b}y_{TR} + q_{b}x_{TR} + w_{iTR} \end{cases}$$
(29)

式中:u_b,v_b,w_b为机体速度;k_{QTR}为动压损失系数; p_b,q_b,r_b为机体重心角速度;x_{TR},y_{TR},z_{TR}为尾桨 中心到机体重心的距离;u_{tTR},v_{tTR},w_{tTR}为旋翼/机 身尾迹对尾桨的干扰速度,该速度依据气动干扰试 验结果确定旋翼/机身尾迹对尾桨处速度的影响。 而后文用到的干扰速度都是采用该方法确定的,后 面不再赘述。

尾桨入流采用均匀入流模型计算。结合尾桨 总距与尾桨负扭可以得到叶素的迎角。据此通过 尾桨翼型的风洞试验数据可差值计算桨叶微段的 气动载荷,进而可积分出尾桨气动力。

机身的气动力与力矩也通过风洞试验数据差 值计算,其相对来流速度为

$$\begin{cases} u_F = u_b + u_{iF} \\ v_F = v_b + v_{iF} \\ w_F = w_b + w_{iF} \end{cases}$$
(30)

式中: u_i, v_i, w_i, b旋翼尾迹对机身的干扰速度。

由此可得机身迎角、侧滑角与动压,并最终得 到当前飞行状态下的机身气动力与力矩。

平尾处的来流速度如式(31)所示。通过此速 度和平尾安装角可得到平尾的动压和迎角,进而差 值计算出气动力与力矩。

$$\begin{cases} u_{H} = u_{b}k_{QH} - q_{b}z_{H} + r_{b}y_{H} + u_{iH} \\ v_{H} = v_{b}k_{QH} + p_{b}z_{H} - r_{b}x_{H} + v_{iH} \\ w_{H} = w_{b}k_{QH} - p_{b}y_{H} + q_{b}x_{H} + w_{iH} \end{cases}$$
(31)

式中:k_{QH}为动压损失系数;x_H,y_H,z_H为平尾到机 体重心的距离;u_H,v_H,w_H为旋翼和机身尾迹对 平尾的干扰速度。

垂尾模型与平尾类似,其来流速度为

$$\begin{cases} u_{V} = u_{b}k_{QV} - q_{b}z_{V} + r_{b}y_{V} + u_{iV} \\ v_{V} = v_{b}k_{QV} + p_{b}z_{V} - r_{b}x_{V} + v_{iV} \\ w_{V} = w_{b}k_{QV} - p_{b}y_{V} + q_{b}x_{V} + w_{iV} \end{cases}$$
(32)

式中: k_{av} 为动压损失系数; x_{v} , y_{v} , z_{v} 为垂尾到机体重心的距离; u_{iv} , v_{iv} , w_{iv} 为旋翼和机身尾迹对垂尾的干扰速度。

1.3 模型配平

如图 4 所示,上述各部件模型计算出给定飞行 状态下该部件的气动力与力矩后代入全机平衡方 程中判断是否满足平衡条件。若不满足则通过牛 顿迭代法求出新的操纵量和姿态角,再进行新一轮 迭代计算,直至收敛^[25]。全机平衡方程包括纵向、 横向和航向的力平衡,以及俯仰、滚转力矩和反扭 矩的平衡,方程如式(33)所示。

$$\begin{cases} F_{xR} + F_{xF} + F_{xTR} + F_{xH} + F_{xV} - G\sin\vartheta = 0\\ F_{yR} + F_{yF} + F_{yTR} + F_{yH} + F_{yV} - G\cos\vartheta\cos\gamma = 0\\ F_{zR} + F_{zF} + F_{zTR} + F_{zH} + F_{zV} + G\cos\vartheta\sin\gamma = 0\\ M_{xR} + M_{xF} + M_{xTR} + M_{xH} + M_{xV} = 0\\ M_{yR} + M_{yF} + M_{yTR} + M_{yH} + M_{yV} = 0\\ M_{zR} + M_{zF} + M_{zTR} + M_{zH} + M_{zV} = 0\\ p + q\sin\gamma\tan\vartheta + r\cos\gamma\tan\vartheta = 0\\ q\cos\gamma - r\sin\gamma = 0\\ q\sin\gamma\sec\vartheta + r\cos\gamma\sec\vartheta = 0 \end{cases}$$

(33)

式中: F_{xR} , F_{yR} , F_{zR} , M_{xR} , M_{yR} , M_{zR} 为旋翼力与力 矩; F_{xF} , F_{yF} , F_{zF} , M_{xF} , M_{yF} , M_{zF} 为机身力与力矩; F_{xTR} , F_{yTR} , F_{zTR} , M_{xTR} , M_{yTR} , M_{zTR} 为尾桨力与力 矩; F_{xH} , F_{yH} , F_{zH} , M_{xH} , M_{yH} , M_{zH} 为平尾力与力 矩; F_{xV} , F_{yV} , F_{zV} , M_{xV} , M_{yV} , M_{zV} 为垂尾力与力矩; G为总重力; γ , ϑ 为滚转角和俯仰角;p,q,r为滚 转、俯仰与偏航角速度。

完成配平计算后既可得到直升机在稳定飞行 状态下的旋翼需用功率、全机配平操纵、旋翼桨毂 振动水平和旋翼气动噪声。

2 模型验证

本文把 UH-60A"黑鹰"直升机作为样例直升 机以验证本文直升机综合分析模型的准确性。其 基本参数和桨叶结构参数分别取自文献[26,27], 而飞行试验配平结果取自文献[28,29]。图 5,6 为 本文模型配平计算得到的旋翼需用功率、操纵量、



Fig. 4 Calculation flow of comprehensive analysis mode







飞行姿态和飞行试验数据^[28-29]的对比图。从图中 可看出本文的计算结果与飞行试验数据吻合良好。 在小速度情况下的计算需用功率,总距操纵量和飞 行试验结果存在较大差异,而对应速度下的尾桨脚 蹬操纵量没有出现与总距相应的偏差均因为在飞 行试验中或多或少存在着风速的影响。风速在直 升机低速飞行时的影响较大,所以低速状态的配平 计算与飞行试验数据有较大差别。而且直升机在 低速飞行时,飞行员较难保持配平状态,同样会带 来计算结果与飞行数据间的差别^[26]。但总体而 言,本文模型计算的旋翼需用功率与全机配平特性 满足分析需要。

表 1 为 UH-60A 桨叶在 100%转速下前 7 阶 固有频率。本文模型计算结果与文献[30]计算结 果吻合,最大误差只有 3.33%。

表 1 桨叶固有频率(总距 14.5°) Tab. 1 Blade frequency(Collective pitch 14.5°)

Blade mode	Calculated	Value from	Error / %
	value /rev	Ref. [30] /rev	
1st lag	0.27	0.27	0
1st flap	1.04	1.04	0
2nd flap	2.75	2.84	3.16
1st torsion	4.31	4.38	1.60
2nd lag	4.66	4.76	2.10
3rd flap	5.24	5.22	0.38
4th flap	8.07	7.81	3.33

图 7 为本文模型与文献[20]中使用 GENHEL 直升机分析软件在相同条件下得出的旋翼桨毂振 动水平指标的对比图。图中结果表明两模型计算 结果相符,且趋势一致。其中在大速度情况下出现 的差异是旋翼气动模型不同引起的。综合判断综 合分析模型的旋翼动力学计算精度满足要求。



图 6 且开机综合分析力法配干结米验证

Fig. 6 Trim result and validation of helicopter comprehensive analysis model



图 7 直升机综合分析方法旋翼桨毂振动水平验证



最后是验证旋翼气动噪声模型。本文验证直 升机水平前飞时,位于旋翼正下方 152.4 m 处接 收点的噪声。计算结果与取自文献[31]的飞行实 测噪声的对比如图 8 所示,两者基本一致。说明本 文综合分析模型的旋翼气动噪声计算可信,可以用 于直升机旋翼气动噪声的分析。





Fig. 8 Rotor noise and validation of helicopter comprehensive analysis model

综上所述,本文综合分析模型的准确性满足要求。说明该模型可以用于进一步的分析研究。

3 综合分析

旋翼转速作为直升机的总体设计参数,其变化 将同时引起多方面的影响。本文应用上述建立的 直升机综合分析模型对 UH-60A"黑鹰"直升机旋 翼转速变化引起的影响进行综合分析。本文采用 的分析策略为计算不同旋翼转速下直升机的旋翼 需用功率、全机配平操纵、旋翼桨毂振动水平和旋 翼气动噪声随前飞速度的变化。然后根据上述特 性的变化趋势展开分析。表 2 为计算设置。

表 2 计算设置 Tab. 2 Overall settings

Parameter	Value	
Altitude/m	Sea level	
Temperature/°C	14.6	
Mass/kg	8 164	
Airspeed/(km • h^{-1})	0~300	
Rotor speed/ $\frac{0}{0}$	80~110	
NI-inconstruction and	In rotor plane, nonrotating	
Noise receive point	hub-fixed coordinate $(2R, 2R, 0)$	

3.1 旋翼需用功率与配平操纵量

图 9 为旋翼需用功率随飞行速度的变化曲线。 由图 9 可知,旋翼需用功率在大部分飞行状态下都 随着旋翼转速降低而减小,而为了保持拉力,随着 旋翼转速降低旋翼总距要相应地提高,让更多的桨 叶段在大升/阻比迎角下工作,如图 10(a)所示。 同时降低转速引起的前进比增加会导致桨盘前/后 行桨叶的动压不对称性增加,从而使桨盘后倒。桨 盘后倒角增加与旋翼转速降低引起的锥度角增加 会造成桨盘前/后半圆中桨叶的迎角不对称性增 加,最终造成桨盘侧倒。因此,为了保持配平状态, 纵/横向周期变距都随着旋翼转速的降低而增加, 如图 10(b,c)所示。所以过低的旋翼转速会使直 升机 无法 配 平。图 中 80%转速的曲线在约 220 km/h的前飞速度处终止,说明配平对旋翼转 速的变化有限制作用。此外,纵向周期变距的斜率 也随着旋翼转速降低而增加,说明其的功效会随着 旋翼转速降低而降低。但旋翼转速的变化对尾桨 总距影响很小,如图 10(d)所示。







3.2 桨叶固有频率与旋翼桨毂振动水平

图 11 为 UH-60A 桨叶共振图。图中右侧的 注释 1L,1F,1T 分别表示一阶摆振,一阶挥舞和一 阶扭转频率,以此类推。其中灰色区域为本文研究 的旋翼转速变化范围,该区域内共振点较少。在设 计旋翼转速时应避开共振点,并且当旋翼转速变化 时应尽快地通过共振点。



不同旋翼转速下的旋翼桨毂振动水平随前飞 速度的变化如图 12 所示。旋翼桨毂振动水平呈现 出随着旋翼转速下降而增大的趋势。其主要原因 是,随着前飞速度增加桨盘前/后行桨叶的动压不 对称性加剧,导致桨盘升/阻力分布越来越不均匀。 旋翼以 80%转速工作时,桨叶更早地引发动态失 速导致桨毂振动水平更早开始明显地增加。



图 12 桨载振动水平随飞行速度的变化曲线 Fig. 12 Hub vibration index vs. airspeed

图 13,14 给出了不同旋翼转速下旋翼桨毂力 和力矩的量纲为一的 4 次谐波成分(量纲一方式与 式(24)相同)随前飞速度的变化曲线。从各图中可 得出:

(1)速度较小时,3个方向的力都随飞行速度 增加而缓慢增加,到达一定前飞速度后则开始迅速 增加。

(2)桨毂力开始迅速增加的飞行速度随着旋翼 转速的增加而变大。

(3)F_x,F_y随旋翼转速与前飞速度变化的趋势

一致。

 $(4)F_z$ 对旋翼转速的敏感度小于 F_x 与 F_y 。

(5)桨毂力矩随着前飞速度的增加有所增加, 但不明显。

以上,说明了样例直升机的旋翼桨毂振动水平

的增加主要来自于桨毂上3个方向的力的变化。 而且旋翼转速较低时,F_x与F_y的影响较大;随着 旋翼转速增加,F_z的影响逐渐增加。桨毂力矩较 小且变化不明显是由于样例直升机采用了铰接式 旋翼。



Fig. 14 4/rev vibratory hub moments vs. airspeed

3.3 旋翼气动噪声

在不同的旋翼转速下,桨盘平面内位于桨毂坐 标系(2R,2R,0)处接收点的总旋翼气动噪声随前 飞速度的变化如图 15 所示。图中所示表明旋翼气 动噪声随着前飞速度增加而增加,随着旋翼转速降 低而降低。





总旋翼气动噪声包含了载荷噪声与厚度噪声 量部分,其中载荷噪声的变化趋势如图 16(a)所 示。当前飞速度较小时,载荷噪声随着旋翼转速增 加的变化不明显。可当前飞速度超过某一值后,载 荷噪声开始迅速增加,而且该情况在旋翼转速过小 或过大时更为明显。因为工作在大转速下的前行 桨叶会受到压缩效应影响更早地产生激波,使得旋 翼气动载荷变化剧烈,导致载荷噪声迅速增加。类 似地,转速过小时,工作在大总距下的后行桨叶容 易引发动态失速,同样造成旋翼气动载荷变化剧 烈。另一方面,厚度噪声在各前飞速度下都随着旋 翼转速降低而减小,如图 16(b)所示。这是桨叶相 对空气的运动速度随着旋翼转速降低而减小所致。 对比两者可发现厚度噪声对总旋翼气动噪声的贡 献大于载荷噪声,因此总旋翼气动噪声会更多的体 现出厚度噪声的变化趋势。

通过图 9,10,12,15 可从旋翼需用功率、全机 配平操纵、旋翼桨毂振动水平和旋翼气动噪声 4 方 面综合分析旋翼转速变化所带来的影响。首先,当 样例直升机以 100 km/h 以下的小速度前飞时,旋 翼需用功率和气动噪声都随着旋翼转速下降而减 小。在这速度范围内,相对于 100% 旋翼转速, 80%旋翼转速下的旋翼需用功率和气动噪声分别 最多减小了 16.9%和 6.7%。同时总距的增加在 该范围内也最为明显。而旋翼桨毂振动水平虽随 转速下降的变化不明显,但也在缓慢地增大。其 次,在 100~200 km/h 的中等前飞速度下,旋翼需 用功率和气动噪声基本延续小前飞速度时的变化 规律。并且通过降低旋翼转速旋翼需用功率在 140 km/h 的前飞速度下获得 19.2%的最大减小



图 16 旋翼载荷噪声与厚度噪声随飞行速度的变化曲线 Fig. 16 Rotor load noise and thickness noise vs. airspeed

量,而此时旋翼气动噪声的减小量为 6.57%。但 在 80%旋翼转速下,旋翼需用功率在前飞速度超 过 170 km/h 时开始迅速增加。此前飞速度范围 下还能明显地观察到旋翼的纵向周期变距和旋翼 桨载振动水平都随着旋翼转速的降低而迅速增加。 最后,在 200 km/h 以上的大前飞速度状态下,最 小旋翼转速不再对应着最小旋翼需用功率。最小 旋翼需用功率所对应的旋翼转速需通过实际飞行 状态计算得出。旋翼总距、纵/横向周期变距及旋 翼桨载振动水平则随着旋翼转速降低进一步地迅 速增大。而旋翼气动噪声还是保持着与旋翼转速 的正比关系。

4 结 论

(1)本文建立了适用于变转速旋翼直升机的综 合分析模型,通过与 UH-60A"黑鹰"直升机的飞行 试验数据及相关研究结果的对比,表明该方法可用 于综合分析直升机稳态飞行时的旋翼需用功率、全 机配平操纵、旋翼桨毂振动水平与旋翼气动噪声。

(2)旋翼需用功率与旋翼转速在一定转速和前 飞速度范围内成正比关系。降低旋翼转速可使样 例直升机在上述飞行状态下最多减少19.2%的需 用功率。但当因转速过小、前飞速度过大而需要大 总距配平时会导致旋翼需用功率迅速增加。

(3)旋翼转速减小会导致旋翼总距、纵向周期 变距和横向周期变距增加,从而使直升机旋翼的操 纵裕度减小。同时旋翼纵向周期变距的功效随着 旋翼转速的减小而下降。

(4)旋翼桨毂振动水平在各前飞速度下都随着 旋翼转速降低而增加,而且该效果在大前飞速度下 更为明显。

(5)旋翼气动噪声随着旋翼转速降低而减小, 其中厚度噪声的减小起主要作用。在当前飞行状态下通过降低旋翼转速使旋翼气动噪声最多降低 了 6.7%。但过大或过小的旋翼转速都会使得旋 翼载荷噪声随着前飞速度增加而迅速增加。

综上所述,在稳定飞行状态下直升机可以通过 降低旋翼转速显著地提升飞行性能和降低旋翼气 动噪声。但是在调整转速的过程中还需要考虑旋 翼操纵量和旋翼桨毂振动的约束。

参考文献:

- [1] PROUTY R W. Should we consider variable rotor speeds[J]. Vertiflite, 2004, 50(4):24-27.
- [2] BOWEN-DAVIS G, CHOPRA I. Aeromechanics of a slowed rotor[J]. Journal of the American Helicopter Society, 2015, 60(3):1-13.
- DIOTTAVIO J, FRIEDMANN D. Operational benefits of an optimal, widely variable speed rotor[C]// Proceedings of the American Helicopter Society 66th Annual Forum. Phoenix, AZ: [s. n.], 2010:1011-1017.
- [4] BOWEN-DAVIS G, CHOPRA I. Aeromechanics of a variable-speed rotor[C]//Proceedings of the American Helicopter Society 67th Annual Forum. Virginia Beach, Virginia: [s. n.], 2011.
- [5] 韩东. 变转速旋翼直升机性能及配平研究[J]. 航空 学报, 2013, 34(6):1241-1248.
 HAN Dong. Study on the performance and trim of helicopters with variable speed rotors[J]. Acta Aeronautica et Astronautica Sinica, 2013, 34(6):1241-1248.
- [6] 刘士明,杨卫东,董凌华,等.优化转速旋翼性能分析与应用[J].南京航空航天大学学报,2014,46 (6):888-894.

LIU Shiming, YANG Weidong, DONG Linghua, et al. Performance investigation and applications of optimum speed rotors[J]. Journal of Nanjing University of Aeronautics & Astronautics, 2014, 46(6):888-894.

[7] 徐明,李建波,韩东.旋翼转速优化直升机的纵向操
 纵性与稳定性分析[J].航空动力学报,2015,30
 (6):1374-1381.

XU Ming, LI Jianbo, HAN Dong. Analyze on longitudinal controllability and stability of OSR helicopter [J]. Journal of Aerospace Power, 2015, 30(6): 1374-1381.

[8] 徐明,韩东,李建波. 变转速旋翼气动特性分析及试验研究[J]. 航空学报,2013,34(9):2047-2056.

XU Ming, HAN Dong, LI Jiangbo. Analysis and experimental investigation on the aerodynamic characteristics of variable speed rotor[J]. Acta Aeronautica et Astronautica Sinica, 2013, 34(9):2047-2056.

[9] 徐明,李建波,韩东.转速优化旋翼的桨叶气动外形 参数优化设计[J]. 航空学报,2015,36(7):2133-2144

> XU Ming, LI Jiangbo, HAN Dong. Optimal design for aerodynamic shape parameters of optimum speed rotor[J]. Acta Aeronautica et Astronautica Sinica, 2015, 36(7):2133-2144.

[10] 徐明,李建波,彭名华,等. 基于不确定性的旋翼转速 优化直升机参数设计[J]. 航空学报, 2016, 37(7): 2170-2179.

XU Ming, LI Jiangbo, PENG Minghua, et al. Parameter design of helicopter with optimum speed rotor based on uncertainty optimization[J]. Acta Aeronautica et Astronautica Sinica, 2016, 37(7):2170-2179.

- [11] DATTA A, YEO H, NORMAN T R. Experimental investigation and fundamental understanding of a slowed UH-60A rotor at high advance ratios [C]// Proceedings of the American Helicopter Society 67th Annual Forum. Virginia Beach, Virginia: [s. n.], 2011:1105-1130.
- [12] BERRY B, CHOPRA I. Performance and vibratory load measurements of a slowed-rotor at high advance ratios[C]//Proceedings of the 68th Annual Forum of the American Helicopter Society. Fort Worth, Texas:[s. n.], 2012.
- [13] KAREM A E. Optimum speed rotor: U. S. Patent 6007298[P]. 1999-12-28.
- [14] LEISHMAN J G, BEDDOES T S. A semi-empirical model for dynamic stall[J]. Journal of the American Helicopter Society, 1989, 34(3):3-17.
- [15] 徐进,孙传伟,高正.适用于直升机俯仰与滚转机动 分析的广义动态尾迹模型[J].南京航空航天大学学 报,2005,37(2):135-139.
 XU Jin, SUN Chuanwei, GAO Zheng. Generalized dynamic wake model applied to helicopter pitching and rolling maneuver[J]. Journal of Nanjing University of Aeronautics & Astronautics, 2005, 37(2): 135-139.
- [16] PETERS D A, HE C J. Finite state induced flow models. II—Three-dimensional rotor disk[J]. Journal of Aircraft, 2015, 32(32):323-333.
- [17] HODGES D H, DOWELL E H. Nonlinear equations

of motion for the elastic bending and torsion of twisted non-uniform rotor blades [R]. NASA TN D-7818, 1974.

[18] 王浩文,郑兆昌.前飞状态下直升机旋翼系统气弹响 应及稳定性分析[J].振动工程学报,1999,12(4): 521-528.

WANG Haowen, ZHENG Zhaochang. Aeroelastic response and stability of helicopter rotor blades in forward flight[J]. Journal of Vibration Engineering, 1999, 12(4):521-528.

- [20] MATTHEW A S. Trim and control optimization of a compound helicopter model [D]. Philadelphia: The Pennsylvania State University, 2003.
- [21] FARASSAT F. Thickness noise of helicopter rotors at high tip speeds [R]. AIAA Paper 75-453,1975.
- [22] FARASSAT F. Linear acoustic formulas for calculation of rotating blade noise [J]. AIAA Journal, 1981, 19(19):1122-1130.
- [23] 徐国华. 直升机旋翼噪声分析及估算方法[D]. 南京: 南京航空航天大学, 1990.
- [24] LI Pan, CHEN Renliang. A mathematical model for helicopter comprehensive analysis[J]. Chinese Journal of Aeronautics, 2010, 23(3):41-47.
- [25] 陈仁良,李攀,吴伟,等. 直升机飞行动力学数学建模 问题[EB/OL].(2017-04-19). http://kns.cnki.net/ kcms/detail/11.1929.V.20170419.1124.002.html.
- [26] HOWLETT J J. UH-60A Black Hawk engineering simulation program. Volumes I and II [R]. NASA CR-166309 and CR-166310, 1981.
- [27] DAVIS S J. Predesign study for a modem 4-bladed rotor for the RSRA [R]. NASA-CR-166155,1981.
- [28] BALLIN M G. Validation of a real-time engineering simulation of the UH-60A helicopter [R]. NASA-TM-88360, 1987.
- [29] WILLIAM Y A, RANDALL G O, JOHN O B, et al. Validation flight test of UH-60A for rotorcraft systems integration simulator (RSIS) [R]. Project NO. 79-24, 1982.
- [30] ABHISHEK A, DATTA A, CHOPRA I. Prediction of UH60A structural loads using multibody analysis and swashplate dynamics [J]. Journal of Aircraft, 2009, 46(2):474-490.
- [31] SCHOMER P D, AVERBUCH A, RASPET R. Operational noise data for UH-60A and CH-47C army helicopters[R]. ADA118796, 1982.